



# آزمون «۶ تیر ۹۹»

## دهم ریاضی

نحوه آزمون

### پدیدآورندگان

نام طراحان	نام درس
ولی برجمی، محمد داورپناهی، مرتضی کاظمی شیرودی، محمد کاظمی نصرآبادی، الهه مسیح خواه، خالد مشیرپناهی، فاطمه منصورخاکی، ولی الله نوروزی	عربی، زبان قرآن (۱)
تیمور رحمتی، ساسان عزیزی نژاد، حمید مهدیان راد	زبان انگلیسی (۱)
یاسین سپهر، طاهر دادستانی، جهانبخش نیکنام، علی شهرابی، فرنود فارسی جانی، کیان کریمی خراسانی، حمید علیزاده، نیما سلطانی	ریاضی (۱)
رضا عباسی اصل، علی ساووجی، فرشاد فرامرزی، نوید مجیدی، رحمت عین علیان، محمد ابراهیم گیتی زاده، داریوش ناظمی، سعید جعفری کافی آباد	هندسه (۱)

### گروه علم

نام درس	عربی، زبان قرآن (۱)	زبان انگلیسی (۱)	ریاضی (۱)	هندسه (۱)
گزینشگر	فاطمه منصورخاکی	سپیده عرب	عادل حسینی	امیرحسین ابو محبوب
مسئول درس	مهندی نیکزاد	سپیده عرب	عادل حسینی	امیرحسین ابو محبوب
گروه ویاستاری	حسام حاج مؤمن	رحمت الله استیری	مرضیه گودرزی	عادل حسینی

### گروه فن و تولید

مدیر گروه	اختصاصی (محمد اکبری)، عمومی (الهام محمدی)
مسئول دفترچه	اختصاصی (عادل حسینی)، عمومی (مصطفی شاعری)
گروه مستندسازی	مدیر گروه (فاطمه رسولی نسب)، مسئول دفترچه اختصاصی (آنه اسفندیاری)، مسئول دفترچه عمومی (فریبا رئوفی)
حروفنگار و صفحه‌آرا	حسن خرم‌جو - ندا اشرفی - زهرا تاجیک
ناظر چاپ	سوران نعیمی، علیرضا سعدآبادی

### گروه آزمون

#### بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۲۱



(الله مسیح فواه)

**۹- گزینه «۳»**

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: در این گزینه «بزياده حرف واحد» نادرست است.

گزینه «۲»: در این گزینه ثالثی مزید نادرست است.

گزینه «۴»: در این گزینه «المخاطب، مفعوله (البياه)» نادرست است.

(تفاصل صرفی و مدل اعرابی)

(الله مسیح فواه)

**۱۰- گزینه «۲»**

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: اسم فاعل من فعل مجرد نادرست است.

گزینه «۳»: معرفه نادرست است.

گزینه «۴»: اسم مفعول نادرست است.

(تفاصل صرفی و مدل اعرابی)

(فاظمه منهو، فاکن)

**۱۱- گزینه «۴»**

در این گزینه، «مرسل» اسم فاعل است و باید به صورت «مرسل» باشد (فرستنده نامه در جای دور زندگی می‌کند).

(فقط هر کات)

(فالار مشیرپناهی - مکلان)

**۱۲- گزینه «۴»**

در گزینه «۴» آمده است: «جایی برای پرواز هوایپیماها = تایر (چهارچوب)» که نادرست است، چرا که توضیح داده شده مربوط به «مطاف: فروگاه» است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «بیماری‌ای که به سر مرتبط است = سردرد»

گزینه «۲»: «جسمی برای برخی بازی‌های ورزشی = نوب»

گزینه «۳»: «بیماری‌ای که به بینی مرتبط است = سرماخوردگی»

(مفهوم)

(مرتضی کاظم‌شیروی)

**۱۳- گزینه «۲»**

توضیح: «أنت» برای تاکید فعل است. ترجمه عبارت چنین است: «ای آدم فقط تو و همسرت وارد بهشت شوید!»

