

دفترچه پاسخ تشریحی

آزمون ۳۱ مردادماه

دوازدهم تجربی

نام درس	نام مسئول درس آزمون	نام ویراستاران	نام مسئول درس مستندسازی
زیست‌شناسی	مهدی جباری	مسعود بابایی - علی اصغر نجاتی	مهسا سادات هاشمی
فیزیک	پرهام امیری	سعید محبی - ستایش قربانی	حسام نادری
شیمی	ارشیا انتظاری	ارسلان کریمی - ستایش قربانی	الهه شهبازی
ریاضی	مانی موسوی	دانیال ابراهیمی - پارسا بختی	سمیه اسکندری
مدیر تولید آزمون: زهرا سادات غیائی - مسئول دفترچه تولید آزمون: عرشیا حسین‌زاده			
مدیر مستندسازی: محیا اصغری - مسئول دفترچه مستندسازی: سمیه اسکندری			

ایران تونل
توشه ای برای موفقیت

همیشه در آزمون‌ها شرکت کنید و غیبت نکنید.

اگر به هر دلیلی برای یک آزمون آماده نبودید، مثلاً درس نخواندید یا بیمار بودید، در آزمون غیبت نکنید.

این آزمون و نتایج آن برای خود شماست. همه‌ی آدم‌ها روزهای خوب و روزهای بد دارند. فقط باید ادامه بدهید.

زیست‌شناسی ۲

۱- گزینه «۲»

(پارسا فرار)

بازوفیل‌ها هستهٔ دوقسمتی روی هم افتاده دارند. دانه‌های این یاخته‌ها، هیستامین و ماده‌ای به نام هیارین دارند. هیستامین با گشاد کردن رگ‌ها، باعث افزایش نفوذپذیری آن‌ها می‌شود. هیارین ترکیبی ضد انعقاد خون است و مانع از تشکیل فیبرین در طی روند انعقاد می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: نوتروفیل با هستهٔ چندقسمتی، هیستامین ترشح نمی‌کند.

گزینه «۳»: ائوزینوفیل با داشتن هستهٔ دوقسمتی دمبلی‌شکل، نقشی در پاسخ به مواد حساسیت‌زا ندارد. گزینه «۴»: مونوسیت‌ها دارای هستهٔ تکی خمیده یا لوبیایی می‌باشند، در حالی که نابود لاروهای انگل، مربوط به ائوزینوفیل و فراخوانی گویچه‌های سفید به محل آسیب، مربوط به پیک‌های شیمیایی ترشح شده از یاخته‌های دیوارهٔ مویرگ‌ها و درشت‌خوارها است.

(ایمنی)(زیست‌شناسی ۲، صفحه‌های ۶۴ و ۶۹)

۲- گزینه «۲»

(ویر لطفی)

با پیشرفت روش‌های رنگ‌آمیزی و کار با میکروسکوپ، دانشمندان مشاهده کردند که گویچه‌های سفید نه تنها در خون، بلکه در بافت‌های دیگر هم یافت می‌شوند. پس همهٔ گویچه‌های سفید توانایی دایندز (فرایند عبور گویچه‌های سفید از دیوارهٔ مویرگ‌ها) را دارند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: به دنبال فعالیت ماکروفاژ در کبد و پاکسازی گویچه‌های قرمز مرده در این اندام، آهن آزاد می‌شود. آهن آزاد شده در این فرایند یا در کبد ذخیره می‌شود و یا همراه خون به مغز استخوان می‌رود و در ساخت دیوارهٔ گویچه‌های قرمز مورد استفاده قرار می‌گیرد. مغز استخوان بالاترین اندام لنفی بدن است که آهن مورد نیاز آن در این فرایند افزایش می‌یابد.

گزینه «۳»: به دنبال فعالیت بازبافتی ماکروفاژها در کبد، آهن از ساختار هموگلوبین جدا می‌شود. این آهن یا در کبد ذخیره می‌شود (افزایش میزان آهن در کبد) و یا به مغز استخوان رفته و برای تولید مجدد گویچهٔ قرمز مصرف می‌شود.

گزینه «۴»: گویچه‌های سفید می‌توانند به رگ‌های لنفی نیز وارد شوند. رگ‌های لنفی نمی‌توانند باعث تبادل مواد بین خون و مایع میان بافتی شوند.

(ترتیبی)(زیست‌شناسی ۱، صفحه ۶۲) (زیست‌شناسی ۲، صفحه‌های ۶۴ و ۶۸)

۳- گزینه «۴»

(امیرحسین امیری)

یاخته‌های دیوارهٔ مویرگ که ترشح‌کنندهٔ پیک شیمیایی التهابی هستند، یاختهٔ پوششی سنگفرشی ساده هستند و به غشای پایه متصل می‌باشند. می‌دانیم که دیوارهٔ مویرگ فقط از یک لایه یاختهٔ پوششی سنگفرشی ساده ایجاد شده است. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: هیستامین نقش مستقیمی در فراخواندن گویچه‌های سفید به موضع آسیب ندارد. بلکه این کار توسط پیک شیمیایی ترشح شده به وسیلهٔ ماکروفاژ و یاخته‌های دیوارهٔ مویرگ صورت می‌گیرد. گزینه «۲»: علاوه بر ماکروفاژ (که به دنبال تمایز مونوسیت در بافت‌ها ایجاد می‌شود) ماستوسیت نیز با آزاد کردن هیستامین، در فرایند التهاب نقش به سزایی دارد.

گزینه «۳»: در طی این پاسخ، مونوسیت‌ها و نوتروفیل‌ها با دایندز از خون خارج می‌شوند. مونوسیت گویچهٔ سفید بدون دانه است.

(ایمنی)(زیست‌شناسی ۲، صفحه‌های ۷۰ و ۷۱)

۴- گزینه «۱»

(پرها ۴ ریاضی پور)

منظور سؤال اولین خط دفاعی است که همهٔ موارد در ارتباط با آن صحیح است.

بررسی موارد:

الف و ب) بلع و استقراغ که در لولهٔ گوارش در دو جهت مخالف رخ می‌دهند، به ترتیب در از بین بردن و بیرون راندن میکروب‌های بدن نقش دارند. در ضمن دفع مدفوع نیز به واسطهٔ حرکات کرمی سبب بیرون راندن میکروب‌ها می‌شود.

دفع مدفوع، به واسطهٔ استراحت بنداره‌های خارجی و داخلی مخرج و به دنبال باز شدن این بنداره‌ها رخ می‌دهد.

ج) حرکات کرمی دیوارهٔ میزانی در هدایت ادرار به سمت مثانه نقش دارد. ادرار سبب خروج میکروب‌های مجاری دستگاه ادراری می‌شود.

د) عطسه و سرفه انواعی از انعکاس‌های دستگاه تنفسی‌اند که به دنبال تحریک مجاری تنفسی رخ می‌دهند و سبب بیرون راندن میکروب‌ها از مجاری این دستگاه می‌شوند.

(ایمنی)(زیست‌شناسی ۲، صفحه‌های ۶۴ و ۶۵)

۵- گزینه «۳»

(ویر زارع)

پروتئین‌هایی که در شکل دیده می‌شوند، پروتئین‌های مکمل نام دارند. پروتئین‌های دفاعی ترشح شده از یاخته‌های کشنده طبیعی، پرفورین و آنزیم هستند. دقت کنید که پرفورین‌ها نیز می‌توانند در غشا منفذ ایجاد کرده و با اجزای فسفولیپیدی غشا در تماس باشند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: پروتئین‌های مکمل می‌توانند یکدیگر را فعال کنند. پروتئین‌ها از آمینواسید تشکیل شده‌اند. گزینه «۲»: پس از فعالیت هر دوی این پروتئین‌ها، یاخته‌های مورد حمله می‌میرند و درشت‌خوارها یاخته‌های مرده را از بین می‌برند.

گزینه «۴»: دقت کنید که پروتئین مکمل به یاختهٔ زنده غشادار حمله می‌کند و در نهایت باعث مرگ این یاخته می‌شود. پرفورین و آنزیم نیز به یاخته‌های زنده آلوده به ویروس یا سرطانی حمله می‌کنند و باعث مرگ آن‌ها می‌شوند.

(ایمنی)(زیست‌شناسی ۲، صفحه‌های ۶۹ و ۷۰)

۶- گزینه «۴»

(امیرحسین هاشمی)

همهٔ موارد عبارت را به نادرستی تکمیل می‌کنند. بررسی موارد:

الف) بیشترین فعالیت آنزیم‌ها جهت همانندسازی دنا هسته در مرحلهٔ S است. اما مرحلهٔ G_۲ نسبت به سایر مراحل اینترفاز کوتاه‌تر است.

ب) یاخته‌ها بیشتر عمر خود را در G_۱ سپری می‌کنند اما مضاعف شدن دنا هسته در مرحلهٔ S مشاهده می‌شود.

ج) دنا هسته در مرحلهٔ S دو برابر می‌شود، اما ویژگی سپری کردن مدت زمان زیاد مخصوص مرحلهٔ G_۱ است.

د) در مرحلهٔ G_۲، تولید پروتئین‌های مورد نیاز تقسیم افزایش می‌یابد، اما همانندسازی دنا هسته (دنا خطی) در مرحلهٔ S رخ می‌دهد.

(تقسیم یافته)(زیست‌شناسی ۲، صفحه‌های ۸۲ و ۸۳)

۷- گزینه «۴»

(علیرضا رضایی)

اینترفرون نوع دو از یاخته‌های کشنده طبیعی و لنفوسیت‌های T ترشح می‌شود و درشت‌خوارها را فعال می‌کند. همهٔ یاخته‌های هسته‌دار و زندهٔ بدن انسان، گیرنده برای هورمون T_۳ و T_۴ دارند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: هر دو در مبارزه علیه یاخته‌های سرطانی نقش دارند.

گزینه «۲»: یاخته‌های کشنده طبیعی عوامل بیگانه را فقط براساس ویژگی‌های عمومی آن‌ها شناسایی می‌کنند.

گزینه «۳»: همهٔ یاخته‌های زنده هسته‌دار بدن انسان، توانایی ترشح اینترفرون نوع یک را در صورت آلوده شدن به ویروس دارند.

(ایمنی)(زیست‌شناسی ۲، صفحه‌های ۶۹ و ۷۰)

۸- گزینه «۱»

(یاسر عارف زاده)

در ابتدا و انتهای مراحل پروفاژ، پرومتافاز و متافاز و نیز در ابتدای مرحلهٔ آنافاز، کروموزوم‌ها مضاعف شده (دوکروماتیدی) هستند و در انتهای مرحلهٔ آنافاز و نیز ابتدا و انتهای مرحلهٔ تلوفاز کروموزوم‌ها تک‌کروماتیدی هستند.

در مرحلهٔ تلوفاز رشته‌های دوک تخریب شده و کروموزوم‌ها شروع به باز شدن می‌کنند تا به صورت کروماتین درآیند. در ابتدا و انتهای این مرحله، فام‌تن‌ها (کروموزوم‌ها) تک‌کروماتیدی هستند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۲»: در مرحلهٔ متافاز کروموزوم‌ها که بیش‌ترین فشردگی را پیدا کرده‌اند، در وسط (سطح استوایی) یاخته ردیف می‌شوند. در ابتدا و انتهای این مرحله، کروموزوم‌ها به صورت مضاعف شده دیده می‌شوند، پس از نظر مضاعف بودن در ابتدا و انتهای این مرحله به یکدیگر شباهت دارند.

گزینه «۳»: در مرحلهٔ پروفاژ ضمن فشرد شدن کروموزوم‌ها، سانتیپول‌ها به دوطرف یاخته حرکت می‌کنند و بین آن‌ها دوک تقسیم تشکیل می‌شود. در ابتدا و انتهای این مرحله کروموزوم‌ها به صورت مضاعف شده دیده می‌شوند، پس از نظر مضاعف بودن در ابتدا و انتهای این مرحله به یکدیگر شباهت دارند.

گزینه «۴»: در مرحلهٔ آنافاز با تجزیهٔ پروتئین (های) اتصالی در ناحیهٔ سانتومر، کروماتیدها از هم جدا می‌شوند. در ابتدای این مرحله کروموزوم‌ها مضاعف بوده و در انتها آن کروموزوم‌ها تک‌کروماتیدی هستند، پس از نظر مضاعف بودن در ابتدا و انتهای این مرحله با یکدیگر تفاوت دارند.

(تقسیم یافته)(زیست‌شناسی ۲، صفحه‌های ۸۴ و ۸۵)

۹- گزینه «۳»

(فلان عیسی فواهی)

عبارت سؤال در مورد تقسیم میتوز است. بررسی سایر گزینه‌ها:

این که هر قسمت مربوط به کدام بخش از میتوز است، در جدول زیر آمده است.

منظور بخش دوم گزینه	منظور بخش اول گزینه
تلوفاز	گزینه «۱»
تلوفاز	گزینه «۲»
پروفاژ	گزینه «۳»
پرومتافاز	گزینه «۴»

(تقسیم یافته)(زیست‌شناسی ۲، صفحه ۸۵)

۱۰- گزینه «۱»

(متین رحیمی)

تنها مورد «ج» نادرست می‌باشد. بررسی موارد:

الف) در نقطه وارسی موجود در مرحله G_۲ چرخه یاخته‌ای از ورود یاخته‌ای که فاقد پروتئین‌های دوک باشد به تقسیم رشتمان جلوگیری می‌شود. در نتیجه این یاخته‌ها نمی‌توانند وارد تقسیم رشتمان شوند.

ب) همانندسازی دنا در مرحلهٔ S چرخه یاخته‌ای صورت می‌گیرد، در نتیجه بدون مشکل می‌تواند رخ دهد.

ج) در مرحلهٔ G_۲ تولید رشته‌های دوک (پروتئین‌های سیتوپلاسمی) به کمک رانان‌های آزاد در ماده زمینه‌ای سیتوپلاسم رخ می‌دهد.

(تقسیم یافته)(زیست‌شناسی ۲، صفحه ۸۳)

زیست‌شناسی ۳

۱۱- گزینه «۴»

(پیمان رسولی)

در یک لایه نوکلئیک اسید و یک لایه فسفولیپید وجود دارد که در هر دو فسفات وجود دارد. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در این آزمایش از پروتئاز استفاده نکرد.

گزینه «۲»: فقط در یک لایه DNA وجود دارد و می‌تواند موجب کپسول‌دار شدن باکتری زنده بدون کپسول شود.

گزینه «۳»: در آزمایش‌های گریفیت ماهیت و چگونگی انتقال ماده وراثتی مشخص نبود. اما از این آزمایش مشخص شد که ماهیت آن دنا است. (مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه ۳۳)

۱۲- گزینه «۲»

(علی سلاطه)

نوکلئیک اسیدهای حلقوی شامل دنا (و در برخی سوالات رنای حلقوی را نیز در نظر می‌گیرند که برای حل این سوال نیاز به این نکته نداریم) بوده و نوکلئیک اسیدهای خطی شامل دنا و رنای خطی می‌باشد. در هر نوکلئوتید، حداقل یک حلقه شش‌ضلعی وجود دارد. بازهای آلی دو حلقه‌ای یک حلقه پنج‌ضلعی و یک حلقه شش‌ضلعی دارند و بازهای آلی تک‌حلقه‌ای، تنها یک حلقه شش‌ضلعی خواهند داشت. بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: نوکلئیک‌اسیدهای حلقوی شامل دنا حلقوی (و رنای حلقوی) می‌باشد. دنا از دو رشته پلی‌نوکلئوتیدی تشکیل شده است.

گزینه «۳»: قند پنج کربنه در نوکلئوتیدها، یک حلقه پنج‌ضلعی می‌باشد، نه یک حلقه پنج کربنی. کربن پنجم قند، در خارج از حلقه قرار می‌گیرد. اگر توجه کنیم، به جای یکی از کربن‌ها در حلقه، اتم اکسیژن قرار گرفته است.

گزینه «۴»: نوکلئیک‌اسیدهای حلقوی، مولکولی با دو سر متفاوت نمی‌باشند، چرا که هر دو انتهای آن‌ها به هم متصل شده است.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۴، ۵ و ۸)

۱۳- گزینه «۱»

(شاهین راهبان)

(الف) فقط در طرح غیرحفاظتی مشاهده می‌شود.

(ب) فقط در طرح حفاظتی مشاهده می‌شود.

(ج) منظور پیوند هیدروژنی است که بین بازها تشکیل می‌شود و در تمام طرح‌ها مشاهده می‌شود.