(انواع بملات)

(محمد داورپناهی - بینور)

**۱۴- گزینه «۴»**

سوال خواسته فعل مجھول مشخص کنید. فعل مجھول معنی «شد، می‌شود» دارد و مفعول ندارد. در گزینه «۴»، «تقدم» فعل مجھول و به معنای «تقدیم می‌شود» است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: سلب: سلب کردن

گزینه «۲»: مشاهده می‌کنند/ غرسوا: کاشتند

گزینه «۳»: کان قد اکتسیبا: بدست آورده بودند.

(انواع بملات)

(محمدعلی کاظمی نصرآبادی - کاشان)

**۱۵- گزینه «۱»**

در این گزینه (علی، فی، إلی) حرف جر هستند.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۲»: (علی) حرف جر است.

گزینه «۳»: حرف جری وجود ندارد.

گزینه «۴»: (فی، فی) حرف جر هستند.

(انواع بملات)

**عربی، زبان قرآن ۱****۱- گزینه «۱»**

(مرتضی کاظم‌شیروی)

«قدانا». ما را هدایت کرد (رد گزینه «۳») / «ماکنا لنهتدى»، راه نمی‌یافتم، هدایت نمی‌شیم (رد گزینه «۲») / «لولا أن هدانا الله»، اگر خدا ما را هدایت نکرده بود (رد گزینه «۴») (ترجمه)

(ولی برہی - ابهر)

**۲- گزینه «۲»**

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: وارد کرد

گزینه «۳»: این سازمان

گزینه «۴»: آمد

(ترجمه)

(ولی برہی - ابهر)

**۳- گزینه «۴»**

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: دلفین‌ها (معرفه نباید باشد)

گزینه «۲»: می‌دیدم

گزینه «۳»: فیلمی دیدم

(ترجمه)

(ولی برہی - ابهر)

**۴- گزینه «۴»**

کلمه «اعصار» مفرد و به معنای «گردباد» و کلمه «الأسماك» جمع مکسر و به معنای «ماهی‌ها» می‌باشد.

(ترجمه)

(فاطمه منهو، فاکن)

**۵- گزینه «۱»**

«در بهار»: فی الربيع / «درختان دارای میوه هستند»: للأشجار ثمرة /

«شاخه‌هایشان»: غصونها، اغصانها / «تروتازه است»: نضرة / «چه زیاست»: ما أجمل

/ «باغها»: الحدائق / «طبعیت»: الطبيعة / (ترجمه)

(ترجمه)

ترجمه درگ مطلب:

سیاره زمین سومین سیاره منظومة شمسی است از سمت خورشید بعد از عطارد و زهره، و تا به الان تنها سیاره‌ای است که از حیات انسان‌ها شتبه‌یانی می‌کند. پس بر روی آن انواع مختلف موجودات زنده زندگی می‌کنند برای ایجاد شرایط مناسب برای زندگی او. به این دلیل که درجه حرارتی که از خورشید به آن مرسد به دلیل فاصله مناسب متعادل است، همان طور که آب یافت می‌شود که به رشد گیاهان کمک می‌کند و اکسیژن ضروری برای تنفس موجودات زنده و حمایت می‌کند؛ محافظ جوی از سطح زمین در مقابل اشعة مضر خورشید که از خورشید می‌آید و کمک می‌کند به توزیع درجه حرارت بر روی سطح زمین و به آسمان رنگ آبی زیبا در طول روز می‌دهد. مسافت بین طبقه اول محافظه جوی و سطح زمین ۱۵ کیلومتر است تقریباً. بین آخرین طبقه جوی و سطح زمین ۴۰ کیلومتر فاصله است تقریباً.

(الله مسیح فواه)

**۶- گزینه «۳»**

فقط اکسیژن در متن گفته شده است نه گازهای مختلف!

(درگ مطلب)

(الله مسیح فواه)

**۷- گزینه «۴»**

«ستکون» غلط است چون شاید در آینده سیاره‌های دیگر قابلیت زندگی پیدا کنند (در متن گفته شده است: حتی الان)

(درگ مطلب)

(الله مسیح فواه)

**۸- گزینه «۴»**

دلیلی درباره عدم حیات در سیارات دیگر در متن موجود نیست.

(درگ مطلب)



(ممید مهریان، رار)

## گزینه ۲۲

- (۱) کلید  
(۲) علامت  
(۳) موفقیت  
(۴) لامپ

(ممید مهریان، رار)

## گزینه ۲۳

**نکته مهم درسی**  
برای اشاره به تداوم عملی در زمان گذشته از ساختار گذشته استمراری استفاده می‌کنیم. این زمان از ترکیب «was/were + verb + ing» ساخته می‌شود.

(کلوزتست)

(ممید مهریان، رار)

## گزینه ۲۴

- (۱) اختراع  
(۲) مقصد  
(۳) جاذبه  
(۴) تعطیلی

(ممید مهریان، رار)

## گزینه ۲۵

**نکته مهم درسی**  
حرف اضافه واژه "research" به معنای «تحقیق»، "on" می‌باشد.

(کلوزتست)

(ممید مهریان، رار)

## گزینه ۲۶

- (۱) اداره  
(۲) بیابان  
(۳) پیشنهاد  
(۴) آزمایشگاه

(تیمور، رهمت)

## گزینه ۲۷

ترجمه جمله: «در متن، تاریخ همه موارد زیر را می‌توانیم بیابیم، بهغیر از زمانی که میچل نوشتند رمانش را آغاز کرد.»

(درک مطلب)

(تیمور، رهمت)

## گزینه ۲۸

ترجمه جمله: «نزدیکترین کلمه از نظر معنایی به کلمه "vivid" در خط ۱۰، "clear" (روشن، واضح) است.»

(درک مطلب)

(تیمور، رهمت)

## گزینه ۲۹

ترجمه جمله: «کدامیک از موارد زیر یک عامل مهم در موفقیت بزرگ رمان میچل بود؟»

(درک مطلب)

(تیمور، رهمت)

## گزینه ۳۰

ترجمه جمله: «طبق متن، کدامیک از جملات زیر درست است؟»  
بر باد رفته داستان بسیار جالبی است، اگرچه درباره وقایعی است که در گذشته اتفاق افتاده‌اند.»

(درک مطلب)

## زبان انگلیسی ۱

## گزینه ۲۴

ترجمه جمله: «آن رستوران همیشه پر از آدم است، پس (در نتیجه) آن باید رستوران خلی خوبی باشد.»

## نکته مهم درسی

یکی از کاربردهای فعل وجہی "must" برای استنباط و نتیجه‌گیری می‌باشد.  
(گرامر)

## گزینه ۲۵

ترجمه جمله: «ورست بلندترین کوه در جهان است. آن، بلندتر از هر کوه دیگری است.»

## نکته مهم درسی

بعد از صفات برترین، برای مکان‌های مفرد از حرف اضافه "in" یا "of" استفاده می‌کنیم. با توجه به بافت جمله داده شده، در جای خالی دوم از صفت برتر استفاده می‌کنیم. گزینه ۴ «ترکیب غلطی است.»

## گزینه ۲۶

ترجمه جمله: «من و مادرم داشتم در خیابان قدم می‌زدیم که ناگهان صدای گام‌ها را پشت سرمان شنیدیم.»

## نکته مهم درسی

گذشته ساده (were walking)+when+heard (چون فاعل جمله My mother and I) جمع است، از فعل کمکی "were" در گذشته استمراری استفاده می‌کنیم (رد گزینه ۱).

## گزینه ۲۷

ترجمه جمله: «آن تخت‌خواب برای آن پیرزن آنقدر سنگین بود که نمی‌توانست تکانش دهد. بنابراین، لیزا به او کمک کرد آن را به داخل خانه حمل کند.»

- (۱) اهمیت دادن  
(۲) جمع آوری کردن  
(۳) مقایسه کردن  
(۴) حمل کردن

## گزینه ۲۸

ترجمه جمله: «در هفت دسامبر، بازیگر مشهور آمریکایی، هری مورگان، در سن ۹۶ سالگی در شهر لس آنجلس به‌آرامی در خواب فوت کرد.»