(د) این مورد در طرح غیرحفاظتی دیده نمی‌شود. (مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه ۹)

۱۴- گزینه «۴»

(علیرضا رمیمی)

عامل سینه پهلوی باکتری استرپتوکوکوس نومونیاس است در این باکتری همزمان با فعالیت آنزیم دناسپاراز، آنزیم تشکیل‌دهنده پیوند فسفودی استر بین نوکلئوتیدهای دنا، از نوکلئوتیدهای سه فسفاتی که حین همانندسازی مصرف می‌شوند، دو گروه فسفات آزاد می‌شود که منجر به افزایش غلظت گروه‌های فسفات در سیتوپلاسم آنها می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در یاخته‌های پروکاریوتی هیستون دیده نمی‌شود.

گزینه «۲»: بین نوکلئوتیدهای یک رشته پیوند هیدروژنی وجود ندارد.

گزینه «۳»: آنزیم هلیکاز موجب جداشدن دو رشته دنا از یکدیگر می‌شود. این آنزیم در فرآیند ویرایش نقشی ندارد. (مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۲، ۱۳ و ۱۴)

۱۵- گزینه «۴»

(هاشم حسین پور)

براساس متن کتاب درسی ابتدای گفتار ۲ فصل ۱ سال دوازدهم، روش قابل قبول همانندسازی دنا (نیمه حفاظتی) براساس مدل واتسون و کریک تا حد زیادی قابل پیش‌بینی است. بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: مشکل مزلسون و استال، در تشخیص رشته‌های قدیمی و جدید دنا بود. نه در تشخیص سلول‌های قدیمی و جدید!

گزینه «۲»: عوامل مهم همانندسازی دنا، فقط همین سه مورد هستند: مولکول دنا به عنوان الگو، واحدهای سازنده دنا (نوکلئوتیدها) و آنزیم‌های لازم برای همانندسازی.

گزینه «۳»: در هر بار همانندسازی، به تدریج (نه در ابتدا) دو رشته دنا از هم جدا می‌شوند.

گزینه «۴»: در طرح غیرحفاظتی همانندسازی دنا، در یک رشته دنا هم قطعات جدید و هم قطعات قدیمی دنا مشاهده می‌شود. با گذشت چهل دقیقه از آزمایش مزلسون و استال، یعنی دور دوم همانندسازی، یک نوار متوسط و یک نوار سبک (و نه تنها یک نوار متوسط) تشکیل می‌شود، چون همانندسازی دنا به صورت نیمه‌حفاظتی انجام می‌شود و نه غیرحفاظتی!

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۹ و ۱۱)

۱۶- گزینه «۳»

(کتاب اول)

ساختار صفحه‌ای و مارپیچ هر دو الگویی از پیوندهای هیدروژنی را نمایش می‌دهند. (ساختار دوم). بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) در هم‌گلوبین ساختار صفحه‌ای دیده نمی‌شود.

(۲) ساختار سوم، ساختار سه بعدی پروتئین‌هاست که در آن با تاخوردگی بیش‌تر صفحات و مارپیچ‌های ساختار دوم به شکل کروی در می‌آیند. تشکیل این ساختار (ساختار سوم) در اثر

برهم‌کنش‌های آب‌گریز می‌باشد.

(۴) ساختار چهارم (نه ساختار دوم) هنگامی تشکیل می‌شود که دو یا چند زنجیره پلی‌پپتیدی در کنار هم قرار گیرند. (مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

۱۷- گزینه «۳»

(کتاب اول)

با تشکیل پیوندهای هیدروژنی، اشتراکی و یونی، ساختار سوم پروتئین تثبیت می‌شود. با وجود این نیروها پروتئین‌های دارای ساختار سوم، ثبات نسبی دارند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: با توجه به شکل ۱۷ فصل ۱ کتاب درسی، ممکن است یک ساختار صفحه‌ای بین دو ساختار مارپیچی قرار گرفته باشد.

گزینه «۲»: ساختار صفحه‌ای همانند ساختار مارپیچی، بخشی از ساختار دوم است و نمی‌تواند مبنای تشکیل آن قرار گیرد.

گزینه «۴»: ساختار اول با ایجاد پیوندهای پپتیدی بین آمینواسیدها شکل می‌گیرد. این پیوند در واقع نوعی پیوند اشتراکی است. با در نظر گرفتن ۲۰ نوع آمینواسید و این که محدودیتی در توالی آمینواسیدها در ساختار اول پروتئین‌ها وجود ندارد، پروتئین‌های حاصل می‌توانند بسیار متنوع باشند. (مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

۱۸- گزینه «۴»

(کتاب اول)

گزینه «۱»: در ساختار اول پروتئین‌ها، پپتیدها به صورت خطی در کنار یکدیگر قرار گرفته‌اند. این ساختار هیچ‌گاه نمی‌تواند به عنوان پروتئین نهایی مورد استفاده قرار بگیرد (رد گزینه ۱).

گزینه «۲»: چه در ساختار اول و چه در ساختار دوم پروتئین، تنها یک پیوند اشتراکی به نام پیوند پپتیدی وجود دارد. پیوند هیدروژنی، آب‌گریز و یونی اشتراکی محسوب نمی‌شوند (رد گزینه ۲).

گزینه «۳»: ساختار اول تنها دارای پیوند پپتیدی است و هیچ‌گونه پیوند هیدروژنی ندارد. اما ساختار سوم دارای پیوند هیدروژنی، آب‌گریز و اشتراکی است (رد گزینه ۳).

گزینه «۴»: در ساختار سوم، پیوندهای آب‌گریز سبب تشکیل حالت‌های مختلف می‌شود، اما با این حال همچنان هر دو انتهای رشته پپتیدی باز هستند و به یکدیگر متصل نیستند. ساختار اول نیز ساختاری خطی بوده و دارای دو انتهای باز است.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۵ و ۱۷)

۱۹- گزینه «۱»

(کتاب اول)

طبق متن کتاب درسی «آنزیم امکان برخورد مناسب مولکول‌ها را افزایش و انرژی فعال‌سازی واکنش را کاهش می‌دهد. همچنین با این کار سرعت واکنش‌هایی را که در بدن موجود زنده انجام شدنی هستند زیاد می‌کند.»

جایگاه فعال بخشی از آنزیم است که شکل آن مکمل پیش ماده بوده و پیش ماده بر روی آن قرار می‌گیرد. با تغییر شکل جایگاه فعال آنزیم، توانایی اتصال به پیش ماده کاهش می‌یابد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۲»: محل تولید همه آنزیم‌های پروتئینی در یوکاریوت‌ها، ماده زمینه‌ای سیتوپلاسم و درون اندامک‌های دو غشایی است. محل فعالیت آنزیم می‌تواند درون هسته، درون اندامک‌ها، درون سیتوپلاسم و خارج از یاخته باشد.

گزینه «۳»: طبق متن کتاب «بعضی از آنزیم‌ها برای فعالیت به یون‌های فلزی و مواد آلی مثل ویتامین‌ها نیاز دارند.»

گزینه «۴»: طبق متن کتاب درسی هر آنزیم در یک pH ویژه بهترین فعالیت را دارد که به آن pH بهینه می‌گویند؛ مثلاً pH بهینه پپسین حدود ۲ است در حالی که آنزیم‌هایی که از لوزالمعدة به روده کوچک وارد می‌شوند pH بهینه حدود ۸ دارند.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه‌های ۱۸ و ۲۰)

۲۰- گزینه «۱»

(کتاب اول)

دقت کنید که در شرایطی که پیش‌ماده بی‌نهایت باشد، هرچقدر آنزیم به محیط افزوده شود، با مصرف پیش‌ماده‌ها باعث افزایش بیش‌تر سرعت واکنش می‌شود.

(مولکول‌های اطلاعاتی) (زیست‌شناسی ۳، صفحه ۲۰)

زیست‌شناسی ۱

۲۱- گزینه «۲»

(رضا ستوری)

بخش‌های مورد نظر به ترتیب شروع انقباض دهلیزی، مرحله انقباض بطنی، انتهای مرحله انقباض بطنی و مرحله استراحت است.

منظور از اندام لنفی که دو لوب غیر هم‌اندازه دارد، تیموس است. حفره‌هایی از قلب که دور از تیموس هستند همان بطن‌های قلب هستند. فشار خون بطن‌های قلب مابین نقاط C-B رو به افزایش است. بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) در نقطه A در پی انقباض دهلیزی نیز نیمی از درجه‌های قلبی باز می‌باشد و همچنین در نقطه C هیچ پیام الکتریکی به سمت گره دوم نمی‌رود.

۲۶- گزینه ۴»

(رضا پنهان)

عقبی ترین دریچه قلب، نسبت به سایر دریچه از استخوان جناغ فاصله بیشتری دارد. عقبی ترین دریچه قلب، دریچه سه لختی است که بین دهلیز و بطن راست (بزرگ ترین حفره قلب) قرار دارد و مانع ورود خون از بطن به دهلیز می شود. بررسی سایر گزینه ها:

۱) همه دریچه های قلب با بطن ارتباط دارند اما فقط دریچه های دهلیزی-بطنی، از طریق طناب-های ارتجاعی با سطح درونی دیواره بطن اتصال دارند.

۲) دریچه های سینی و دریچه سه لختی، از سه قطعه تشکیل شده اند. یاخته های ماهیچه ای توانایی استراحت و انقباض دارند و این یاخته ها در ساختار دریچه ها وجود ندارند و در نتیجه یاخته های سازنده دریچه ها توانایی انقباض ندارند.

۳) دریچه سینی سرخرگ ششی، جلویی ترین دریچه قلب است و نسبت به سایر دریچه ها از ستون مهره ها فاصله بیشتری دارد. این دریچه در هنگام استراحت بطن مانع بازگشت خون تیره به بطن می شود.

(گرددش مواد در برن) (زیست شناسی، صفحه های ۵۲ تا ۵۳)

۲۷- گزینه ۳»

(حامد حسین پور)

بزرگ ترین دریچه سینی، دریچه سینی آئورتی است و انقباض بطن چپ باعث باز شدن این دریچه می شود. این بطن خون را به سرخرگ آئورت که وظیفه گردش عمومی خون را عهده دار است، وارد می کند. بررسی سایر گزینه ها:

۱) حجم فضای درونی بطن راست، بیشتر از سایر حفرات قلب است. این بطن خونی که از دریچه سه لختی (بزرگ ترین دریچه) عبور کرده است را مستقیماً دریافت می کند.

۲) دهلیز چپ با چهار سیاهرگ ششی در ارتباط است. توجه داشته باشید این دهلیز با سرخرگ کرونری سمت خود (نوعی رگ با دیواره ماهیچه ای ضخیم) در ارتباط است.

۴) دهلیز راست و چپ خون تیره را از سیاهرگ های مرتبط با قلب دریافت می کنند. دهلیز راست در بخش تحتانی خود دارای دریچه سه لختی است و در نزدیکی آن مدخل سیاهرگ کرونری قرار گرفته است.

(گرددش مواد در برن) (زیست شناسی، صفحه های ۳۸ و ۳۹)

۲۸- گزینه ۳»

(رضا دستوری)

در برخی بیماری ها به ویژه (نه تنها!) اختلال در ساختار دریچه ها، بزرگ شدن قلب یا نقایص مادرزادی ممکن است صدای غیرعادی شنیده شود. بررسی سایر گزینه ها:

۱) صدای کوتاه و عادی در اثر بسته شدن دریچه های سینی شنیده می شود و این موضوع ربطی به آغاز انقباض ماهیچه های دهلیزها (حفرات بالای قلب) ندارد.

۲) صدای قوی و عادی، در اثر بسته شدن دریچه های دو لختی و سه لختی شنیده می شود. بسته شدن دریچه های ممانعت کننده از بازگشت خون به قلب باعث شنیده شدن صدای عادی و کوتاه تر می شود.

۴) دیواره بطن چپ ضخیم ترین بخش دیواره قلب است و در اثر آغاز انقباض یاخته های ماهیچه ای این بطن، دریچه دو لختی بسته می شود و بسته شدن این دریچه باعث شنیده شدن صدای طولانی تر و عادی می شود.

(گرددش مواد در برن) (زیست شناسی، صفحه های ۳۹ و ۵۰)

۲۹- گزینه ۳»

(امیررضا یوسفی)

هسته (الف) مربوط به لنفوسیت است.

هسته (ب) مربوط به مونوسیت است.

هسته (ج) مربوط به نوتروفیل است.

هسته (د) مربوط به ائوزینوفیل است.

بررسی گزینه ها:

گزینه «۱»: مونوسیت در سیتوپلاسم خود دانه ندارد.

گزینه «۲»: ائوزینوفیل از یاخته های بنیادی میلوئیدی و لنفوسیت از یاخته های بنیادی لنفوئیدی منشأ می گیرد.

گزینه «۳»: لنفوسیت همانند مونوسیت در سیتوپلاسم خود فاقد دانه است.

گزینه «۴»: نوتروفیل همانند ائوزینوفیل از مگاکارپوسیت اندازه کوچکتری دارد.

(گرددش مواد در برن) (زیست شناسی، صفحه های ۶۳)

۳۰- گزینه ۳»

(امیررضا یوسفی)

گزینه «۱»: حفره قلبی دورتر از سطح شکمی در ماهی، دهلیز است. دهلیز با دو دریچه ارتباط دارد. یک دریچه بین بطن و دهلیز و دریچه دیگر بین دهلیز و سینوس سیاهرگی قرار دارد.

گزینه «۲»: حفره قلبی حجیم تر در ماهی، بطن است. خون تیره از بطن به طور غیرمستقیم به سرخرگ شکمی وارد می شود، چرا که بلافاصله بعد از بطن، مخروط سرخرگی قرار دارد.

گزینه «۳»: حفره قلبی با کمترین ضخامت لایه ماهیچه ای در ماهی، دهلیز است. قلب ماهی توسط خون روشن تغذیه می شود.

گزینه «۴»: حفره قلبی نزدیک تر به باله پشتی در ماهی، دهلیز است. دهلیز در قسمت عقبی خود با سینوس سیاهرگی مجاورت دارد که جزء حفرات قلبی نمی باشد.

(گرددش مواد در برن) (زیست شناسی، صفحه های ۶۶ و ۶۷)

۳) دهلیز راست (حفره ای در نزدیکی انشعاب سرخرگ ششی وارد کننده خون به شش راست) در مرحله استراحت عمومی خونگیری می کند اما در مرحله انقباض دهلیزی طبق شکل نمی تواند خونگیری کند.

۴) در نقاط مدنظر (B-C) که نشان دهنده مرحله انقباض بطنی هست، ماهیچه های دهلیزی تغییر طول نمی دهند یا به زبان دیگر منقبض نمی شوند.

(گرددش مواد در برن) (زیست شناسی، صفحه های ۵۲ تا ۵۳)

۲۲- گزینه ۴»

(مهری ماهری)

طبق شکل کتاب درسی محل اتصال سیاهرگ های فوق کبدی به زیرین در نیمه راست بدن انسان قرار دارد و حفره های دور از این نقطه، دهلیزها هستند و حفره دورتر دهلیز چپ هست. داخلی ترین لایه دهلیز چپ، همان لایه درون شامه هست. در لایه درون شامه، بافت پوششی سنگفرشی وجود دارد که از نظر نوع بافتی شبیه یاخته های نوع ۱ دیواره حبابکها (فراوان ترین یاخته های دیواره حبابک) است. بررسی سایر گزینه ها:

۱) طبق شکل کتاب درسی محل تلاقی مجاری لنفی حدوداً در میانه بدن قرار دارد و نزدیک ترین حفره، بطن راست است. بطن راست به دلیل اینکه لایه ماهیچه ای نازک تر از بطن چپ دارد، پس نسبت به بطن چپ، بین یاخته های خود صفحات بینابینی کمتری دارد.

۲) حفره های دور از کلیه راست (اندام ترشح کننده هورمون اریثروپوئیتین در سمت راست) دهلیزها هستند و حفره دورتر دهلیز چپ هست. دهلیزها در ایجاد طناب های وتری نقشی ندارند.

۳) طبق شکل کتاب درسی حفره مد نظر دهلیز چپ است. در میانی ترین لایه دیواره دهلیز چپ، هیچ گرهی یافت نمی شود.

(گرددش مواد در برن) (زیست شناسی، صفحه های ۲۷، ۴۸، ۵۰ و ۶۳)

۲۳- گزینه ۳»

(سعید بیاری)

با توجه به شکل کتاب درسی، در اثر کاهش فشار تراوشی، ممکن است در بخشی از مویرگ فشار تراوشی و فشار اسمزی باهم برابر شوند و در نهایت فشار اسمزی از فشار تراوشی بیشتر می شود؛ (اما نه بخاطر افزایش فشار اسمزی بلکه بخاطر کاهش فشار تراوشی که در گزینه مطرح شده است). بررسی سایر گزینه ها:

۱) با توجه به شکل کتاب درسی، فشار اسمزی ثابت است و افزایش پیدا نمی کند.

۲) با توجه به شکل کتاب درسی، در دو انتهای مویرگ، بیشترین مقدار جریان مواد (خروج مواد و بازگشت مواد به مویرگ) انجام می شود.

۴) با توجه به شکل کتاب درسی، مقدار بازگشت مواد کمتر از مقدار خروج مواد از خون می باشد.

(گرددش مواد در برن) (زیست شناسی، صفحه ۵۸)

۲۴- گزینه ۳»

(سیدعلی فاتمی)

مطابق شکل کتاب درسی در شبکه هادی، دهلیز راست پیام ایجاد شده در این شبکه را از طریق رشته ای به دهلیز چپ انتقال می دهد. با توجه به شکل کتاب درسی، ضخامت دیواره دهلیز راست در مجاورت دریچه و در نزدیکی منفذ بزرگ سیاهرگ زیرین، افزایش می یابد.

بررسی سایر گزینه ها:

۱) نوک قلب به سمت چپ متمایل است اما بطن راست دارای دیواره نازک تر می باشد و خون را به گردش ششی ارسال می کند.

۲) سرخرگ ششی قطر کمتر از سرخرگ آئورت دارد. منفذ بزرگ سیاهرگ زیرین در سقف دهلیز راست قرار دارد. انشعاب سمت راست سرخرگ ششی، از پشت بخش انتهایی بزرگ سیاهرگ زیرین عبور می کند.

۴) ضخیم ترین بخش دیواره بطن چپ (حای خون روشن) در دیواره بیرونی بطن می باشد (نه دیواره بین دو بطن!).

(گرددش مواد در برن) (زیست شناسی، صفحه ۴۸)

۲۵- گزینه ۳»

(رضا نوبهاری)

منظور سرخرگ های کرونری است. نزدیک ترین انشعاب سرخرگ های کرونری به دریچه سینی ششی، در سمت چپ قرار دارد. در سمت چپ قلب، انشعابات رگها بیشتر از سمت راست می باشد. بررسی سایر گزینه ها:

۱) سرخرگ های کرونری اولین انشعابات آئورت هستند و در مجاورت قطعات مختلفی از دریچه سینی آئورتی از آئورت جدا می شوند اما دقت داشته باشید که جلویی ترین دریچه قلب، دریچه سینی ششی است.

۲) تعداد انشعابات سرخرگ کرونری راست دو عدد و انشعابات سرخرگ کرونری سمت چپ سه عدد است و بنابراین شبکه مویرگی تغذیه کننده قلب، در سمت چپ گستردگی بیشتری نسبت به سمت راست دارد.

۴) عقبی ترین انشعاب سرخرگ های کرونری سمت چپ و راست قلب، از حد فاصل بین دهلیز و بطن هر طرف قلب عبور می کند (نه از حدفاصل بین دو دریچه دهلیزی-بطنی!).

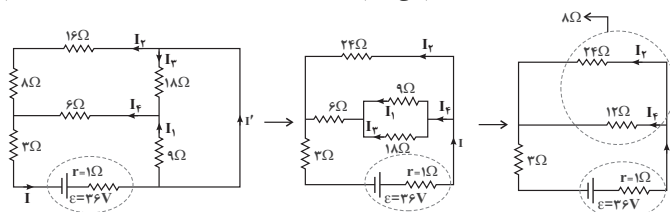
(گرددش مواد در برن) (زیست شناسی، صفحه های ۴۹ و ۵۰)

فیزیک

۳۱- گزینه «۳»

(فسین دولت آبادی)

ابتدا مدار را به شکل ساده‌تری رسم می‌کنیم تا سری یا موازی بودن اجزای مدار را تشخیص دهیم:



$$\rightarrow R_{eq} = 11\Omega, I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} \rightarrow I = \frac{36}{11+1} = 3A$$

وقتی دو مقاومت به‌طور موازی به یکدیگر وصل شوند، نسبت شدت جریان آن‌ها برابر نسبت وارون مقاومت آن‌ها است؛ پس:

$$\left. \begin{aligned} \frac{I_1}{I_2} &= \frac{18}{9} = 2 \\ I &= I_1 + I_2 = 3A \end{aligned} \right\} \Rightarrow I_1 = 2A, I_2 = 1A$$

جریان گذرنده از هر کدام از مقاومت‌های ۹Ω و ۱۸Ω را به دست می‌آوریم:

$$\left. \begin{aligned} \frac{I_1}{I_3} &= \frac{18}{9} = 2 \\ I_1 &= I_3 + I_2 = 3A \end{aligned} \right\} \Rightarrow I_1 = \frac{4}{3}A, I_3 = \frac{2}{3}A$$

و در نهایت جریان I' را به دست می‌آوریم:

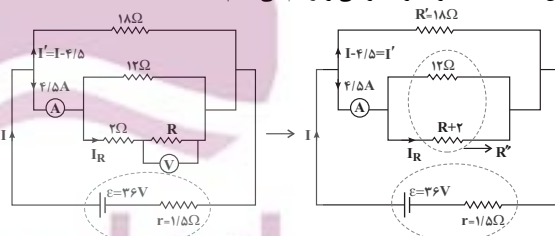
$$I = I_1 + I' \rightarrow 3 = \frac{4}{3} + I' \rightarrow I' = \frac{5}{3}A$$

(جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۵۵ تا ۵۸)

۳۲- گزینه «۳»

(ابوالفضل قالیقی)

ابتدا شکل ساده شده‌ای از مدار الکتریکی را رسم می‌کنیم:



اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۱۸ اهمی، برابر با اختلاف پتانسیل دو سر مولد است. بنابراین:

$$V_{\text{مولد}} = \varepsilon - rI$$

$$\varepsilon - rI = R'I' \Rightarrow 36 - \frac{1}{5}I = 18(I - \frac{4}{5}) \Rightarrow I = 6A, I' = 1/5A$$

$$V' = R'I' = 18 \times \frac{1}{5} = \frac{18}{5}V$$

$$\frac{4/5}{I'} = \frac{R'}{R''} \Rightarrow \frac{4/5}{1/5} = \frac{18}{R''} \Rightarrow R'' = 6\Omega$$

$$\frac{1}{R''} = \frac{1}{R+2} + \frac{1}{12} \Rightarrow \frac{1}{6} - \frac{1}{12} = \frac{1}{R+2} \Rightarrow R+2 = 12 \Rightarrow R = 10\Omega$$

$$\frac{I_R}{4/5 - I_R} = \frac{12}{R+2} = \frac{12}{12} = 1 \Rightarrow 2I_R = 4/5 \Rightarrow I_R = 2/25A$$

$$V_R = R \times I_R = 10 \times 2/25 = 22/25V$$

(جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۵۵ تا ۵۸)

۳۳- گزینه «۴»

(همید زرین‌کلفش)

طبق رابطه مقاومت الکتریکی، چون مقاومت الکتریکی سیم‌های مسی و آلومینیومی با هم برابر است، داریم:

$$R_{Cu} = R_{Al} \Rightarrow \frac{\rho_{Cu} L_{Cu}}{A_{Cu}} = \frac{\rho_{Al} L_{Al}}{A_{Al}} \Rightarrow \frac{A_{Al} = A_{Cu}}{\rho_{Cu} = \frac{1}{9} \rho_{Al}}$$

$$\frac{1}{9} \rho_{Al} \times L_{Cu} = \rho_{Al} \times L_{Al} \Rightarrow 2L_{Al} = L_{Cu} \Rightarrow \frac{L_{Cu}}{L_{Al}} = 2 \quad (I)$$

$$m = \rho V \xrightarrow{V=AL} m = \rho AL \Rightarrow \frac{m_{Cu}}{m_{Al}} = \frac{\rho_{Cu}}{\rho_{Al}} \times \frac{A_{Cu}}{A_{Al}} \times \frac{L_{Cu}}{L_{Al}}$$

$$\xrightarrow{A_{Cu}=A_{Al}} \frac{m_{Cu}}{m_{Al}} = \frac{9}{2/9} \times 1 \times \frac{2}{1} \Rightarrow \frac{m_{Cu}}{m_{Al}} = \frac{2}{9} \Rightarrow \frac{m_{Cu}}{m_{Al}} = \frac{2}{9}$$

(جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم) (فیزیک ۲، صفحه ۳۵)

۳۴- گزینه «۴»

(فسین ناصبی)

اختلاف پتانسیل دو سر مولد از رابطه $V = \varepsilon - rI$ به دست می‌آید. از طرفی جریان مدار برابر

$$I = \frac{\varepsilon}{R+r} \quad \text{است با} \quad V = \varepsilon - r \frac{\varepsilon}{R+r} = \frac{\varepsilon R}{R+r}$$

حال در دو حالت داریم:

$$1/5 = \frac{\varepsilon \times (1)}{1+r} \Rightarrow \varepsilon - 1/5r = 1/5 \quad (1)$$

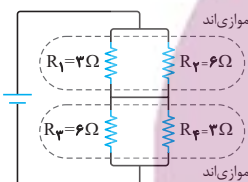
$$2 = \frac{\varepsilon \times (2)}{2+r} \Rightarrow \varepsilon - r = 2 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(2), (1)} \begin{cases} \varepsilon - 1/5r = 1/5 \\ \varepsilon - r = 2 \end{cases} \Rightarrow r = 1\Omega, \varepsilon = 2V$$

(جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم) (فیزیک ۲، صفحه ۵۵)

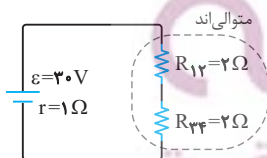
۳۵- گزینه «۱»

(سراسری تجربی - ۹۳)

برای پیدا کردن I' در ابتدا مقاومت معادل و پس از آن جریان عبوری از مولد را می‌یابیم.مقاومت‌های R_1 و R_2 موازی‌اند، همچنین مقاومت‌های R_3 و R_4 موازی‌اند.

$$R_{12} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = \frac{3 \times 6}{3 + 6} = 2\Omega$$

$$R_{34} = \frac{R_3 R_4}{R_3 + R_4} = \frac{6 \times 3}{6 + 3} = 2\Omega$$



$$R_{eq} = R_{12} + R_{34} \Rightarrow R_{eq} = 4\Omega$$

و برای پیدا کردن جریان کل مدار داریم:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{30V, r=1\Omega}{4\Omega + 1\Omega} = \frac{30}{5} \Rightarrow I = 6A$$

حال باید این جریان را در مقاومت‌ها تقسیم کنیم. برای دو مقاومت R_1 و R_2 داریم:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow R_1 I_1 = R_2 I_2 \xrightarrow{R_1=3\Omega, R_2=6\Omega} 3I_1 = 6I_2 \xrightarrow{I_1+I_2=6A} \begin{cases} I_1 = 4A \\ I_2 = 2A \end{cases}$$

همچنین برای دو مقاومت R_3 و R_4 داریم:

$$V_3 = V_4 \Rightarrow R_3 I_3 = R_4 I_4 \xrightarrow{R_3=6\Omega, R_4=3\Omega} 6I_3 = 3I_4 \xrightarrow{I_3+I_4=6A} \begin{cases} I_3 = 2A \\ I_4 = 4A \end{cases}$$

حال با توجه به شکل جریان I' را می‌یابیم:

$$I' + I_3 = I_1 \xrightarrow{I_3=2A, I_1=4A} I' + 2 = 4 \Rightarrow I' = 2A$$

$$\Rightarrow \frac{\varepsilon}{r} \times 12 = 18W \Rightarrow \varepsilon = 6V, \quad r = 0.5\Omega$$

اگر ولتاژ دو سر باتری ۱/۵ ولت باشد:

$$V = \varepsilon - Ir \Rightarrow 1/5 = 6 - 0.5I \Rightarrow 0.5I = 4/5 \Rightarrow I = 0.8A$$

توان خروجی:

$$P_{\text{خروجی}} = VI = 1/5 \times 0.8 = 0.16W$$

(جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۵۱ تا ۵۴)

(مجتبی نکونیان)

۳۸- گزینه «۳»

ابتدا با توجه به شکل و با استفاده از رابطه مقایسه‌ای قانون اهم داریم:

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{V_A}{V_B} \times \frac{I_B}{I_A} \xrightarrow{\substack{V_A=V_B \\ I_A=1/25(A) \\ I_B=4(A)}} \frac{R_A}{R_B} = 1 \times \frac{4}{1/25} = 100$$

طبق رابطه بین مقاومت الکتریکی سیم و ساختمان آن در دمای ثابت می‌توان نوشت:

$$R = \frac{\rho L}{A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} \xrightarrow{\substack{\rho_A=\rho_B \\ \frac{R_A}{R_B} = 100 \\ \frac{L_A}{L_B} = 1/5}} \frac{A_B}{A_A} = 5000 \quad (1)$$

از طرفی طبق تعریف چگالی داریم:

$$\rho' = \frac{m}{V} \xrightarrow{V=AL} \rho' = \frac{m}{AL} \Rightarrow \frac{\rho'_A}{\rho'_B} = \frac{m_A}{m_B} \times \frac{A_B}{A_A} \times \frac{L_B}{L_A}$$

$$\xrightarrow{\substack{\rho'_A=\rho'_B \\ \frac{m_B}{m_A}=5}} 1 = \frac{1}{5} \times \frac{A_B}{A_A} \times \frac{L_B}{L_A} \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = \frac{1}{5} \frac{A_B}{A_A} \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} \frac{100}{5} = \frac{1}{5} \times \left(\frac{A_B}{A_A}\right)^2 \xrightarrow{A=\pi r^2 = \frac{\pi D^2}{4}} 100 = \left(\frac{D_B}{D_A}\right)^4 \Rightarrow \frac{D_B}{D_A} = 5$$

(جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم) (فیزیک ۲، صفحه ۳۵)

(علیرضا جباری)

۳۹- گزینه «۲»

اختلاف پتانسیل دو سر باتری از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$V = \varepsilon - Ir \xrightarrow{I = \frac{\varepsilon}{r+R}} V = \varepsilon - r \frac{\varepsilon}{r+R} = \frac{\varepsilon R}{r+R}$$

$$\left. \begin{aligned} (I) \frac{V_2}{V_1} &= \frac{6}{5} \\ (II) \frac{R_2}{R_1} &= 2 \end{aligned} \right\} \rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{\varepsilon R_2}{r+R_2} \times \frac{r+R_1}{\varepsilon R_1}$$

$$\xrightarrow{(I), (II)} \frac{6}{5} = \frac{\varepsilon \times 2R(r+R)}{\varepsilon \times R(r+2R)} \rightarrow 10r + 10R = 6r + 12R$$

$$\rightarrow 4r = 2R \rightarrow \frac{R}{r} = 2$$

(جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۴۷، ۴۸، ۵۱، ۵۳، ۵۴)

(مسلم نادری)

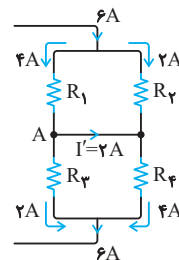
۴۰- گزینه «۳»

در مدار (۱) مقاومت درونی صفر و بنابراین ولتاژ دو سر هر یک از لامپ‌ها برابر با ε می‌باشد و با سوختن یکی از لامپ‌ها تغییر نمی‌کند و نور لامپ‌ها بدون تغییر می‌ماند.