- (۱) در آوردن [لباس]، برخواستن [هوایپیما] باور داشتن به  
(۲) دست کشیدن  
(۳) فوت کردن  
(۴) واگران

## گزینه ۲۹

ترجمه جمله: «مراسم قرار است در روستایی کوهستانی در شمال ایتالیا برگزار شود، بنابراین خیلی برای کودکان و افرادی که از صندلی چرخدار استفاده می‌کنند مناسب نخواهد بود.»

- (۱) قابل حل  
(۲) مناسب  
(۳) میهمان نواز  
(۴) قابل تعویض

بدهیم تا نمودار تابع جدید بر نمودار  $g$  مماس شود، در این صورت معادله

$$f(x+a) = g(x)$$

$$-2(x+a) = 4x^r + 1 \cdot x + 3 \Rightarrow 4x^r + 12x + 3 + 2a = 0$$

$$\frac{\Delta=0}{\Delta=12 - 4(r+1)} \Rightarrow \Delta = 12 - 4(r+1) = 0 \Rightarrow r+1 = 3 \Rightarrow r = 2$$

(فرنرور فارسی پانز)

گزینه ۳

نمودار تابع  $f(x)$  یک سهمی است که مختصات رأس آن  $S\left(-\frac{b}{2a}, \frac{\Delta}{4a}\right)$  است.

بیشترین مقدار تابع در رأس سهمی اتفاق می‌افتد. پس عرض رأس سهمی

$$\text{يعنى } \frac{\Delta}{4a} = 4 - r(a)(-a+1) = 4 + 4a^r - 4a$$

$$\Delta = 4 - 4(a)(-a+1) = 4 + 4a^r - 4a$$

$$\Rightarrow \frac{-\Delta}{4a} = -\frac{4 + 4a^r - 4a}{4a} = -a + 1 - \frac{1}{a}$$

$$\frac{-\Delta}{4a} = 2 \Rightarrow -a + 1 - \frac{1}{a} = 2 \Rightarrow -a^r - 1 = 2a \Rightarrow a^r + 2a + 1 = 0$$

$$\Rightarrow a = -1$$

(کلیان کریمی فراسانی)

گزینه ۲

$$x^r - \Delta x^r \leq x - \Delta \Rightarrow x^r(x - \Delta) \leq x - \Delta \Rightarrow x^r(x - \Delta) - (x - \Delta) \leq 0$$

$$\Rightarrow (x^r - 1)(x - \Delta) \leq 0 \Rightarrow (x - 1)(x + 1)(x - \Delta) \leq 0$$

$$\begin{array}{c|cccc} x & & -1 & 1 & \Delta \\ \hline (x-1)(x+1)(x-\Delta) & - & \emptyset & + & \emptyset & - & \emptyset & + \end{array}$$

$$\Rightarrow x \in (-\infty, -1] \cup [1, \Delta] \xrightarrow{x \in \mathbb{N}} x = 1, 2, 3, 4, 5$$

(محمد علیزاده)

گزینه ۱

$$(0, 2), (0, a+b) \in f \xrightarrow[\text{بودن}]{\text{شرط تابع}} a+b=2$$

$$(-1, ab), (-1, -3) \in f \xrightarrow[\text{بودن}]{\text{شرط تابع}} ab=-3$$

$$\xrightarrow[b=r-a]{a(2-a)=-3} a^r - 2a - 3 = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = -1 \\ a = 3 \end{cases}$$

(یاسین سپهر)

ریاضی ۱

گزینه ۲

$$t_1 = t_r + 3r \Rightarrow t_1 - t_r = t_1 - t_1 r^r = t_1 (1 - r^r) = 3r$$

$$t_1 + t_r + t_{rr} = \lambda \Rightarrow t_1 + t_1 r + t_1 r^r = \lambda$$

$$\Rightarrow t_1 (1 + r + r^r) = \lambda$$

$$\Rightarrow \frac{t_1 (1 - r^r)}{t_1 (1 + r + r^r)} = \frac{3r}{\lambda} \Rightarrow \frac{(1 - r)(1 + r + r^r)}{(1 + r + r^r)} = \frac{4}{\lambda}$$

$$\Rightarrow 1 - r = 4 \Rightarrow r = -3$$

(طاهر استانی)