در مدار (۲) با حذف یک لامپ مقاومت کل افزایش و بنابراین شدت جریان کل کاهش و ولتاژ دو سر باتری و هر یک از لامپ‌ها افزایش و نور هر یک از لامپ‌ها بیشتر می‌شود.

$$R_{eq} \uparrow \Rightarrow I \downarrow = \frac{\varepsilon}{R_{eq} \uparrow + r} \Rightarrow V \uparrow = \varepsilon - I \downarrow r$$

(جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۵۵ تا ۵۸)



(جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۵۱ و ۵۵ تا ۵۸)

۳۶- گزینه «۳»

(مجتبی نکونیان)

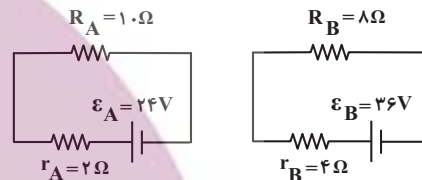
با توجه به رابطه اختلاف پتانسیل دو سر مولد غیرآرمانی (واقعی) برحسب جریان می‌توان گفت که در نمودار $V - I$ ، عرض از مبدأ خط، برابر با ε و قدرمطلق شیب خط برابر با r است. پس:

$$r_A = \frac{|\Delta V_A|}{\Delta I_A} = \frac{4}{2} = 2\Omega \Rightarrow r_A = \frac{\varepsilon_A}{12} \Rightarrow \varepsilon_A = 24V$$

$$\varepsilon_A + 12 = \varepsilon_B \xrightarrow{\varepsilon_A = 24V} \varepsilon_B = 36V$$

$$r_B = \frac{36}{9} = 4\Omega$$

از طرفی داریم:



$$I_A = \frac{\varepsilon_A}{R_A + r_A} = \frac{24}{12} = 2A$$

$$I_B = \frac{\varepsilon_B}{R_B + r_B} = \frac{36}{12} = 3A$$

و در نهایت با استفاده از رابطه توان خروجی مولد

$$(P_{\text{مولد}} = I_{\text{مولد}} \times V_{\text{مولد}} = (\varepsilon - rI)I) \text{ می‌توان نوشت:}$$

$$\begin{cases} P_A \text{ خروجی} = (24 - 2 \times (2)) \times (2) = 40W \\ P_B \text{ خروجی} = (36 - 4 \times (3)) \times (3) = 72W \end{cases} \Rightarrow P_B - P_A \text{ خروجی} = 32W$$

(جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم) (فیزیک ۲، صفحه‌های ۵۱ تا ۵۴)

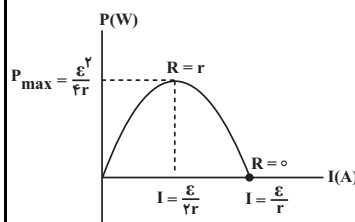
(معمود منصوری)

۳۷- گزینه «۲»

توان خروجی باتری برحسب جریان، یک سهمی با معادله $P = \varepsilon I - rI^2$ می‌باشد. بیشینه

توان از رابطه $P_{\text{max}} = \frac{\varepsilon^2}{4r}$ محاسبه می‌گردد و جریانی که به ازای آن، توان بیشینه می‌شود، از

$$\text{رابطه } I = \frac{\varepsilon}{2r} \text{ به دست می‌آید.}$$



$$\left. \begin{aligned} P_{\text{max}} &= \frac{\varepsilon^2}{4r} \Rightarrow 18 = \frac{\varepsilon^2}{4r} \\ I &= \frac{\varepsilon}{2r} \Rightarrow 6 = \frac{\varepsilon}{2r} \Rightarrow \frac{\varepsilon}{r} = 12 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{\varepsilon}{4} \times \frac{\varepsilon}{r} = 18W$$

فیزیک ۳

۴۱- گزینه ۱

(معمولاً هم منشاری)

برای به دست آوردن سرعت متوسط باید از فرمول $v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ استفاده کرد. حال با توجه به این که زمان هر حرکت در دسترس نیست می توانیم از فرمول $\Delta t = \frac{\Delta x}{v_{av}}$ زمان را محاسبه کرده و در مخرج کسر اول قرار دهیم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\frac{\Delta x_1}{v_1} + \frac{\Delta x_2}{v_2} + \frac{\Delta x_3}{v_3}} \quad \Delta x = d, \Delta x_1 = \frac{d}{3}$$

$$\Delta x_2 = \frac{d}{2}, \Delta x_3 = d - \frac{d}{2} - \frac{d}{3} = \frac{d}{6}$$

$$= \frac{d}{\frac{d}{3} + \frac{d}{2} + \frac{d}{6}} = \frac{d}{\frac{2d}{3} + \frac{d}{2} + \frac{d}{6}} = \frac{d}{\frac{4d}{6} + \frac{3d}{6} + \frac{d}{6}} = \frac{d}{\frac{8d}{6}} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4} = 0.75 \text{ m/s}$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۴ و ۵)

۴۲- گزینه ۳

(زهره آقاممیری)

به بررسی عبارت های داده شده می پردازیم:

(الف) نادرست؛ جهت حرکت متحرک دو بار در لحظه های ۱s و ۳s عوض شده است.

(ب) نادرست؛ با توجه به رابطه سرعت متوسط داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_5 - x_0}{\Delta t} \quad x_5 > x_0 \Rightarrow v_{av} > 0$$

(پ) درست؛ وقتی متحرک از مبدأ مکان عبور می کند جهت بردار مکان متحرک عوض می شود.

پس جهت بردار مکان متحرک دو بار در لحظه های ۲s و ۴s عوض شده است.

(ت) درست؛ متحرک در بازه زمانی صفر تا ۱s و ۳s تا ۵s (در مجموع ۳s) در جهت محور x حرکت کرده است.

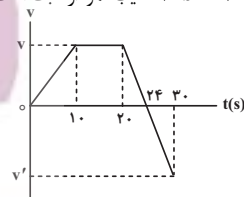
(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه ۶)

۴۳- گزینه ۲

(زهره آقاممیری)

در بازه زمانی ۲۰s تا ۳۰s شیب نمودار ثابت است، در نتیجه می توانیم رابطه ای بین v و v' بیابیم:

$$\frac{0 - v}{24 - 20} = \frac{v' - 0}{30 - 24} \Rightarrow -\frac{v}{4} = \frac{v'}{6} \Rightarrow v' = -\frac{3}{2}v$$



اکنون با استفاده از رابطه شتاب متوسط، نسبت شتاب متوسط در بازه صفر تا ۲۰s به بازه ۱۰s تا ۳۰s را محاسبه می کنیم:

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \Rightarrow \frac{a_{av}(0, 20)}{a_{av}(10, 30)} = \left| \frac{v_{20} - v_0}{v_{30} - v_{10}} \right| = \left| \frac{v_0 - 0}{-v - v_0} \right|$$

$$\frac{v_{20} - v_0}{v_{30} - v_{10}} = \frac{v - 0}{-v - v} = \frac{v}{-2v} = -\frac{1}{2} \Rightarrow \frac{a_{av}(0, 20)}{a_{av}(10, 30)} = \left| -\frac{1}{2} \right| = \frac{1}{2}$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۱۱ و ۱۲)

۴۴- گزینه ۳

(علی کنی)

با توجه به اینکه حرکت با سرعت ثابت است داریم: $\Delta x = vt$

$$\begin{cases} AN = AM + MN = v_1 t \Rightarrow AM + 18 = 5t \\ BM = BN + MN = v_2 t \Rightarrow BN + 18 = 4t \end{cases} \Rightarrow 90 = 9t \Rightarrow t = 10s$$

$$AM + MN + BN = 72$$

$$AM + BN = 54$$

$$AN = 5 \times 10 = 50 \Rightarrow AM = 32m$$

$$BM = 4 \times 10 = 40 \Rightarrow BN = 22m$$

$$\Rightarrow AM - BN = 10m$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۱۱۳ تا ۱۵)

۴۵- گزینه ۲

(سعید مصبی)

با توجه به شکل سوال، متحرک (شناگر) می تواند پس از ۲۵ ثانیه در هر کدام از مکان های A تا E باشد، پس سرعت و تندی متحرک را در این لحظه حساب می کنیم. زمان طی شده برای تمام این ۵ حالت برابر با $\Delta t = 25s$ است. لذا داریم:

$$\text{صفر تا A} \begin{cases} v = \frac{+10}{25} = +0.4 \text{ m/s} \\ s = \frac{10}{25} = 0.4 \text{ m} \end{cases}$$

$$\text{صفر تا B} \begin{cases} v = \frac{-10}{25} = -0.4 \text{ m/s} \\ s = \frac{30}{25} = 1.2 \text{ m} \end{cases}$$

$$\text{صفر تا C} \begin{cases} v = \frac{+10}{25} = +0.4 \text{ m/s} \\ s = \frac{50}{25} = 2 \text{ m} \end{cases}$$

$$\text{صفر تا D} \begin{cases} v = \frac{-10}{25} = -0.4 \text{ m/s} \\ s = \frac{70}{25} = 2.8 \text{ m} \end{cases}$$

$$\text{صفر تا E} \begin{cases} v = \frac{+10}{25} = +0.4 \text{ m/s} \\ s = \frac{90}{25} = 3.6 \text{ m} \end{cases}$$

با توجه به توضیحات داده شده سرعت متوسط از صفر تا B برابر با -0.4 m/s است.

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۲ و ۵)

۴۶- گزینه ۴

(کتاب اول)

شیب پاره خطی که نقاط نظیر در لحظه $t = 0$ ، $t = t_f$ را به هم وصل می کند مثبت است و شتاب متوسط در این بازه زمانی مثبت و در جهت محور x می باشد. بررسی سایر گزینه ها:

گزینه «۱»: مساحت زیر نمودار $v-t$ ، برابر جابه جایی است. در بازه زمانی t_f تا t_f اندازه مساحت زیر نمودار در قسمت مثبت بیش تر از قسمت منفی و در نتیجه جابه جایی کل و سرعت متوسط در این بازه مثبت می باشد.

گزینه «۲»: در بازه t_f تا t_f سرعت از یک مقدار منفی به صفر می رسد و $\Delta v > 0$ است در نتیجه شتاب متوسط مثبت می باشد و می توان گفت شیب پاره خطی که نقاط نظیر این دو لحظه را به هم وصل می کند، مثبت می باشد بنابراین شتاب متوسط مثبت می باشد.

گزینه «۳»: در لحظه های t_1 و t_2 ، که نمودار $v-t$ از محور زمان عبور می کند، علامت سرعت عوض می شود و متحرک تغییر جهت می دهد.

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۱۰ تا ۱۲)

۴۷- گزینه ۳

(کتاب اول)

در حرکت یکنواخت، متحرک در بازه زمانی یکسان، اندازه جابه جایی یکسانی خواهد داشت و جابه جایی آن از رابطه $\Delta x = vt$ به دست می آید. کافی است به جای t، مقدار $0.5s$ قرار دهیم:

$$\Delta x = vt \xrightarrow{t=0.5s} \Delta x = 2 \times 24 \times 0.5 = 1.17m$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه های ۴، ۱۱۳ تا ۱۵)

۴۸- گزینه ۱

(کتاب اول)

ابتدا معادله حرکت دو متحرک را به دست می آوریم و سپس لحظه ای که فاصله ی آن ها ۴۲ متر می شود را محاسبه می کنیم:

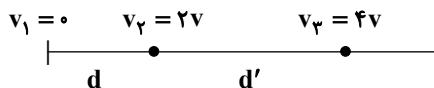
$$v_A = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_5 - x_0}{5 - 0} = \frac{0 - 10}{5} = -2 \text{ m/s}$$

$$x_A = v_A t + x_{A0} \xrightarrow{x_{A0} = 10m, v_A = -2m/s} x_A = -2t + 10$$

$$v_B = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_0}{2 - 0} = \frac{0 - (-8)}{2} = 4 \text{ m/s}$$

۵۲- گزینه «۳»

(زهره رامشینی)



$$W_t = \Delta K$$

$$Fd = \frac{1}{2}mv_2^2 = \frac{1}{2}m(2v)^2 = 2mv^2$$

$$Fd' = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}m(4v)^2 - \frac{1}{2}m(2v)^2 = 6mv^2$$

$$\frac{d'}{d} = \frac{6mv^2}{2mv^2} = 3$$

(کار، انرژی و توان) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳)

۵۳- گزینه «۲»

(میثم دشتیان)

اگر از قضیه کار و انرژی جنبشی برای این جابه‌جایی استفاده کنیم، داریم:

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

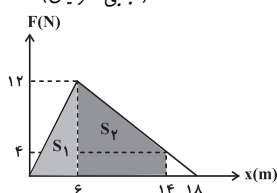
$$\frac{W_t = -360 \text{ J}, m = 8 \text{ kg}}{v_1 = v_0, v_2 = \frac{4}{10}v_1 = \frac{4}{10}v_0} \rightarrow -360 = \frac{1}{2} \times 8 \left[\left(\frac{4}{10}v_0 \right)^2 - v_0^2 \right]$$

$$\Rightarrow -\frac{9}{25}v_0^2 \times 4 = -360 \Rightarrow v_0^2 = 250 \Rightarrow v_0 = \sqrt{250} = 5\sqrt{10} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(کار، انرژی و توان) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۹۱، ۹۳ و ۹۹)

۵۴- گزینه «۴»

(مجتبی نکلوتیان)



با توجه به این که در نمودار نیرو-مکان، مساحت سطح محصور بین نمودار و محور مکان برابر با کار انجام شده توسط آن نیرو است، داریم:

$$S_1 = \frac{6(12)}{2} = 36, \quad S_2 = \frac{14(4)}{2} = 28$$

$$W_F = S_1 + S_2 = 64 \text{ J}$$

از طرفی با توجه به وجود نیروی اصطکاک (f_k) و با استفاده از رابطه کار، داریم:

$$W_{f_k} = f_k d \cos \theta \xrightarrow{\theta = 180^\circ, \cos 180^\circ = -1} W_{f_k} = (2/5)(14)(-1) = -35 \text{ J}$$

$$f_k = 2/5 \text{ N}, d = 14 \text{ m}$$

و در نهایت با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی می‌توان نوشت:

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) \xrightarrow{W_t = W_F + W_{f_k} = 65 \text{ J}, m = 2 \text{ kg}, v_1 = \frac{m}{s}} \rightarrow \frac{1}{2} \times 2 (v_2^2 - v_1^2) = 65$$

$$65 = \frac{1}{2}(2)(v_2^2 - 25) \Rightarrow v_2^2 = 90 \Rightarrow v_2 = 3\sqrt{10} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(کار، انرژی و توان) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۵۸ تا ۶۳)

۵۵- گزینه «۱»

(دانیال راستی)

سطح زمین را مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی فرض می‌کنیم و انرژی مکانیکی توپ در لحظه رها شدن را با E_1 نشان می‌دهیم:

$$E_1 = K_1 + U_1 \xrightarrow{K_1 = 0} E_1 = U_1 = mgh$$

$$\xrightarrow{\frac{m = 400 \text{ g}}{g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, h = 9 \text{ m}}} E_1 = 36 \text{ J}$$

وقتی توپ در آستانه برخورد با زمین قرار دارد انرژی مکانیکی E_2 دارد:

$$E_2 = K_2 + U_2 \xrightarrow{U_2 = 0} E_2 = K_2$$

تغییر انرژی مکانیکی در این مدت برابر با کار نیروی مقاومت هوا است:

$$W_{\text{مقاومت هوا}} = -hf_D = E_2 - E_1$$

$$x_B = v_B t + x_{0B} \xrightarrow{x_{0B} = -8 \text{ m}, v_B = 4 \text{ m/s}} x_B = 4t - 8$$

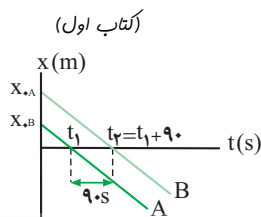
$$|x_B - x_A| = 42 \Rightarrow |4t - 8 - (-2t + 10)| = 42$$

$$\Rightarrow 6t - 18 = 42 \Rightarrow t = 10 \text{ s}$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۴، ۵، ۱۳ تا ۱۵)

۴۹- گزینه «۴»

ابتدا معادله دو متحرک را می‌نویسیم:



$$x_A = v_A t + x_{0A} = -3t + x_{0A}$$

$$x_B = v_B t + x_{0B} = -3t + x_{0B}$$

اکنون لحظه‌هایی که دو متحرک به مبدأ می‌رسند را محاسبه می‌کنیم. با توجه به اینکه تفاضل آن‌ها برابر ۹۰s است جواب تست را به دست می‌آوریم:

$$x_A = -3t + x_{0A} = 0 \Rightarrow t_1 = \frac{x_{0A}}{3}$$

$$x_B = -3t + x_{0B} = 0 \Rightarrow t_2 = \frac{x_{0B}}{3}$$

$$t_2 - t_1 = 90 \text{ s} \Rightarrow \frac{x_{0B}}{3} - \frac{x_{0A}}{3} = 90 \Rightarrow x_{0B} - x_{0A} = 270 \text{ m}$$