گزینه ۳

$$\tan x + \cot x = \tan x + \frac{1}{\tan x} = 2 \Rightarrow \tan x = \cot x = 1$$

$$\xrightarrow[x \in \left(\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}\right)]{\sin x = \frac{1}{\sqrt{2}}} \sin x = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\Rightarrow \sqrt{2} \sin x + 3 \cot x = 1 + 3 = 4$$

(بیوأنفس نیلان)

گزینه ۴

$$A = \frac{(\sqrt{2})^r + 3^r}{\sqrt{2} + 3} + 3\sqrt{2} = \frac{(\sqrt{2} + 3)(2 - 3\sqrt{2} + 9)}{(\sqrt{2} + 3)} + 3\sqrt{2}$$

$$\Rightarrow A = 11 \Rightarrow (A+1)^{\frac{1}{r}} = 12^{\frac{1}{r}} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$$

(علی شهرابی)

گزینه ۲

$$4^x + 4^{-x} = 10 \Rightarrow 4^x + 4^{-x} + 2 = 12 \Rightarrow (4^x + 4^{-x})^r = 12$$

$$\Rightarrow 4^x + 4^{-x} = 2\sqrt{3}$$

با استفاده از اتحاد چاق و لاغر داریم:

$$4^x + 4^{-x} = (4^x + 4^{-x})(4^x - 1 + 4^{-x}) = 2\sqrt{3}(10 - 1) = 18\sqrt{3}$$

(بیوأنفس نیلان)

گزینه ۳

فرض کنیم نمودار  $f$  را به اندازه  $a$  واحد در راستای محور  $x$  ها منتقل



از طرفی بنا به قضیه نامساوی مثلثی داریم:

$$a < b + b \Rightarrow a < 2b \xrightarrow{+a} a + a < \underline{\underline{a + 2b}}$$

۱۶

$$\Rightarrow a < \lambda \xrightarrow{a > 0} 0 < a < \lambda$$

پس مقادیر صحیح ممکن برای  $a$  عبارتند از:

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 = 28$$

و در نتیجه :

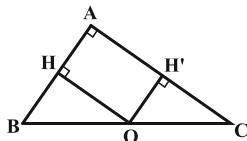
(علی ساوین)

گزینه «۱» - ۴۲

توجه کنید که در مثلث قائم‌الزاویه، نقطه همرسی عمودمنصف‌ها (نقطه‌ای که

از سه رأس مثلث به یک فاصله است) وسط وتر است. چهارضلعی

$OHAH'$  مستطیل است، زیرا سه زاویه قائمه دارد. حال داریم:

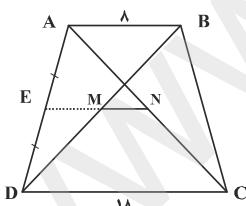


$$S_{OHAH'} = AH \cdot AH' = \frac{1}{2} AB \times \frac{1}{2} AC$$

$$= \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} AB \times AC \right) = \frac{1}{4} S_{ABC}$$

(رضا عباسی اصل)

گزینه «۲» - ۴۳



فرض کنیم  $M$  و  $N$ ، وسط قطرهای ذوزنقه باشند. امتداد  $MN$  ساق‌های ذوزنقه را در وسط آنها قطع می‌کند و داریم:

$$\triangle ADC : EN \parallel DC \Rightarrow \frac{AE}{AD} = \frac{EN}{DC} \Rightarrow EN = 9$$

$$\triangle ADB : EM \parallel AB \Rightarrow \frac{DE}{AD} = \frac{EM}{AB} \Rightarrow EM = 4$$

$$MN = 9 - 4 = 5$$

و در نتیجه،

(رضا عباسی اصل)

گزینه «۲» - ۴۴

$$\triangle BHC : HC^2 = (2\sqrt{12})^2 - 6^2 = 16 \Rightarrow HC = 4$$

داریم:

$$\Rightarrow b = 2 - a \begin{cases} \xrightarrow{a=-1} b = 3 \\ \xrightarrow{a=3} b = -1 \end{cases}$$

•  $a = -1$ ,  $b = 3$

$$\Rightarrow f = \{(-1, -3), (0, 2), (-1, 4), (-1, -3), (0, 2)\}$$

•  $a = 3$ ,  $b = -1$

$$\Rightarrow f = \{(-1, -3), (0, 2), (3, 4), (-1, -3), (0, 2)\}$$

$$\Rightarrow a - b = 3 - (-1) = 4$$

(نیما سلطانی)

گزینه «۴» - ۴۹

در حالت کلی  $5+6$  شیء داریم که جایگشت آنها برابر است با:

$$n(S) = (6+5)! = 11!$$

برای محاسبه تعداد حالات مطلوب ابتدا کتاب‌های ریاضی را جایگشت می‌دهیم که می‌شود  $6 \cdot 5$ . در طرفین کتاب‌های ریاضی و نیز ما بین آنها در مجموع ۷ جای خالی ایجاد می‌شود که از بین آنها ۵ جای خالی انتخاب کرده و کتاب‌های شیمی را به ۵! جایگشت در آنها قرار می‌دهیم. در این صورت قطعاً هیچ دو کتاب شیمی‌ای در کنار هم قرار نخواهد گرفت. داریم:

$$= 6! \times \binom{7}{5} \times 5! = 6! \times 5! \times 21$$

$$\Rightarrow P(\text{مطلوب}) = \frac{6! \times 5! \times 21}{11!} = \frac{5! \times 21}{11 \times 10 \times 9 \times 8 \times 7} = \frac{5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 3 \times 7}{11 \times 10 \times 9 \times 8 \times 7} = \frac{1}{22}$$

(کتاب پرتوکار)

گزینه «۱» - ۴۰

$\left. \begin{array}{l} \text{پیشامد قبولی در درس ریاضی} \\ \text{B : پیشامد قبولی در درس فیزیک} \end{array} \right\}$

$\Rightarrow A \cup B$  : پیشامد آن که حداقل در یکی از دروس قبول شود.

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$\frac{P(B)=0/7 \text{ و } P(A)=0/65}{P(A \cap B)=0/45} \Rightarrow P(A \cup B) = 0/65 + 0/7 - 0/45 = 0/9$$

هندسه ۱

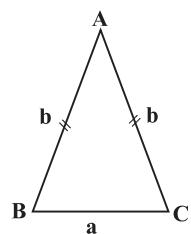
(رضا عباسی اصل)

گزینه «۱» - ۴۱

مطابق شکل اگر طول‌های قاعده و ساق را به ترتیب با  $a$  و  $b$  نمایش دهیم،

آنگاه داریم:

$$a + b + b = 16 \Rightarrow a + 2b = 16$$



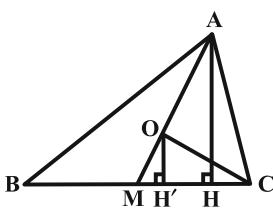
$$\frac{\sqrt{3}}{2}a = 6 \Rightarrow a = 4\sqrt{3}$$

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = \frac{\sqrt{3}}{4} \times (4\sqrt{3})^2 = 12\sqrt{3}$$

(محمد ابراهیم کتب زاده)

**گزینه ۴**

$O$  نقطه همرسی میانه های مثلث  $ABC$ ، هر میانه را به نسبت ۱ به ۲ تقسیم می کند، یعنی  $AH$  ارتفاع مثلث  $ABC$  و  $OH'$  ارتفاع مثلث  $OMC$  باشد:



$$\Delta AMH : OH' \parallel AH \Rightarrow \frac{OH'}{AH} = \frac{OM}{AM} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow OH' = \frac{1}{3}AH, MC = \frac{1}{2}BC$$

$$S_{OMC} = \frac{1}{2}MC \cdot OH'$$

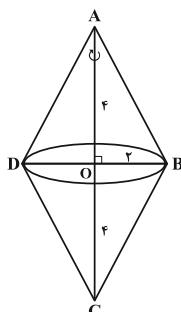
$$= \frac{1}{2}(\frac{1}{2}BC \times \frac{1}{3}AH) = \frac{1}{6}(\frac{1}{2}BC \cdot AH) = \frac{1}{6}S_{ABC}$$