راه حل دوم: دو متحرک با سرعت‌های یکسان 3 m/s در حرکت هستند و با اختلاف زمانی ۹۰s به مبدأ می‌رسند، این اختلاف زمان رسیدن به مبدأ به دلیل اختلاف فاصله آن‌ها در ابتدا از مبدأ مکان می‌باشد، پس می‌توان نوشت:

$$\Delta x = vt \Rightarrow \Delta x = 3 \times 90 = 270 \text{ m}$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

۵۰- گزینه «۱»

(کتاب اول)

اندازه مکان اولیه B, A را به ترتیب x_{0B} و x_{0A} را در نظر می‌گیریم. می‌دانیم شیب خط مماس بر نمودار مکان-زمان نشان دهندهٔ تندی است. از آنجایی که تندی A ، نصف تندی B می‌باشد می‌توان نوشت:

$$|v_A| = \frac{1}{2} |v_B| \Rightarrow \frac{x_{0A}}{4} = \frac{1}{2} \times \left(-\frac{x_{0B}}{4} \right) \Rightarrow x_{0A} = -\frac{1}{2} x_{0B}$$

از طرفی داریم:

$$x_{0A} - x_{0B} = 30 \xrightarrow{x_{0A} = -\frac{1}{2} x_{0B}} -\frac{3}{2} x_{0B} = 30 \Rightarrow x_{0B} = -20 \text{ m}$$

سرعت B برابر است با:

$$v_B = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_{0B} - x_{0A}}{4 - 0} = \frac{0 - (-20)}{4} = 5 \text{ m/s}$$

$$x_B = v_B t + x_{0B} \xrightarrow{x_{0B} = -20 \text{ m}, v_B = 5 \text{ m/s}} x_B = 5t - 20$$

(حرکت بر خط راست) (فیزیک ۳، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

فیزیک ۱

۵۱- گزینه «۲»

(هوشنگ غلام‌عابری)

از آنجایی که جابه‌جایی در جهت محور y انجام می‌شود، کار مؤلفهٔ افقی نیروهای وارد بر جسم که با راستای جابه‌جایی زاویهٔ قائمه می‌سازند، صفر است و از این رو کافی است که کار نیروهای عمودی وارد بر جسم را محاسبه کنیم.

$$(W_1)_y = (F_1)_y d = 4 \times 2 = 8 \text{ J}$$

$$(W_2)_y = (F_2)_y d = 3 \times 2 = 6 \text{ J}$$

$$W_{\text{کل}} = (W_1)_y + (W_2)_y = 14 \text{ J}$$

(کار، انرژی و توان) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۵۵ تا ۶۰)

$$W_{mg} + W_{\text{موتور}} = K_f - K_1 = \frac{1}{2} m (v_f^2 - v_1^2)$$

$$\Rightarrow (mgh \cos 18^\circ) + W_{\text{موتور}} = \frac{1}{2} m (v_f^2 - v_1^2)$$

$$\Rightarrow W_{\text{موتور}} = mgh + \frac{1}{2} m (v_f^2 - v_1^2)$$

بنابراین:

$$P = \frac{W_{\text{موتور}}}{t} = \frac{mgh + \frac{1}{2} m (v_f^2 - v_1^2)}{t}$$

$$\xrightarrow{m = \rho V = (10^3) \times (2/4) = 2400 \text{ kg}}$$

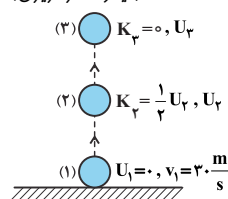
$$g = 10 \text{ m/s}^2, h = 16 \text{ m}, v_1 = 0.15 \text{ min} = 900 \text{ s}$$

$$4800 = \frac{(2400) \times (10) \times (16) + 1200 \cdot v_f^2}{900}$$

$$\Rightarrow v_f^2 = 40 \xrightarrow{\text{جذر}} v_f = 2\sqrt{10} \text{ m/s}$$

(کار، انرژی و توان) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳ و ۷۳ تا ۷۶)

(میلاد طاهر عزیزی)



۵۹- گزینه «۲»

نقطه‌ای که در آن انرژی جنبشی جسم کم‌ترین مقدار خود را دارد، در واقع همان بالاترین نقطه مسیر (نقطه اوج) است. مطابق شکل زیر، سه نقطه را بر روی مسیر حرکت مشخص کرده و به حل سؤال می‌پردازیم:

با توجه به این که می‌توان از مقاومت هوا صرف‌نظر کرد، بنابراین انرژی مکانیکی جسم پایسته می‌ماند.

$$E_f = E_1 \Rightarrow U_f + K_f = U_1 + K_1 \xrightarrow{K_f = \frac{1}{2} U_f} \frac{3}{2} U_f = K_1$$

$$\Rightarrow \frac{3}{2} mgh_f = \frac{1}{2} mv_1^2 \Rightarrow \frac{3}{2} \times 10 \times h_f = \frac{1}{2} \times 900 \Rightarrow h_f = 30 \text{ m}$$

از طرفی می‌توانیم ارتفاع نقطه اوج را با نوشتن قانون پایستگی انرژی مکانیکی بین نقاط (۱) و (۳) بدست آوریم:

$$E_1 = E_3 \Rightarrow U_1 + K_1 = U_3 + K_3 \Rightarrow \frac{1}{2} mv_1^2 = mgh_3$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times 900 = 10 \times h_3 \Rightarrow h_3 = 45 \text{ m}$$

بنابراین فاصله نقاط (۲) و (۳) را بدست می‌آوریم:

$$\Delta h = h_3 - h_f = 45 - 30 = 15 \text{ m}$$

(کار، انرژی و توان) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۹۳ تا ۷۰)

(فسین الهی)

۶۰- گزینه «۴»

با توجه به قانون پایستگی انرژی بین دو نقطه A و B، می‌توان نوشت: (سطح افقی را به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی در نظر می‌گیریم.)

$$E_A = E_B$$

$$K_A + U_A = K_B + U_B$$

$$\xrightarrow{K_A = 0, U_B = 0} mgh_A = \frac{1}{2} mv_B^2 \Rightarrow v_B^2 = 2gh_A = 2 \times 10 \times 5 = 100 \Rightarrow v_B = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

اکنون به محاسبه کار نیروی اصطکاک بین دو نقطه B و C می‌پردازیم:

$$W_{f_k} = E_C - E_B = (K_C + U_C) - (K_B + U_B)$$

$$\xrightarrow{K_C = 0, U_C = 0} W_{f_k} = -\frac{1}{2} mv_B^2 = -\frac{1}{2} \times (2) \times 100 \Rightarrow W_{f_k} = -100 \text{ J}$$

در نهایت اندازه نیروی اصطکاک را محاسبه می‌کنیم:

$$W_{f_k} = f_k d \cos 180^\circ = -100 \Rightarrow$$

$$f_k \times 40 = 100 \Rightarrow f_k = \frac{10}{4} = 2.5 \text{ N}$$

(کار، انرژی و توان) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۹۸ تا ۷۰)

$$E_1 = 36 \text{ J}, h = 1 \text{ m} \xrightarrow{f_D = 0.5 \text{ N}} E_f = 36$$

$$\Rightarrow K_f = E_f = 36 / 5 \text{ J}$$

انرژی مکانیکی در لحظه بعد از برخورد با زمین برابر E_f است. با توجه به این که بر اثر برخورد انرژی جنبشی ۲۰ درصد کم می‌شود، داریم:

$$E_f = K_f = \left(\frac{100 - 20}{100} \right) K_1 = (0.8) (36 / 5) = 28.8 \text{ J}$$

انرژی مکانیکی در زمانی که توپ پس از برخورد به زمین به ارتفاع h' می‌رسد برابر است با:

$$E_f = K_f + U_f \xrightarrow{K_f = 0} E_f = U_f = mgh'$$

تغییر انرژی مکانیکی در مسیر برگشت برابر با کار مقاومت هوا در این مسیر است:

$$\Delta E' = E_f - E_f = W'_{\text{هوا}} = -h' f_D \xrightarrow{f_D = 0.5 \text{ N}} \Delta E' = E_f - E_f = W'_{\text{هوا}} = -h' f_D$$

$$(0 / 4) (10) h' - 28.8 / 2 = -h' (0.5) \Rightarrow h' = 5 / 6 \text{ m}$$

(کار، انرژی و توان) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۹۸ تا ۷۰)

۵۶- گزینه «۲»

بازده برابر با نسبت انرژی خروجی به انرژی ورودی است. انرژی ورودی همان انرژی مصرفی است که برابر است با:

$$E_{\text{ورودی}} = P_{\text{مصرفی}} \times \Delta t \xrightarrow{\Delta t = \frac{s}{v} = \frac{4}{2} = 2 \text{ s}} E_{\text{ورودی}} = 800 \text{ J}$$

انرژی خروجی برابر با کار انجام شده توسط بالابر بر روی جسم است:

$$\Delta K = W_t = W_{mg} + W_{\text{بالابر}}$$

$$E_{\text{خروجی}} = W_{\text{بالابر}} = \frac{1}{2} m (v_f^2 - v_i^2) - mgh \cos 18^\circ$$

$$\xrightarrow{m = 12 \text{ kg}, v_i = 0, v_f = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}}}$$

$$g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, h = 4 \text{ m}$$

$$W_{\text{بالابر}} = \left(\frac{1}{2} \right) (12) (2^2 - 0) - (12) (10) (4) (-1) = 24 + 480 = 504 \text{ J}$$

$$\text{بازده} = \frac{E_{\text{خروجی}}}{E_{\text{ورودی}}} \times 100 = \frac{504}{800} \times 100 = 63\%$$

(کار، انرژی و توان) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۹۸ تا ۷۰ و ۷۵ و ۷۶)

۵۷- گزینه «۳»

(کافم باتان)

با توجه به قانون پایستگی انرژی داریم:

$$W_T = \Delta K = \frac{1}{2} m (v_f^2 - v_i^2)$$

$$W_f = \text{در کل حرکت} = \frac{1}{2} m (16 - 20) = -2 \text{ m}$$

$$W_f = \text{رفت} = -m$$

$$W_f = E_f - E_1 \Rightarrow -m = m \times 10 \times h - \frac{1}{2} m \times 20$$

$$9 = 10h \Rightarrow h = 0.9 \text{ m}$$

$$\xrightarrow{\sin 30^\circ = 0.5} d = 2h = 1.8 \text{ m}$$

$$\xrightarrow{\text{مسافت}} L = 2 \times 1.8 = 3.6 \text{ m}$$

(کار، انرژی و توان) (فیزیک ۱، صفحه‌های ۹۸ تا ۷۰)

۵۸- گزینه «۴»

با توجه به رابطه بین توان و بازده داریم:

$$\text{بازده} = \frac{E_{\text{خروجی}}}{E_{\text{ورودی}}} \times 100 \Rightarrow 80 = \frac{P_{\text{خروجی}}}{600} \times 100$$

$$\Rightarrow P_{\text{خروجی}} = 480 \text{ W}$$

از طرفی با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی می‌توان نوشت:

$$W_t = \Delta K \Rightarrow$$

شیمی ۲

۶۱- گزینه «۲»

گرمای آزاد شده در واکنش برابر است با:

$$\Delta / \text{g Al} \times \frac{1 \text{ mol Al}}{27 \text{ g Al}} \times \frac{823 / 2 \text{ kJ}}{2 \text{ mol Al}} \times \frac{1000 \text{ J}}{1 \text{ kJ}} = 82320 \text{ J}$$

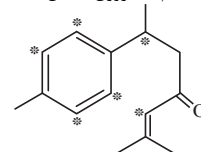
مقدار گرمای آزاد شده در واکنش را با مقدار گرمایی که سبب افزایش دمای آب می شود، برابر قرار می دهیم:

$$Q = mc\Delta\theta \rightarrow 82320 = m \times 4 / 2 \times 5 \rightarrow m = 3920 \text{ g} = 3 / 92 \text{ kg}$$

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه های ۵۸ تا ۶۰)

۶۲- گزینه «۴»

در ساختار ترکیب (آ)، ۸ اتم کربن و در ساختار ترکیب (ب)، شش اتم کربن وجود دارد که فقط به یک اتم هیدروژن متصل هستند.



بررسی سایر گزینه ها:

گزینه «۱»: نفتالن (C_{10}H_8) دارای ۱۰ اتم کربن و ترکیب (آ) دارای ۹ اتم کربن است.

گزینه «۲»: فرمول مولکولی ترکیب (آ)، $\text{C}_9\text{H}_8\text{O}$ و فرمول مولکولی ترکیب (ب)، $\text{C}_{15}\text{H}_{10}\text{O}$ است.

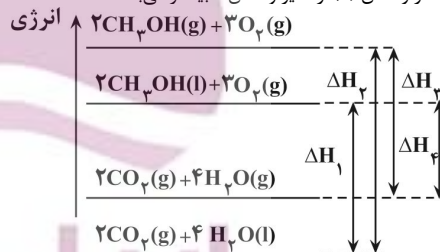
گزینه «۳»: شمار اتم های کربن و هیدروژن در ترکیب (ب) بیشتر بوده و قدرت نیروی واندروالسی بین مولکول های آن بیشتر است. بنابراین، ترکیب (ب) نقطه جوش بالاتری دارد.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه ۷۱)

۶۳- گزینه «۲»

(مسعود توکلیان اکبری)

واکنش های سوختن، گرماده هستند. بنابراین سطح انرژی فراورده ها پایین تر از سطح انرژی واکنش دهنده ها است. تفاوت سطح انرژی در واکنش (۲) بیشتر از سایر واکنش ها است. در نتیجه، گرمای مبادله شده در واکنش (۲) از سایر واکنش ها بیشتر می باشد.



(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه های ۶۰ تا ۶۳)

۶۴- گزینه «۳»

واکنش ها از نوع سوختن هستند؛ بنابراین هر دو واکنش گرماده هستند.

$$\Delta H_{\text{واکنش}} = -485 \text{ kJ}$$

اگر پیوندهای دو واکنش را از هم کم کنیم:

$$\Delta H_{\text{اختلاف}} = [(C=C) + (O=O)] - [2(C=O)] \Rightarrow$$

$$-485 = [(C=C) + 500] - [2 \times 800] \Rightarrow$$

$$\Delta H_{(C=C)} = 1600 - (500 + 485) = 615 \text{ kJ}$$

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه های ۶۷ تا ۶۹)

۶۵- گزینه «۲»

بررسی همه موارد:

الف) چون دمای دو ظرف یکسان است، میانگین دندی (انرژی جنبشی) مولکول های دو ظرف یکسان است.

ب) با توجه به دمای یکسان طرف ها، انرژی گرمایی در ظرفی که مقدار آب بیشتری دارد، بیشتر است.

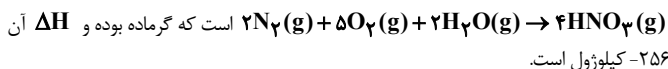
پ) گرمای فرایند از رابطه $Q = mc\Delta\theta$ بدست می آید. با توجه به یکسان بودن تغییر دما و ظرفیت گرمایی ویژه، گرما فقط به m (جرم یا به عبارتی تعداد ذرات ماده) بستگی دارد.

ت) انرژی گرمایی به تعداد ذرات (جرم) هم بستگی دارد.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه های ۵۶ تا ۵۸)

۶۶- گزینه «۴»

(۱) این واکنش ۳ مرحله دارد و واکنش کلی آن به صورت



(۲) این مرحله را به دست می آوریم:

$$183 + 256 = \Delta H_{\text{مجهول}}$$

چون این مرحله گرماده است: $\Delta H = -116 \text{ kJ}$

این گرما برای ۲ مول واکنش دهنده و فراورده است. گرمای مبادله شده به ازای یک مول از آن ها 58 kJ است؛ چون واکنش گرماده است، طی این فرایند ۵۸ کیلوژول گرما تولید می شود.

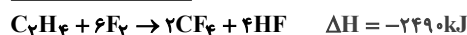
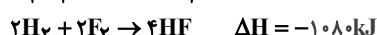
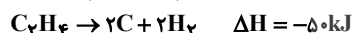
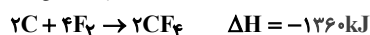
(۳) در تولید هر مول $\text{HNO}_3(\text{g})$ ، 64 kJ گرما تولید می شود، اما اگر حالت فیزیکی HNO_3 مایع باشد، سطح انرژی آن پایین تر بوده و مقدار گرمای بیشتری تولید می شود.

(۴) ΔH تشکیل ۲ مول NO در مرحله اول واکنش برابر $+183 \text{ kJ}$ و ΔH تشکیل ۲ مول NO_2 در مرحله دوم برابر -116 kJ است.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه های ۷۴ و ۷۵)

۶۷- گزینه «۱»

(روزبه رضوانی)



$$\Delta H_{\text{اختلاف}} = (2 \text{ mol CF}_4 \times \frac{88 \text{ g CF}_4}{1 \text{ mol CF}_4}) - (4 \text{ mol HF} \times \frac{20 \text{ g HF}}{1 \text{ mol HF}}) = 96 \text{ g}$$

$$\frac{-2490 \text{ kJ}}{96 \text{ g}} \times \text{اختلاف جرم} = -62 / 25 \text{ kJ}$$

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه های ۷۴ و ۷۵)

۶۸- گزینه «۲»

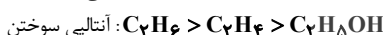
(ارژنگ قانلری)

بررسی موارد نادرست:

ب) با توجه به نمودار کتاب درسی، مقایسه صحیح آنتالپی مواد در فرایند هابر (در شرایط یکسان)



به صورت زیر است. در تعداد کربن برابر آنتالپی سوختن آلکان ها بیشتر از آلکن ها و آلکن ها بیشتر از الکل ها می باشد.



(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه های ۶۸ تا ۷۳ و ۷۷)

۶۹- گزینه «۳»

(هادی مهری زاده)

تنها در واکنش شماره ۲ می توان ΔH را به طور مستقیم اندازه گیری کرد و بقیه به صورت مستقیم قابل اندازه گیری نیستند.

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه های ۷۴ و ۷۷)

۷۰- گزینه «۳»

(امیر طیبی)

درصد جرمی چربی $\leftarrow a$ درصد جرمی پروتئین $\leftarrow b$

(درصد جرمی آب و سایر مواد + درصد جرمی کربوهیدرات) $\leftarrow (a + b) = 100$

$$a + b = 100 - (12 + 80) \Rightarrow a + b = 8$$

$$100 \times \frac{4 / 0.3 \text{ kJ}}{1 \text{ g}} \Rightarrow 40.3 \text{ kJ}$$

$$(12 \times \frac{17 \text{ kJ}}{1 \text{ g}}) + (a \times \frac{38 \text{ kJ}}{1 \text{ g}}) + (b \times \frac{17 \text{ kJ}}{1 \text{ g}}) = 40.3 \text{ kJ}$$

کربوهیدرات چربی پروتئین

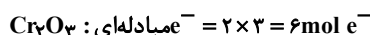
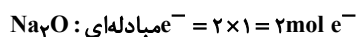
$$a + b = 8 \Rightarrow -17a - 17b = -136 \Rightarrow 21a = 63$$

$$38a + 17b = 199 \Rightarrow 38a + 17b = 199$$

$$a = 3\% \quad b = 5\% \Rightarrow \frac{b}{a} = \frac{5}{3} \approx 1 / 67$$

(در پی غذای سالم) (شیمی ۲، صفحه های ۷۲ و ۷۳)

کروم (III) اکسید Cr_2O_3 دارد که اکسید سنگین تر آن Cr_2O_3 می باشد.

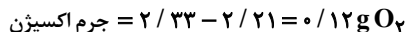


(رد پای گازها در زنگی) (شیمی، صفحه‌های ۵۵ تا ۵۷)

(پواد پرتوی)

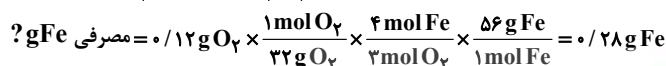
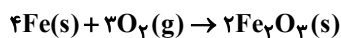
۸۶- گزینه ۲»

با توجه به قانون پایستگی جرم، جرم اضافه شده به میخ، جرم گاز اکسیژن است.



پس:

و می توان به وسیله آن جرم آهن مصرف شده را یافت:



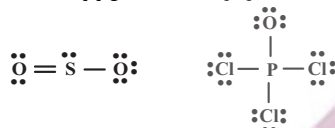
۲/۲۱ گرم مقدار اولیه آهن است و ۰/۲۸ گرم از آن مصرف شده است. پس
(۲/۲۱ - ۰/۲۸) = ۱/۹۳ گرم از آن باقی مانده است.

(رد پای گازها در زنگی) (شیمی، صفحه‌های ۶۲ و ۶۳)

۸۷- گزینه ۳»

(ممد رضا پوراوی)

ساختار لوویس گونه‌های داده شده در گزینه «۳» به شکل زیر است:



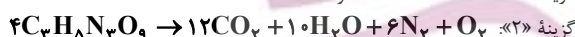
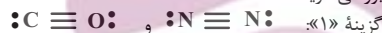
بنابراین تعداد جفت الکترون‌های پیوندی در POCl_3 و HCN با هم برابر بوده و SO_2 و NO_2 نیز تعداد پیوندهای اشتراکی یکسانی دارند. توجه داشته باشید که NO_2 دارای یک الکترون ناپیوندی تنها است و روی اتم‌های اکسیژن دارای جفت الکترون ناپیوندی است.

(رد پای گازها در زنگی) (شیمی، صفحه‌های ۵۷ و ۵۸)

۸۸- گزینه ۲»

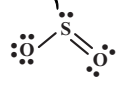
(روزبه رضوانی)

بررسی گزینه‌ها:



گزینه ۳: با افزایش کربن دی‌اکسید در آب و اسیدی شدن محیط، مرجان‌ها و گروهی از کیسه‌تنان که دارای اسکلت آهکی هستند از بین می‌روند.

گزینه ۴: نسبت شمار کاتیون به آنیون در Fe_2O_3 برابر با $\frac{2}{3}$ و نسبت شمار جفت



الکترون‌های اشتراکی به ناپیوندی در SO_2 برابر $\frac{3}{6}$ است.

(رد پای گازها در زنگی) (شیمی، صفحه‌های ۵۶ تا ۶۴)

۸۹- گزینه ۴»

(پیمان فواجوی‌میر)

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) در هواکرة اکسیژن اغلب به صورت مولکول‌های دواتمی وجود دارد.

۲) نمودار تغییرات فشار گاز اکسیژن بر حسب ارتفاع به صورت نزولی و نمودار تغییرات دما در استراتوسفیر به صورت صعودی است.

۳) شمار اتم‌ها در FeO برابر دو است، شمار اتم‌ها در SiO_2 (سیلیس) سه اتم است.

(رد پای گازها در زنگی) (شیمی، صفحه‌های ۴۹، ۵۴ و ۵۵)

۹۰- گزینه ۴»

(امیر هاتمیان)

بررسی گزینه‌ها:

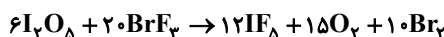
(۱)



اختلاف مجموع ضرب واکنش دهنده‌ها و فراورده‌ها:

$$|(7+3+2+2)-(14+1)|=1$$

(۲)



گزینه ۱: K_a مربوط به HB از دو اسید دیگر بیش تر است!

گزینه ۲: با افزایش غلظت اسیدها، K_a تغییری نمی‌کند و در نتیجه قدرت اسیدی ثابت باقی می‌ماند.

گزینه ۴: در محلول اسیدهای ضعیف غلظت اسید یونیده نشده بیش تر از غلظت یون‌های تولید شده است.
(مولول‌ها در خدمت تدرستی) (شیمی، صفحه‌های ۱۸ تا ۲۳)

شیمی ۱

۸۱- گزینه ۴»

(مرتضی شیبانی)

گازهای A، B و C به ترتیب همان گازهای N_2 ، Ar و O_2 می‌باشند.

گاز آرگون در کشور ما در پتروشیمی شیراز با خلوص بسیار زیاد تهیه می‌شود.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه ۱: «هلیوم (نه نیتروژن!) در خنک‌سازی دستگاه MRI کاربرد دارد. همچنین توجه داشته باشید که هلیوم در مخلوط هوای مایع وجود ندارد.

گزینه ۲: درصد حجمی اکسیژن (نه آرگون!) در هوای پاک و خشک به تقریب ۲۰٪ است.

گزینه ۳: «گاز آرگون (نه اکسیژن!) به گاز تبیل مشهور است و در ساخت لامپ‌های رشته‌ای کاربرد دارد.
(رد پای گازها در زنگی) (شیمی، صفحه‌های ۵۵ تا ۵۳)

۸۲- گزینه ۳»

(صالح دارابی)

۱) حدود ۷۵ درصد از جرم هواکرة در لایه تروپوسفر (نزدیک‌ترین لایه هواکرة به زمین) قرار دارد.

۲) با افزایش ارتفاع از سطح زمین شمار ذرات سازنده هوا کاهش یافته، بنابراین فشار هوا کمتر می‌شود.

۳) در ابتدا و انتهای لایه تروپوسفر دما 14°C و -55°C است. این بدان معنی است که با افزایش ارتفاع در این لایه دمای هوا کاهش می‌یابد. اما در ابتدا و انتهای لایه بالایی آن (استراتوسفیر) دما -55°C و $+7^\circ\text{C}$ می‌باشد؛ پس در این لایه، با افزایش ارتفاع دما افزایش می‌یابد.

۴) دقت داشته باشید که طبق شکل کتاب درسی، در لایه‌های بالایی هواکرة تنها یون‌های مثبت یافت می‌شوند.
(رد پای گازها در زنگی) (شیمی، صفحه‌های ۳۹ تا ۵۱)

۸۳- گزینه ۴»

بررسی پرسش‌ها:

الف) در نامیدن Fe_2O_3 و Cu_2S از اعداد رومی استفاده می‌شود.

ب) ترکیبات N_2O و SO_2 و NO_2 در نام‌گذاری به دی نیاز دارند و به ترتیب: دی‌نیتروژن مونوکسید، گوگرد دی‌اکسید و نیتروژن دی‌اکسید نام دارند.

پ) اسیدهای نافلزی، اسیدهای اسیدی نامیده می‌شوند که با انحلال در آب pH آن را کاهش می‌دهند مانند SO_2 و NO_2 . دقت کنید که بعضی اسیدهای نافلزی مانند NO ، CO ، N_2O تنها به شکل مولکولی در آب حل شده و خاصیت اسیدی ندارند.

(رد پای گازها در زنگی) (شیمی، صفحه‌های ۵۶ و ۵۷)

۸۴- گزینه ۴»

(سید رحیم هاشمی هکدری)

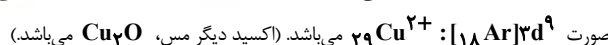
موارد «الف» و «ت» درست می‌باشند. بررسی موارد نادرست:

ب) دانشمندان کشورمان به فناوری استخراج He از گاز طبیعی دست نیافته‌اند.

پ) He عنصری از دسته s می‌باشد.
(رد پای گازها در زنگی) (شیمی، صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

۸۵- گزینه ۱»

۱) اکسید سبک‌تر مس CuO می‌باشد که کاتیون آن Cu^{2+} است و آرایش الکترونی آن به صورت



۲) ترکیب اصلی بوکسیت (آلومینیم اکسید به همراه ناخالصی) Al_2O_3 و سیلیس SiO_2 به ترتیب دارای جرم مولی ۱۰۲ و ۶۰ گرم بر مول می‌باشند.

$$\text{نسبت جرم اکسیژن در } \text{SiO}_2 = \frac{2 \times 16}{(28) + (2 \times 16)} = \frac{8}{15}$$

$$\text{نسبت جرم اکسیژن در } \text{Al}_2\text{O}_3 = \frac{3 \times 16}{(2 \times 27) + (3 \times 16)} = \frac{8}{17}$$

$$0 / 3 \text{ mol} \times \frac{(2 \times 14 + 16x) \text{ g}}{1 \text{ mol}} = 3 / 24 \text{ g} \Rightarrow 0 / 84 + 0 / 48x = 3 / 24 \text{ g} \quad (3)$$

$$\Rightarrow x = 5$$

پس این ترکیب N_2O_5 است و جمع زیروندها در فرمول مولکولی آن برابر ۷ است در حالی که سیلیسیم تترابرمید دارای فرمول مولکولی SiBr_4 می‌باشد و جمع زیروندهای آن برابر ۵ است.

۴) سدیم دارای یک اکسید Na_2O می‌باشد ولی کروم دو اکسید کروم (II) اکسید CrO و

۱۰۵- گزینه «۲»

$$\begin{cases} f\left(\frac{-5}{3}\right) = \frac{-5}{3} + 2 = \frac{-5+6}{3} = \frac{1}{3} \\ x = g\left(f\left(\frac{-5}{3}\right)\right) = g\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{1}{\frac{1}{3}} = 3 \\ g(3) = 3^2 - 1 = 9 - 1 = 8 \\ (fog)(3) = f(g(3)) \Rightarrow f(8) = \sqrt{8+3} = \sqrt{11} \\ [(fog)(3)] = [\sqrt{11}] = 3 \end{cases}$$

(تابع) (ریاضی، آ، صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۳ و ۱۰۹) (ریاضی، ۲، صفحه‌های ۵۰ تا ۵۳) (ریاضی، ۳، صفحه‌های ۱۱ و ۱۲)

۱۰۶- گزینه «۳»

در دامنه هر دو ضابطه $x = \pm 1$ حضور دارد، پس مقدار ضابطه‌ها به ازای $x = \pm 1$ باید برابر باشند:

$$x = -1 : a - (-2)^2 = \frac{(-1)^2 + b(-1) - 1}{(-1) + 2} \Rightarrow a - 4 = -b \\ \Rightarrow a + b = 4 \quad (I)$$

$$x = 1 : a - (0)^2 = \frac{(1)^2 + b(1) - 1}{(1) + 2} \Rightarrow a = \frac{b}{3} \quad (II)$$

از دستگاه دو معادله - دو مجهول بالا $a = 1$ و $b = 3$ به دست می‌آید.

$$\Rightarrow f(x) = \begin{cases} 1 - (x-1)^2 & ; |x| \leq 1 \\ \frac{x^2 + 3x - 1}{x + 2} & ; |x| \geq 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f(a+b) = f(4) = \frac{24}{6} = 4$$

(تابع) (ریاضی، آ، صفحه ۱۱۱) (ریاضی، ۲، صفحه‌های ۵۰ و ۵۱) (ریاضی، ۳، صفحه ۲)

۱۰۷- گزینه «۲»

دامنه تابع g مجموعه $\mathbb{R} - \{-3\}$ است. باید دامنه f هم همین مجموعه باشد، این یعنی مخرج ضابطه $f(x)$ باید ریشه مضاعف $x = -3$ را داشته باشد، پس داریم:

$$x^2 - 2cx + 9 = (x+3)^2 = x^2 + 6x + 9 \\ \Rightarrow -2c = 6 \Rightarrow c = -3$$

ضابطه‌ها هم باید برابر باشند، پس $f(x)$ باید برابر $\frac{(x+2)(x+3)}{(x+3)^2}$ باشد.

$$\Rightarrow x^2 - ax + b = (x+2)(x+3) = x^2 + 5x + 6 \\ \Rightarrow a = -5, b = 6$$

$$a + b + c = -2$$

(تابع) (ریاضی، آ، صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۳ و ۱۰۹) (ریاضی، ۲، صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

۱۰۸- گزینه «۲»

$$(f-g)\left(-\frac{5}{4}\right) = f\left(-\frac{5}{4}\right) - g\left(-\frac{5}{4}\right) = \left[\left(-\frac{5}{4}\right) + 3\right] - \left[2\left(-\frac{5}{4}\right)\right] \\ = -3 + 3 - (-5) = 5$$

(تابع) (ریاضی، ۲، صفحه‌های ۵۳، ۵۵ و ۶۰ تا ۷۰) (ریاضی، ۳، صفحه ۲)

۱۰۹- گزینه «۳»

$$(fog)(x) = 4x^2 + 4x = (2x+1)^2 - 1$$

در ضابطه fog ، $x = -\frac{1}{4}$ را جای گذاری می‌کنیم:

$$(fog)\left(-\frac{1}{4}\right) = (0)^2 - 1 = -1$$

حال $g\left(-\frac{1}{4}\right)$ را m در نظر می‌گیریم و داریم:

$$(fog)\left(-\frac{1}{4}\right) = f\left(g\left(-\frac{1}{4}\right)\right) = f(m) = m^2 - 2m = -1$$

$$\Rightarrow m^2 - 2m + 1 = (m-1)^2 = 0 \Rightarrow m = 1$$

(تابع) (ریاضی، ۳، صفحه‌های ۱۱ و ۱۲)

$$\sqrt{a^2(a+b)} - \sqrt{a^2(a-b)} = \lambda \Rightarrow a\sqrt{a+b} - a\sqrt{a-b} = \lambda$$

$$\sqrt{a+b} - \sqrt{a-b} = \frac{\lambda}{a}$$

حال طرفین تساوی بالا و تساوی $\sqrt{a+b} + \sqrt{a-b} = \delta b^2$ را در هم ضرب می‌کنیم:

$$(\sqrt{a+b} + \sqrt{a-b})(\sqrt{a+b} - \sqrt{a-b}) = \delta b^2 \times \frac{\lambda}{a}$$

$$a+b - (a-b) = 4 \cdot \frac{b^2}{a} \Rightarrow \delta b = 4 \cdot \frac{b^2}{a} \Rightarrow a = \lambda b$$

و در تساوی $\sqrt{a+b} + \sqrt{a-b} = \delta b^2$ قرار می‌دهیم:

$$\sqrt{\lambda b + b} + \sqrt{\lambda b - b} = \delta b^2 \Rightarrow \sqrt{b}(\sqrt{\lambda+1} + \sqrt{\lambda-1}) = \delta b^2$$

$$b^2 = \sqrt{b} \Rightarrow b^4 = b \xrightarrow{b>0} b = 1 \xrightarrow{a=\lambda b} a = \lambda$$

در نهایت خواسته سوال برابر است با:

$$\sqrt[3]{a} + \sqrt[3]{b} = \sqrt[3]{\lambda} + \sqrt[3]{1} = 2 + 1 = 3$$

(توان‌های گویا و عبارت‌های پی‌ری) (ریاضی، آ، صفحه‌های ۶۲ تا ۶۵)

ریاضی ۳ پایه مرتبط

۱۰۱- گزینه «۱»

(کتاب اول)

کاملاً واضح است که نمودار داده شده همان نمودار تابع $y = x^3$ است که ۱ واحد به راست و ۲ واحد بالا رفته است پس داریم:

$$y = x^3 \xrightarrow{1 \text{ واحد راست}} y = (x-1)^3 \xrightarrow{2 \text{ واحد بالا}} y = (x-1)^3 + 2 \\ \Rightarrow a = 1, b = 2 \Rightarrow a.b = 2$$

(تابع) (ریاضی، ۳، صفحه‌های ۳۳ تا ۵)

۱۰۲- گزینه «۲»

(کتاب اول)

دامنه تابع g به صورت زیر به دست می‌آید:

$$f(2x) - f(x+1) > 0 \xrightarrow{f \text{ اکیدا نزولی}} 2x < x+1 \Rightarrow x < 1$$

اما باید دقت کنیم که $f(2x)$ و $f(x+1)$ نیز قابل تعریف باشند. پس کافی است $x > 0$ باشد.نکته: دامنه توابع $f(x) = \log_a(x)$ ($a > 1, a \neq 1$) به صورت $x > 0$ می‌باشد.

$$\Rightarrow D_g = (0, 1)$$

(تابع) (ریاضی، ۳، صفحه‌های ۲ تا ۱۴)

۱۰۳- گزینه «۱»

(کتاب اول)

$$R_f = (-3, 1] \Rightarrow -3 < R_f \leq 1 \Rightarrow -2 \leq -2R_f < 6$$

$$\Rightarrow 1 \leq -2R_f + 3 < 9$$

در نتیجه برد تابع y به صورت $[1, 9]$ است، بنابراین:

$$a = 1, b = 9 \Rightarrow b - 3a = 9 - 3 = 6$$

(تابع) (ریاضی، ۲، صفحه‌های ۶۸ تا ۶۹) (ریاضی، ۳، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴)

۱۰۴- گزینه «۲»

(کتاب اول)

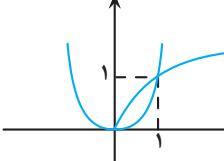
$$D_{f \circ f} = \{x \mid x \in D_f, f(x) \in D_f\}$$

طبق تعریف دامنه $f \circ f$ داریم:

$$f(x) = \sqrt{x - x^2} \Rightarrow D_f : x \geq 0 = [0, +\infty)$$

$$\Rightarrow D_{f \circ f} = \{x \mid \underbrace{x \geq 0}_{1}, \underbrace{\sqrt{x - x^2} \geq 0}_{2}\}$$

برای حل نامعادله، از روش هندسی و رسم نمودار استفاده می‌کنیم:



با توجه به نمودار دو تابع،

در بازه $[0, 1]$ نامعادله $\sqrt{x} \geq x^2$ برقرار است.

$$\Rightarrow 1 \cap 2 = [0, +\infty] \cap [0, 1] = [0, 1]$$

بنابراین دامنه $f \circ f$ شامل دو عدد صحیح $\{0, 1\}$ است.

(تابع) (ریاضی، آ، صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۳ و ۱۰۹) (ریاضی، ۲، صفحه‌های ۵۰ تا ۵۳) (ریاضی، ۳، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴)

$$\Rightarrow x^2 = \frac{81}{9 \times 25} \Rightarrow x = \frac{3}{5} \Rightarrow AC = 25\left(\frac{3}{5}\right) = 15$$

در مثلث ACD داریم:

$$AD^2 = AC^2 - CD^2 \Rightarrow AD^2 = 225 - 81 = 144 \Rightarrow AD = 12$$

بنابراین مساحت دوزنقه برابر است با:

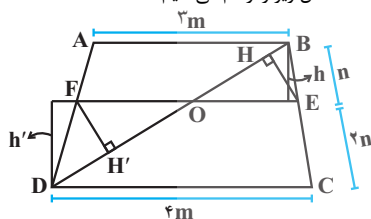
$$\frac{(CD + AB)AD}{2} = \frac{(9 + 16)}{2} \times 12 = 150$$

(هنرسه)(ریاضی ۲، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۵)

(رضا شوشیان)

۱۱۴- گزینه «۳»

با توجه به اطلاعات داده شده شکل زیر را رسم می‌کنیم:



می‌دانیم:

$$S_{\triangle OBE} = \frac{OE \times h}{2}$$

$$S_{\triangle OFD} = \frac{OF \times h'}{2}$$

حال داریم (طبق تالس):

$$\frac{h}{h'} = \frac{n}{\frac{1}{2}} \Rightarrow h' = 2h$$

$$\frac{\triangle BCD}{\triangle BCD} : \frac{OE}{CD} = \frac{BE}{BC} \Rightarrow \frac{OE}{m} = \frac{n}{2n} \Rightarrow OE = \frac{m}{3}$$

$$\frac{\triangle BDA}{\triangle BDA} : \frac{OF}{AB} = \frac{DF}{AD} \Rightarrow \frac{OF}{m} = \frac{2n}{2n} \Rightarrow OF = 2m$$

در نهایت:

$$\frac{S_{\triangle OBE}}{S_{\triangle OFD}} = \frac{\frac{1}{2} \times \frac{m}{3} \times h}{\frac{1}{2} \times 2m \times 2h} = \frac{1}{6} \Rightarrow \frac{S_{\triangle OBE}}{S_{\triangle OFD}} = \frac{\frac{1}{2} \times EH \times OB}{\frac{1}{2} \times FH' \times OD} = \frac{1}{6}$$

$$= \frac{n \times EH}{2n \times FH'} = \frac{1}{6} \Rightarrow \frac{EH}{FH'} = \frac{1}{3}$$

(هنرسه)(ریاضی ۲، صفحه‌های ۳۴ تا ۳۶، ۳۲ و ۳۳)

(مسین هاجیلو)

۱۱۵- گزینه «۱»

راه حل اول:

از $\frac{a}{b} = \frac{2}{3}$ می‌توان نتیجه گرفت $\begin{cases} a = 2m \\ b = 3m \end{cases}$ و از $\frac{c}{d} = \frac{2}{3}$ می‌توان نتیجه گرفت $\begin{cases} c = 2n \\ d = 3n \end{cases}$

$$\begin{cases} c = 2n \\ d = 3n \end{cases} \text{ پس داریم:}$$

$$\frac{2a + 2d}{2b + 2c} = \frac{2(2m) + 2(2n)}{2(3m) + 2(2n)} = \frac{4(m+n)}{10(m+n)} = \frac{2}{5}$$

راه حل دوم:

با توجه به $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{2}{3}$ ، می‌توانیم در نظر بگیریم $a = 2$ ، $b = 3$ ، $c = 2$ و $d = 3$ و به

ازای این مقادیر، حاصل عبارت مورد نظر را به‌دست آوریم:

$$\frac{2a + 2d}{2b + 2c} = \frac{2 \times 2 + 2 \times 3}{2 \times 3 + 2 \times 2} = \frac{10}{10} = 1$$

(هنرسه)(ریاضی ۲، صفحه‌های ۳۱ و ۳۲)

(عادل حسینی)

۱۱۰- گزینه «۲»

تابع h اکیداً صعودی است و تابع k غیر یک‌به‌یک است. در تابع f ضریب $\frac{1}{y} + [-x^2]$ که شیب پاره‌خطها را مشخص می‌کند همواره منفی (البته به جز در $x = 0$) است. پس این تابع یک‌به‌یک و اکیداً نزولی است. اما در تابع g شیب خطها به ازای $-1 \leq x \leq 1$ مثبت است و در غیر از این نقاط منفی. پس تابع g غیریکنوا است.

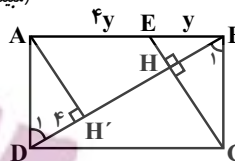
این نکته هم لازم به ذکر است که با رسم چند بازه از نمودارهای f و g یک‌به‌یک بودن آن ثابت می‌شود.

(تابع)(ریاضی ۲، صفحه‌های ۵۹ و ۶۰)(ریاضی ۳، صفحه‌های ۶ تا ۹)

ریاضی پایه بسته ۲

۱۱۱- گزینه «۲»

(مبینا بالو)



خطوط موازی و مورب:

$$\left. \begin{matrix} \hat{B}_1 = \hat{D}_1 \\ AD = BC \end{matrix} \right\} \Rightarrow \triangle AH'D \cong \triangle BHC \Rightarrow BH = DH' = 4$$

$$\left. \begin{matrix} AH' \perp BD \\ EH \perp BD \end{matrix} \right\} \Rightarrow AH' \parallel EH \xrightarrow{\text{تالس}} \frac{BH}{HH'} = \frac{y}{4y}$$

$$\Rightarrow \frac{4}{HH'} = \frac{1}{4} \Rightarrow HH' = 16, CH^2 = BH \times DH$$

$$\Rightarrow CH^2 = 4 \times 20 \Rightarrow CH = 4\sqrt{5}$$

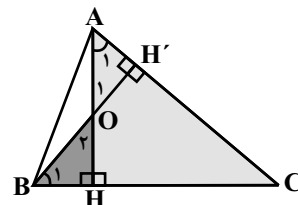
$$S_{\triangle CHD} = \frac{1}{2} \times CH \times DH = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{5} \times 20 = 40\sqrt{5}$$

(هنرسه)(ریاضی ۲، صفحه‌های ۳۴ تا ۳۶، ۳۲ و ۳۳)

۱۱۲- گزینه «۴»

(بهراد مصرمی)

$$\left. \begin{matrix} \hat{B}_1 + \hat{O}_2 = 90^\circ \\ \hat{A}_1 + \hat{O}_1 = 90^\circ \end{matrix} \right\} \Rightarrow \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \Rightarrow \hat{B}_1 = \hat{A}_1$$

پس مثلث‌های قائم‌الزاویه $\triangle AHC$ و $\triangle OHB$ متشابه‌اند.

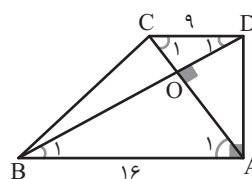
$$\frac{HC}{OH} = \frac{AH}{BH} \Rightarrow \frac{12}{\frac{2}{3}} = \frac{2}{BH} \Rightarrow BH = \frac{1}{4} = 0.25$$

(هنرسه)(ریاضی ۲، صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)

۱۱۳- گزینه «۴»

(مهمرب همیری)

$$\left. \begin{matrix} \hat{D}_1 = \hat{B}_1 \\ \hat{C}_1 = \hat{A}_1 \end{matrix} \right\} \Rightarrow \text{خطوط موازی و مورب}$$



$$\xrightarrow{\text{(ززا)}} \triangle COD \sim \triangle BOA$$

$$\Rightarrow \frac{OC}{OA} = \frac{OD}{OB} = \frac{CD}{AB} = \frac{9}{16}$$

یعنی می‌توانیم فرض کنیم:

$$OC = 9x, OA = 16x$$

$$OD = 9y, OB = 16y$$

طبق روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه $\triangle ACD$:

$$CD^2 = CO \times AC \Rightarrow 81 = 9x \times 25x$$

۱۱۶- گزینه «۱»

(علی غلامپورسرایی)

نسبت محیط‌های مثلث‌ها برابر نسبت تشابه و نسبت مساحت‌ها برابر مجذور نسبت تشابه است.

$$k = \frac{9}{15} = \frac{3}{5}$$

$$k^2 = \frac{9}{25} \Rightarrow \frac{9}{25} = \frac{x}{64} \Rightarrow x = \frac{576}{25} = 23\frac{1}{25}$$

(هندسه) (ریاضی ۲، صفحه ۴۶)

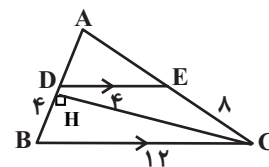
۱۱۷- گزینه «۱»

(میلاد منصوری)

فرض کنید $AD = x$ و $AE = y$ باشد. در این صورت طبق قضیه تالس داریم:

$$\frac{x}{x+4} = \frac{4}{12} = \frac{y}{y+8}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{x}{x+4} = \frac{1}{3} \Rightarrow x=2 \\ \frac{y}{y+8} = \frac{1}{3} \Rightarrow y=4 \end{cases}$$



بنابراین:

$$AB = x + 4 = 6, \quad AC = y + 8 = 12$$

پس $\triangle ABC$ متساوی الساقین است. در نتیجه ارتفاع CH میانه نیز هست، پس:

$$CH^2 + HA^2 = CA^2 \Rightarrow CH^2 + 3^2 = 12^2 \Rightarrow CH = \sqrt{135} = 3\sqrt{15}$$

(هندسه) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۳۱ تا ۳۶، ۳۴ و ۳۵)

۱۱۸- گزینه «۴»

(امیر حسین ابومحمبوب)

می‌دانیم در یک مثلث اگر دو زاویه نابرابر باشند، آن‌گاه ضلع روبه‌رو به زاویه بزرگ‌تر، از ضلع روبه‌رو به زاویه کوچک‌تر، بزرگ‌تر است.

زاویه A نمی‌تواند کوچک‌ترین زاویه مثلث ABC باشد، چون در این صورت مجموع زوایای مثلث ABC بزرگ‌تر از 180° خواهد شد که غیرممکن است. بنابراین ضلع BC (ضلع روبه‌رو به زاویه A) نمی‌تواند کوچک‌ترین ضلع مثلث ABC باشد. دقت کنید که در مورد این‌که ضلع BC بزرگ‌ترین ضلع ABC باشد، نمی‌توان قضاوت کرد. به عنوان مثال داریم:

$$\hat{A} = 75^\circ, \hat{B} = 60^\circ, \hat{C} = 45^\circ \quad \text{حالت ۱}$$

 $\Rightarrow BC$ بزرگ‌ترین ضلع است

$$\hat{A} = 75^\circ, \hat{B} = 90^\circ, \hat{C} = 15^\circ \quad \text{حالت ۱}$$

 $\Rightarrow BC$ بزرگ‌ترین ضلع نیست

(هندسه) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۳۳ و ۳۷)

۱۱۹- گزینه «۲»

(عمیر ناصر)

طبق قضیه تالس در دو مثلث AEC و ABC داریم:

$$DF \parallel AE \Rightarrow \frac{CF}{EF} = \frac{CD}{AD} \quad (۱)$$

$$DE \parallel AB \Rightarrow \frac{CE}{BE} = \frac{CD}{AD} \quad (۲)$$

$$\xrightarrow{(۱), (۲)} \frac{CF}{EF} = \frac{CE}{BE} \xrightarrow{CF=CE} \frac{EF}{BE} = 1 \Rightarrow CE = BE$$

بنابراین اگر $EF = x$ باشد، آن‌گاه داریم:

$$\begin{cases} FC = 2x \\ BE = \frac{3}{2}x \end{cases}$$

دو مثلث $\triangle DEF$ و $\triangle BDC$ در ارتفاع رسم شده از رأس D مشترک‌اند، پس نسبت مساحت‌های آن‌ها برابر نسبت قاعده‌های آن‌ها است و در نتیجه داریم:

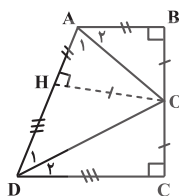
$$\frac{S_{\triangle DEF}}{S_{\triangle BDC}} = \frac{EF}{BC} = \frac{x}{2x+x+\frac{3}{2}x} = \frac{x}{\frac{9}{2}x} = \frac{2}{9}$$

(هندسه) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۳۱ تا ۳۶)

۱۲۰- گزینه «۱»

(مهمر صمد کر)

$$\hat{A} + \hat{D} = 180^\circ \Rightarrow \hat{A}_1 + \hat{D}_1 = \frac{1}{2}\hat{A} + \frac{1}{2}\hat{D} = \frac{1}{2} \times 180^\circ = 90^\circ$$

بنابراین زاویه $\hat{AOD}$ برابر 90° و مثلث AOD قائم‌الزاویه است. از طرفی دیگر طبق شکل و خاصیت نیمساز خواهیم داشت:

$$\begin{cases} OH = OB = OC \\ AH = AB = 4 \Rightarrow AD = 4 + 9 = 13 \\ DH = DC = 9 \end{cases}$$

طبق روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه AOD داریم:

$$OH^2 = AH \times DH = 4 \times 9 = 36 \Rightarrow OH = 6$$

$$\Rightarrow BC = OB + OC = 6 + 6 = 12$$

$$\Rightarrow \text{محیط دوزنقه} = 4 + 12 + 9 + 13 = 38$$

(هندسه) (ریاضی ۲، صفحه‌های ۳۷ تا ۳۵)



دفترچه پاسخ

آزمون هوش و استعداد

(دوره دوم)

۳۱ مرداد

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

حمید لنجان‌زاده اصفهانی	مسئول آزمون
فاطمه راسخ	ویراستار
محیا اصغری	مدیر گروه مستندسازی
علیرضا همایون‌خواه	مسئول درس مستندسازی
حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، حامد کریمی، فرزاد شیرمحمدلی	طراحان
معصومه روحانیان	حروف‌چینی و صفحه‌آرایی
حمید عباسی	ناظر چاپ

استعداد تحلیلی

۲۵۱- گزینه ۱

(نامبر کریمی)

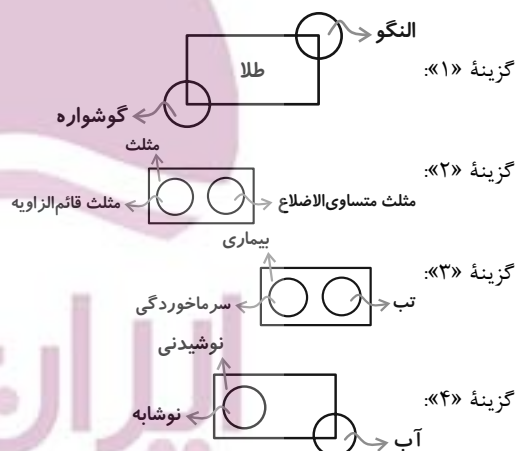
شکل درست ابیات:

(و) آن شنیدم که گفت پشه به کیک / بامدادان پس از سلام علیک
(ه) ای عجب من بدین سیهرختی / تو بدان فرهی و خوشبختی
(ب) تو چنانی و من چنین ز چه روی؟ / تو طربناک و من غمین ز چه روی؟
(الف) کیک چون ماجرای پشه شفت / زیر لب خنده‌ای زد آن‌گه گفت
(د) من به هنگام کار خاموشم / بسته‌لب پای تابه‌سر گوشم
(ج) ای پسر رو خموش باش چو کیک / تا نخواندت کسی، مزن لبیک
(ترتیب جملات، هوش کلامی)

۲۵۲- گزینه ۱

(کتاب استعداد تحلیلی هوش کلامی)

برخی گوشواره‌ها و برخی انگوها از طلا هستند و برخی هم نه. همچنین هر طلایی، انگو یا گوشواره نیست. پس رابطه بین این واژه‌ها مثل شکل صورت سؤال است.
رابطه بین واژه‌ها در دیگر گزینه‌ها نیز با شکل‌های جداگانه‌ای نشان داده می‌شود:



(انساب اربعه، هوش کلامی)

۲۵۳- گزینه ۲

(کتاب استعداد تحلیلی هوش کلامی)

در همه گزینه‌ها، یکی از کلمه‌ها از ریشه فعل گذشته و دیگری از ریشه فعل حال تشکیل شده است، به جز گزینه ۲:

بینا: بین (ریشه فعل حال) + ا - دیدنی: دید (ریشه فعل گذشته) + نی
پرستنده: پرست (ریشه فعل حال) + نده - پرستار: پرست (ریشه فعل حال) + ار
گویا: گوی (ریشه فعل حال) + ا - گفتنی: گفت (ریشه فعل گذشته) + نی
رونده: رو (ریشه فعل حال) + نده - رفتار: رفت (ریشه فعل گذشته) + ار
(ساقتمان واژه‌ها، هوش کلامی)

۲۵۴- گزینه ۴

(ممد اصفهانی)

متن از چند مشخصه بررسی‌های مبتنی بر آرکی تایپ سخن می‌گوید که رنگ هم از آن‌هاست، پس در نقدهای ادبی متگی بر مفهوم آرکی تایپ می‌توان آن‌ها را نیز بررسی کرد.
متن نمی‌گوید نمادها باید در همه فرهنگ‌ها و در همه ادراک‌ها یکسان باشد تا در ضمیر ناخودآگاه جمعی قرار گیرد. همچنین بحث از «ضمیر ناخودآگاه شخصی» با بحث از «ضمیر ناخودآگاه جمعی» متفاوت است، پس نمی‌توان گفت یونگ و مکتب او در بررسی ضمیر ناخودآگاه در آثار ادبی، از اولین‌ها بوده‌اند.

(تکمیل متن، استدلال هوش کلامی)

۲۵۵- گزینه ۲

(ممد اصفهانی)

متن از «جهانی‌های معنایی» صحبت می‌کند که قواعدی هستند که ساختار واژگان را در همه زبان‌ها تعیین می‌کنند. در انتهای متن، از تفاوت‌های زبان‌ها سخن گفته شده است اما پس از کلمه «ولی» باید مطلبی باشد که وجود این شباهت‌های قواعدی را در زبان‌ها نشان دهد. تنها گزینه ۲ است که چنین معنایی دارد.

(تکمیل متن، استدلال، هوش کلامی)

۲۵۶- گزینه ۴

(ممد اصفهانی)

قطعه ابونصر فراهی، از وجود حروف عله می‌گوید که با مثال‌های آن می‌توان فهمید این حروف «و، ا، ی» است. از همان بیت نخست نیز مشخص است که فراهی، شناخت «دال» و «ذال» را از شروط فصاحت دانسته است. معلوم است که علم به وجود حروف عله مربوط به دوران متأخر نیست، از «دال» و «ذال» غیرپایانی صحبت نشده است، و واژه‌هایی هست که «دال» در حرف پایانی آن‌هاست و تغییر یافته از «ذال» نیست.

(تکمیل متن، استدلال، هوش کلامی)

۲۵۷- گزینه ۴

(کتاب استعداد تحلیلی هوش کلامی)

عبارت گزینه ۴ «با تگاهی ناخوشایند، همه را به یک چشم می‌بیند و می‌گوید هر کسی را می‌توان به شکلی برای انجام کاری تطمیع کرد و از آن بهره برد. دیگر عبارت‌ها می‌گویند هر چیزی جای مخصوص به خود را دارد و نباید آن‌ها را به جای هم به کار برد.

(قربانت معنایی، هوش کلامی)

۲۵۸- گزینه ۱

(فرزاد شیرممدلی)

سنّ علی، میلاد و داریوش را به ترتیب A، M و D در نظر می‌گیریم:
 $(A - 2) = 3(M - 2 + D - 2) \Rightarrow A = 3M + 2D - 10$
 $(A + 2) = 8((M + 2) - (D + 2)) \Rightarrow A = 8M - 8D - 2$

(فاطمه راسخ)

۲۶۲- گزینه «۴»

عدهای ممکن با شرایط گفته شده، یکی از حالات زیر هستند که در آن‌ها دست کم ۳ یا ۶ وجود دارد. دقت کنید که می‌توان جای یکان و هزارگان را با هم و جای دهگان و صدگان را با هم عوض کرد.

$$3124/2139/3148/4169/4239/8246/9268/9348$$

(حقیقت‌یابی، یکان، بخش‌پذیری، هوش منطقی ریاضی)

(فاطمه راسخ)

۲۶۳- گزینه «۱»

عدهای ۱ و ۵ و ۷ و ۸ در عدد نیستند. عدهای صفر و چهار نیز قطعاً در عدد هستند. پس باید دو رقم دیگر را با دو تا از اعداد ۲، ۳، ۶ و ۹ کامل کنیم. می‌دانیم مجموع ارقام عددی که بر ۹ بخشپذیر است، مضرب ۹ است. اکنون مجموع دو رقم معلوم است: $4 + 4 = 8$ تنها حالت ممکن آن است که دو عدد دیگر ۲ و ۳ باشد.

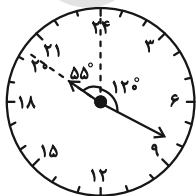
$$1 = 4 - 3 = 4 - 2 = 9 \Rightarrow 0 + 2 + 3 + 4 = 9$$

(حقیقت‌یابی، یکان، بخش‌پذیری، هوش منطقی ریاضی)

(ممیر کنی)

۲۶۴- گزینه «۴»

در ساعت $20:20$ ، عقربه دقیقه‌شمار به اندازه $\frac{1}{3} = \frac{20}{60}$ از صفحه را چرخیده است. کل صفحه 360° است پس عقربه دقیقه‌شمار $120^\circ = (\frac{360}{3})$ از خط قائم دور شده است. فاصله بین دو عدد در این ساعت، $15^\circ = (\frac{360}{24})$ است. عقربه ساعت‌شمار بیست دقیقه پس از ساعت بیست، به اندازه $5^\circ = (\frac{2}{6} \times 15^\circ)$ از ساعت ۲۰ دور شده است. فاصله ساعت ۲۰ تا خط قائم، $6^\circ = 4 \times 15^\circ$ است. پس فاصله عقربه ساعت‌شمار تا خط قائم، $55^\circ = (60 - 5)$ است. پس زاویه بین دو عقربه $175^\circ = 55 + 120$ است.



(ساعت، هوش منطقی ریاضی)

$$\Rightarrow 3M + 3D - 10 = 8M - 8D - 2 \Rightarrow 11D = 5M + 8$$

حال M را حدس می‌زنیم، تا جایی که $\frac{5M+8}{11}$ عدد طبیعی یک‌رقمی شود. اگر $M = 5$ باشد، $D = 3$ و در نتیجه $A = 14$ است. در نتیجه:
الف: $A - M = 9$
ب: $M - D = 2$

(کفایت داده، هوش منطقی ریاضی)

(ممیر اصفهانی)

۲۵۹- گزینه «۲»

فرض کنید طول طناب a باشد. در مربع، محیط a ، پس طول ضلع‌ها هر کدام $\frac{a}{4}$ و مساحت $\frac{a^2}{16}$ خواهد بود. حال فرض کنید مستطیلی بسازیم. اگر این مستطیل، عرضی داشته باشد که x واحد از ضلع مربع کوچک‌تر باشد و طولی داشته باشد که به همین اندازه از ضلع مربع بزرگ‌تر باشد، عرض و طول آن $(\frac{a}{4} - x)$ و $(\frac{a}{4} + x)$ خواهد بود و مساحت آن به اندازه x^2 واحد کم‌تر از مربع خواهد بود:

$$(\frac{a}{4} + x)(\frac{a}{4} - x) = \frac{a^2}{16} - x^2$$

(کفایت داده، هوش منطقی ریاضی)

(ممیر کنی)

۲۶۰- گزینه «۱»

حسن به تنهایی در هر ساعت $\frac{1}{24}$ از کار را انجام می‌دهد:
 $\frac{1}{24} + x = \frac{1}{16} \Rightarrow x = \frac{1}{16} - \frac{1}{24} = \frac{1}{48}$
پس محمود به تنهایی در هر ساعت $\frac{1}{48}$ از کار را انجام می‌دهد، یعنی کل کار را در ۴۸ ساعت.
 $\frac{1}{48} + y = \frac{1}{12} \Rightarrow y = \frac{1}{12} - \frac{1}{48} = \frac{3}{48} = \frac{1}{16}$
پس علی به تنهایی در هر ساعت $\frac{1}{16}$ کار را انجام می‌دهد، یعنی کل کار در ۱۶ ساعت.

(کفایت داده هوش منطقی ریاضی)

(فاطمه راسخ)

۲۶۱- گزینه «۱»

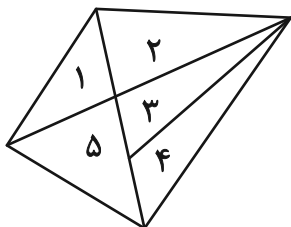
عدد مضرب پنج است، پس یکان صفر است. دقت کنید عدد ۵ را نداریم. اگر رقم‌های دهگان و صدگان هشت واحد اختلاف داشته باشند، قطعاً یک و نه هستند. بسته به جایگاه این دو عدد، هزارگان ممکن است سه یا هفت باشد، اما عدد ۷ ممکن نیست. پس فقط ۳۱۹۰ ممکن است.

(حقیقت‌یابی، یکان، بخش‌پذیری، هوش منطقی ریاضی)

(فرزاد شیرمحمدی)

۲۷۰- گزینه «۳»

مثلث‌های شکل:



(۱), (۲), (۳), (۴), (۵), (۱, ۲), (۱, ۵), (۲, ۳), (۳, ۴)

(۲, ۳, ۴), (۳, ۴, ۵)

(شمارش، هوش غیرکلامی)

(فرزاد شیرمحمدی)

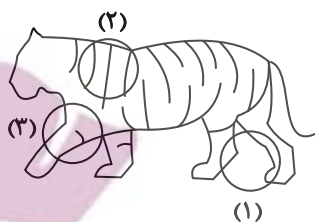
۲۶۵- گزینه «۱»

دفتر و کتاب هر دو یک حرف را می‌زنند و چون یک دروغگو داریم، قطعاً دروغ نمی‌گویند هر دو نو هستند، پس خودکار هم راست می‌گوید و نو است، پس روپوش هم راست می‌گوید و نو است و گوشه دروغگو است.
(حقیقت‌یابی، هوش منطقی ریاضی)

(فاطمه راسخ)

۲۶۶- گزینه «۴»

دیگر گزینه‌ها در شکل صورت سؤال:



(بزه‌یابی، هوش غیرکلامی)

(فاطمه راسخ)

۲۶۷- گزینه «۴»

در سمت چپ خط عمودی هر ردیف از الگوی صورت سؤال، هر شکلی که کم‌تر آمده است در سمت راست خط عمودی هم تکرار شده است. در ردیف پایینی نیز سه بار، دو بار و فقط یک بار آمده است، پس این شکل آخر را در سمت راست خط عمودی تکرار می‌کنیم.
(الگوی فنی، هوش غیرکلامی)

(فاطمه راسخ)

۲۶۸- گزینه «۴»

سه طرح در شکل صورت سؤال در حرکتند و در شکل پنجم به جای نخست خود برمی‌گردند.



(الگوی فنی، هوش غیرکلامی)

(محمد کئی)

۲۶۹- گزینه «۱»

از تکرار کدها می‌فهمیم که تعداد ضلع‌ها یا پاره‌خط‌ها مهم است:

$$\left. \begin{array}{l} i \Rightarrow \text{عددهای زوج} \\ B \Rightarrow \text{عددهای مضرب ۳} \\ A \Rightarrow \text{عددهای مضرب ۴} \\ D \Rightarrow \text{عددهای اول} \end{array} \right\} \Rightarrow ۱۲ = BAi$$

(کدگذاری، هوش غیرکلامی)