(داریوش ناظمن)

**گزینه ۳**

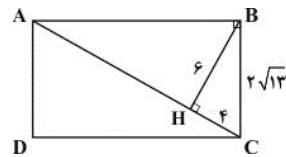
اگر دو صفحه متقاطع باشند، در صورتی هر دو بر صفحه ای عمودند که فصل مشترکشان بر آن صفحه عمود باشد.

(سعید جعفری کاخی آبار)

**گزینه ۳**


مطابق شکل، از آنجا که در لوزی قطرها یکدیگر را نصف می کنند، از دوران قدر بزرگ لوزی دو مخروط که شعاع قاعده هر کدام برابر  $2r = 2$  و ارتفاع هر کدام برابر  $h = 4$  است، تشکیل می شود. در نتیجه حجم شکل حاصل برابر است با:

$$V = 2 \left( \frac{1}{3} \pi r^2 h \right) = 2 \left( \frac{1}{3} \pi (2)^2 \times (4) \right) = \frac{32}{3} \pi$$


 بنابراین روابط طولی در مثلث قائم الزاویه  $ABC$  داریم:

$$BH^2 = CH \cdot AH \Rightarrow 36 = 4AH \Rightarrow AH = 9$$

$$\Rightarrow AC = 13$$

$$AB^2 = AH \cdot AC \Rightarrow AB^2 = 9 \times 13$$

$$\Rightarrow AB = 3\sqrt{13}$$

 محیط مستطیل  $ABCD$  از رابطه زیر به دست می آید:

$$2(AB + BC) = 2(3\sqrt{13} + 2\sqrt{13}) = 10\sqrt{13}$$

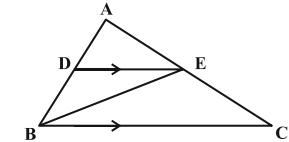
(فرشاد فرامرزی)

**گزینه ۴**

$$DE \parallel BC \xrightarrow{\text{قضیه اساسی تشابه}} \Delta ADE \sim \Delta ABC, k = \frac{AD}{AB} = \frac{2}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{ADE}}{S_{ABC}} = k^2 = \frac{4}{25}$$

$$\Rightarrow S_{ADE} = \frac{4}{25} S_{ABC} \quad (1)$$



$$\frac{S_{BEC}}{S_{ABE}} = \frac{EC}{AE}$$

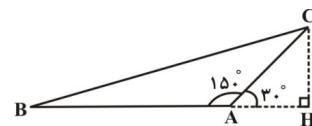
$$DE \parallel BC \Rightarrow \frac{EC}{AE} = \frac{BD}{AD} = \frac{2}{3} \Rightarrow \frac{S_{BEC}}{S_{ABE}} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{BEC}}{S_{ABC}} = \frac{3}{5} \Rightarrow S_{BEC} = \frac{3}{5} S_{ABC} \quad (2)$$

از (۱) و (۲) داریم:

$$\frac{S_{ADE}}{S_{BEC}} = \frac{\frac{4}{25} S_{ABC}}{\frac{3}{5} S_{ABC}} = \frac{4}{15}$$

(نویر مبیدی)

**گزینه ۵**


فرض کنیم  $CH = AB = 12$  باشد.  $CH$  ضلع روبرو به زاویه  $30^\circ$  در مثلث قائم الزاویه است، پس داریم:

$$CH = \frac{1}{2}AC = 3$$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2}AB \cdot CH = \frac{1}{2} \times 12 \times 3 = 18$$

(همت عین علیان)

**گزینه ۶**

 مجموع فواصل هر نقطه دلخواه درون مثلث متساوی الاضلاع (به ضلع  $a$ ) از سه

 ضلع آن، با ارتفاع مثلث یعنی  $\frac{\sqrt{3}}{2}a$  برابر است. پس طبق فرض داریم: