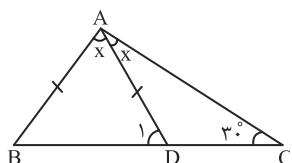


«کتاب آبی»

۱۲- گزینه «۲»

در هر مثلث، اندازه هر زاویه خارجی با مجموع دو زاویه داخلی غیر مجاور آن برابر است.



$$AD \Rightarrow \hat{B}AD = \hat{D}AC = x$$

$$AB = AD \Rightarrow \hat{B} = \hat{D}_1$$

$$\Delta ADC: \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow \hat{A} + \hat{x} + \hat{x} + 30^\circ = 180^\circ$$

$$\hat{B} = x + 30^\circ = \hat{D}_1$$

$$\Delta ABC: \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow \hat{A} + \hat{x} + \hat{x} + 30^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow x = 40^\circ$$

$$\hat{D}_1 = x + 30^\circ = 70^\circ$$

(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۳۷ تا ۴۳ کتاب درسی)

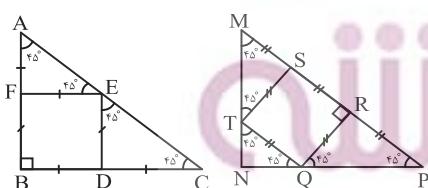
«کتاب آبی»

۱۳- گزینه «۳»

$$\Delta ABC \cong \Delta MNP$$

$$S_{BDEF} = 36$$

$$S_{QRST} = ?$$



$$S_{BDEF} = 36 \Rightarrow BD = DE = EF = BF = \sqrt{36} = 6$$

$$\Delta DEC: \hat{E} = \hat{C} = 45^\circ \Rightarrow DE = DC = 6$$

$$\Rightarrow BC = AB = 12$$

$$\Delta ABC: AC^2 = BC^2 + AB^2 = 12^2 + 12^2 = 288$$

$$\Rightarrow AC = MP = 12\sqrt{2}$$

$$SR = \frac{1}{3} MP = \frac{12}{3}\sqrt{2} = 4\sqrt{2} \Rightarrow S_{QRST} = (SR)^2$$

$$= (4\sqrt{2})^2 = 16 \times 2 = 32$$

(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۴۳ تا ۴۸ کتاب درسی)

(ندا صالح پور)

۹- گزینه «۲»

با ساده کردن عبارت داده شده داریم:

$$\begin{aligned} \frac{((0/2)^3 \times 5^{-2})^{-3}}{((\frac{1}{25})^{-3} \times ((0/2)^2)^{-1})^2} &= \frac{(\frac{1}{5})^3 \times (\frac{1}{5})^2)^{-3}}{((\frac{1}{5})^2)^{-3} \times ((\frac{1}{5})^2)^{-1})^2} \\ &= \frac{((\frac{1}{5})^5)^{-3}}{((\frac{1}{5})^{-6} \times (\frac{1}{5})^{-2})^2} = \frac{(\frac{1}{5})^{-15}}{(\frac{1}{5})^{-14}} = \frac{(\frac{1}{5})^{-15}}{(\frac{1}{5})^{-16}} = \frac{5^{15}}{5^{16}} = \frac{1}{5} \end{aligned}$$

(توان و ریشه، صفحه‌های ۶۰ تا ۶۴ کتاب درسی)

(امیرحسین هسامی)

۱۰- گزینه «۲»

$$\begin{aligned} 4xy - \frac{\lambda}{xy} &= 4(2)^{3z} \times \lambda^{1-z} - \frac{\lambda}{2^{3z} \times \lambda^{1-z}} \\ &= 2^2 \times 2^{3z} \times (2^3)^{1-z} - \frac{2^3}{2^{3z} \times (2^3)^{1-z}} \\ &= 2^2 \times 2^{3z} \times 2^{3-3z} - \frac{2^3}{2^{3z} \times 2^{3-3z}} \\ &= 2^{2+3z+3-3z} - \frac{2^3}{2^{3z+3-3z}} = 2^5 - \frac{2^3}{2^3} = 2^5 - 1 = 31 \end{aligned}$$

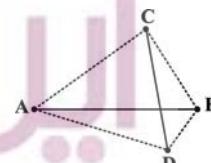
(توان و ریشه، صفحه‌های ۶۰ تا ۶۴ کتاب درسی)

«کتاب آبی»

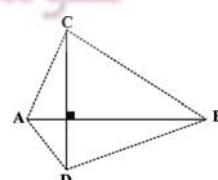
۱۱- گزینه «۱»

برای گزینه‌های ۲ و ۳ و ۴ می‌توان مثالی آورد که حکم گفته شده را رد کند.

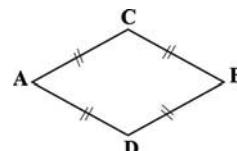
گزینه «۲»: (شکل مستطیل نیست)



گزینه «۳»: (شکل لوزی نیست)



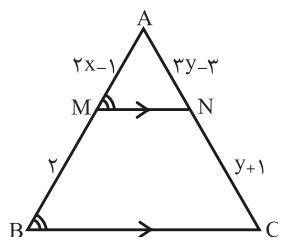
گزینه «۴»: (شکل مربع نیست)



(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۳۳ تا ۳۷ کتاب درسی)

«کتاب آبی»

«۱۷- گزینه ۳»



$$\Delta AMN \sim \Delta ABC \text{ فرض} \rightarrow \frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$$

$$\Rightarrow \frac{2x-1}{2+2x-1} = \frac{3y-3}{y+1+3y-3} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{2x-1}{2x+1} = \frac{3}{5} \Rightarrow 10x-5 = 6x+3 \Rightarrow 4x = 8 \Rightarrow x = 2$$

$$\frac{3y-3}{4y-2} = \frac{3}{5} \Rightarrow 12y-6 = 15y-15 \Rightarrow 3y = 9 \Rightarrow y = 3$$

$$x+y = 2+3 = 5$$

(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۵۳ تا ۵۸ کتاب درسی)

«کتاب آبی»

«۱۸- گزینه ۲»

برای حل معادله توانی مطرح شده، معادله را ساده می‌کنیم. می‌دانیم که

$$\frac{1}{a^n} = a^{-n} \text{ . بنابراین داریم:}$$

$$27^m \times (\frac{1}{3})^{n-2} = 3^{3m} \times 3^{(2-n)} = 3^{3m-n} \times 3^2$$

از طرفی طبق فرض مسئله داریم:

$$\frac{1}{3m-n} = 2^{-1} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{2} = 3m-n = 2$$

با جایگزین کردن مقدار $3m-n=2$ در معادله تجزیه شده، حاصل

عبارت مطرح شده در صورت سؤال به دست می‌آید:

$$27^m \times (\frac{1}{3})^{n-2} = 3^2 \times 3^2 = 3^4 = 81$$

(توان و ریشه، صفحه‌های ۶۰ تا ۶۴ کتاب درسی)

«کتاب آبی»

«۱۹- گزینه ۱۹»

$$3^x = 5 \rightarrow y = 3^x \rightarrow y = 5^y \Rightarrow 3^x = 5^y = 27 = 3^3 \Rightarrow xy = 3$$

(توان و ریشه، صفحه‌های ۶۰ تا ۶۴ کتاب درسی)

«کتاب آبی»

«۲۰- گزینه ۱۰»

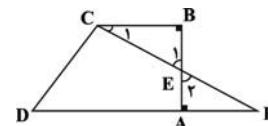
$$\left(1 - \frac{1}{2}\right)^{-n} \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^n \times \left(1 + \frac{1}{2}\right)^n = \left(\frac{1}{2}\right)^{-n} \times \underbrace{\left(\frac{1}{3}\right)^n}_{\left(\frac{1}{2}\right)^n} \times \left(\frac{3}{2}\right)^n$$

$$= 2^n \times \left(\frac{1}{2}\right)^n = \left(2 \times \frac{1}{2}\right)^n = 1^n = 1$$

(توان و ریشه، صفحه‌های ۶۰ تا ۶۴ کتاب درسی)

«کتاب آبی»

«۱۴- گزینه ۴»



$$\hat{B} = \hat{A} = 90^\circ$$

متقابل به رأس

BE = AE وسط E

$$\begin{cases} BC = AF \\ CE = EF \\ \hat{C}_1 = \hat{F} \end{cases}$$

$$\Delta CEB \cong \Delta EAF$$

(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۳۴ تا ۳۸ کتاب درسی)

«کتاب آبی»

«۱۵- گزینه ۴»

می‌دانیم در مماس‌های رسم شده از یک نقطه خارج دایره، پاره خط‌های ایجاد شده با یکدیگر مساوی‌اند.

$$BM = BF, CF = CH, AH = AM$$

$$\begin{cases} AB + AC = 18 \\ BC = 10 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} AM + BM + AH + CH = 18 \\ BF + CF = 10 \end{cases} \Rightarrow$$

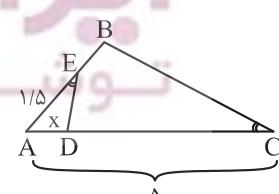
$$AM + BM + AH + CH - BF - CF = 18 - 10$$

$$2AM = 8 \Rightarrow AM = 4$$

(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۳۴ تا ۳۸ کتاب درسی)

«کتاب آبی»

«۱۶- گزینه ۱۰»



$$\Delta AED \sim \Delta ABC \rightarrow \frac{AE}{AC} = \frac{AD}{AB} = \frac{ED}{BC}$$

$$\frac{1}{5} = \frac{x}{2 \times 1/5} \Rightarrow x = \frac{1/5 \times 2}{5} = 0/9$$

$$\Rightarrow DC = AC - AD = 5 - 0/9 = 4/1$$

(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۵۳ تا ۵۸ کتاب درسی)



(کیارش صانعی)

«۲۵- گزینهٔ ۴»

به هوابیمای در حال حرکت، چهار نیروی پیشران، بالابری، وزن و مقاومت هوا وارد می‌شود. اگر این نیروها متوزن باشند، در حرکت هوابیما تغییری ایجاد نشده و سرعت آن ثابت می‌ماند. حال اگر توازن نیروها به هم بخورد و اندازه نیروی بالابری بزرگ‌تر از اندازه نیروی وزن هوابیما شود، هوابیما اوج می‌گیرد و در صورتی که اندازه نیروی بالابری کوچک‌تر از اندازه نیروی وزن هوابیما شود، ارتقای پرواز هوابیما کاهش پیدا خواهد کرد. توجه کنید که در هوابیمای در حال پرواز، اندازه نیروی پیشران بزرگ‌تر یا مساوی اندازه نیروی مقاومت هوا می‌باشد.

(نیرو، صفحه ۵۳ کتاب درسی)

(لیدا علی‌کبری)

«۲۶- گزینهٔ ۱»

هنگامی که در بستر اقیانوس‌ها، زمین‌لرزه یا آتش‌شان رخ می‌دهد، ممکن است سونامی ایجاد گردد. این امواج اقیانوسی، ارزی بسیار زیادی دارند و هنگام رسیدن به سواحل، خسارت‌های زیادی بر جای می‌گذارند. هرچه عمق آب اقیانوس بیش‌تر باشد، سرعت و انرژی سونامی نیز بیش‌تر خواهد بود.

(زمین سافت ورقه‌ای، صفحه ۷۲ کتاب درسی)

(لیلا فراوردریان)

«۲۷- گزینهٔ ۲»

بررسی موارد نادرست:

- ج) نیرو می‌تواند به صورت غیرتیماسی هم به جسم وارد شود.
د) اگر حرکت جسم یکنواخت باشد، یا نیرویی به جسم وارد نشده یا نیروهایی که بر آن وارد شده‌اند، متوزن هستند.

(نیرو، صفحه ۵۲ کتاب درسی)

(بهرزاد سلطانی)

«۲۸- گزینهٔ ۴»

حرکت بین ورقه‌ها در شکل صورت سؤال، از نوع نزدیک‌شونده است. با توجه به شکل ۵ صفحه ۶۷ کتاب درسی، حرکت بین ورقه قطب جنوب و ورقه آفریقا، از نوع دورشونده است. حرکت ورقه‌های سنگ‌کره در سایر گزینه‌ها از نوع نزدیک‌شونده می‌باشد.

(زمین سافت ورقه‌ای، صفحه ۶۷ کتاب درسی)

(آرین فلاخ اسدی)

«۲۹- گزینهٔ ۳»

انطباق حاشیه شرقی قاره آمریکای جنوبی با حاشیه غربی آفریقا، از شواهد اتصال قاره‌ها در گذشته است.

(زمین سافت ورقه‌ای، صفحه ۶۶ کتاب درسی)

(کیارش صانعی)

«۳۰- گزینهٔ ۲»

برای محاسبه وزن هر جسم در سطح هر کره، باید جرم را بر حسب kg در اندازه شتاب گرانشی در سطح آن کره ضرب کرد. پس داریم:

$$50 \times 2 = 100\ N$$

$$9 \times 10 = 90\ N$$

$$55 \times 2 = 110\ N$$

$$60 \times 10 = 600\ N$$

(نیرو، صفحه‌های ۵۵ و ۵۷ کتاب درسی)

علوم فنی - فیزیک و زمین‌شناسی

«۲۱- گزینهٔ ۴»

در حالت اول، طبق قانون دوم نیوتون داریم:

$$m \times a_1 = m \times g \times \text{وزنه}$$

در حالت دوم نیز داریم:

$$m \times a_2 = m \times g \times \text{وزنه}$$

$$\begin{cases} a_1 = \frac{m \times g \times \text{وزنه}}{m \times \text{مکعب}} \\ a_2 = \frac{m \times g \times \text{وزنه}}{m \times \text{مکعب}} \end{cases} \Rightarrow a_1 = 9a_2$$

در حالت اول، شتاب ۹ برابر حالت دوم می‌باشد.

(نیرو، صفحه‌های ۵۵ و ۵۶ کتاب درسی)

«۲۲- گزینهٔ ۴»

موافقان و گنر با استفاده از شواهدی اثبات کردند که قاره‌ها در گذشته به

هم متصل بوده و سپس نسبت به هم جایجا شده‌اند.

شکل صورت سؤال به تشابه فسیل جانداران در قاره‌های مختلف اشاره دارد و از شواهد مذکور است.

(زمین سافت ورقه‌ای، صفحه ۶۶ کتاب درسی)

«۲۳- گزینهٔ ۱»

بزرگ‌ترین ورقه سنگ‌کره، ورقه اقیانوس آرام است.

(زمین سافت ورقه‌ای، صفحه ۶۷ کتاب درسی)

«۲۴- گزینهٔ ۳»

اگر جرم جسم m باشد، با استفاده از رابطه قانون دوم نیوتون داریم:

$$\frac{\text{نیروی خالص}}{\text{جرم جسم}} = \text{شتاب جسم} : \text{حالت اول}$$

$$\Rightarrow a = \frac{2}{m} \Rightarrow m = \frac{2}{a} \quad (1)$$

$$\frac{\text{نیروی خالص}}{\text{جرم جسم}} = \text{شتاب جسم} : \text{حالت دوم}$$

$$\Rightarrow a + 2 = \frac{3}{m} \Rightarrow m = \frac{3}{a+2} \quad (2)$$

از مساوی قرار دادن رابطه‌های (1) و (2)، معادله درجه اولی حاصل می‌شود که جواب آن a می‌باشد. داریم:

$$\frac{2}{a} = \frac{3}{a+2} \Rightarrow 2(a+2) = 3a \Rightarrow 2a + 4 = 3a \Rightarrow a = 4$$

$$\Rightarrow 3a - 2a = 4 \Rightarrow 1a = 4 \Rightarrow a = \frac{4}{1} = 4 \frac{m}{s^2}$$

(نیرو، صفحه‌های ۵۵ و ۵۶ کتاب درسی)

«میلاد عزیزی»

۳۶- گزینه «۳»

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: هر دو ترکیب مایع هستند.

گزینه «۲»: چون هر دو ترکیب مولکولی هستند، در نتیجه قادر به تشکیل یون و ایجاد رسانایی در آب نیستند.

گزینه «۳»: ذره‌های سازنده هر دو ماده مولکول‌های چند اتمی می‌باشد.

گزینه «۴»: اتانول برای ضدغوفونی کردن بیمارستان‌ها و لوازم پزشکی کاربرد دارد.

(رفتار اتم‌ها با یکدیگر، صفحه‌های ۱۴ تا ۱۶)

«میلاد عزیزی»

۳۷- گزینه «۱»

بررسی موارد نادرست:

الف) همه مواد پیرامون ما از اتم‌ها ساخته شده‌اند، نه اغلب آن‌ها.

ج) افزودن اتیلن گلیکول (ضد یخ) به رادیاتور خودرو از یخ زدن آب جلوگیری می‌کند.

(رفتار اتم‌ها با یکدیگر، صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

«موتاب سلمانی اسکوبی»

۳۸- گزینه «۲»

از آب آهک برای ترد کردن مرباتی کدو حلواهی استفاده می‌شود، نه آهک خالص.

(ترکیبی، صفحه‌های ۶ و ۱۴)

«میلاد عزیزی»

۳۹- گزینه «۱»

بررسی موارد نادرست:

الف) هر بسپار از زنجیرهای بلندی تشکیل شده است که از اتصال تعداد زیادی مولکول کوچک به یکدیگر به دست می‌آید.

ب) با افزایش جمعیت در قرن بیستم، به کارگیری بسپارهای طبیعی به تنهایی نمی‌توانست پاسخگوی نیاز به بسپارها باشد.

ج) در مسادی همچون اکسیژن (O_2)، آمونیاک (NH_3) و سولفوریک اسید (H_2SO_4)، تعداد اتم‌ها محدود است.

د) سلولز از تعداد بسیار زیادی اتم‌های C، H و O تشکیل شده است.

(مواد و نقش آن‌ها در زندگی، صفحه‌های ۹ و ۱۱)

«مسن رهمنی کوننده»

۴۰- گزینه «۲»

کات کبود و نمک خوارکی هر دو در آب به صورت یونی حل می‌شوند و به دلیل داشتن یون در آب رسانای جریان الکتریکی می‌باشند.

(رفتار اتم‌ها با یکدیگر، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

علوم نهم - شیمی

۳۱- گزینه «۳»

«آلله فروزنده‌فر»

A، B، C و D به ترتیب نشان‌دهنده نافلز Cl، گاز هیدروژن، اتم F و عنصر Ar (با عدد اتمی ۱۸) هستند.

(ترکیبی، صفحه‌های ۴ تا ۹ و ۱۷)

۳۲- گزینه «۳»

کربن با عدد اتمی ۶ دومین عنصر فراوان سازنده بدن از نظر درصد تقریبی است که متعلق به ردیف دوم و گروه چهارم اصلی جدول تناوبی عناصر است. لیتیم با عدد اتمی ۳ در گروه اول جدول طبقه‌بندی عناصر قرار می‌گیرد.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: در ساختار هیدروکلریک اسید (HCl)، کربن وجود ندارد.

گزینه «۲»: کربن با عدد اتمی ۶ متعلق به ردیف دوم جدول طبقه‌بندی عناصر است.

گزینه «۴»: منیزیم با عدد اتمی ۱۲ متعلق به گروه دوم جدول طبقه‌بندی عناصر است پس خواص آن با کربن مشابه نیست.

(مواد و نقش آن‌ها در زندگی، صفحه‌های ۶ تا ۸ و ۱۴)

۳۳- گزینه «۱»

عنصر نافلزی در ترکیب منیزیم اکسید، اکسیژن است؛ آرایش الکترونی اتم‌های خنثی Si و O به صورت زیر است:



(ترکیبی، صفحه‌های ۵ تا ۷ و ۱۹)

۳۴- گزینه «۲»

«فیروزه هسین زاده بهتاش»

ترکیب یونی حاصل از یون‌های مس موجود در کات کبود و هیدروکسید تقریباً در آب حل نمی‌شوند و رسوب می‌کنند.

(رفتار اتم‌ها با یکدیگر، صفحه ۱۶)

۳۵- گزینه «۴»

«مسن رهمنی کوننده»

مولکول‌های سازنده موم زنبور عسل همانند سلولز جزء درشت‌مولکول‌ها می‌باشند.

(مواد و نقش آن‌ها در زندگی، صفحه‌های ۹ تا ۱۱)



(میلاد منصوری)

«۴۵- گزینه ۳»

$$a_1 = 2 \quad a_2 = 5 \quad ; a_n = 3a_{n-1} - a_{n-2} ; \quad n \geq 3$$

$$a_3 = 3a_2 - a_1 = 15 - 2 = 13$$

$$a_4 = 3a_3 - a_2 = 39 - 5 = 34$$

$$a_5 = 3a_4 - a_3 = 3 \times 34 - 13 = 89$$

$$a_6 = 3a_5 - a_4 = 233$$

$$\Rightarrow a_6 - a_5 = 144$$

(مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۱۴ و ۱۵ کتاب درسی)

ریاضی دهم

«۴۱- گزینه ۳»

(علی ساوی - مشابه سوال ۷ کتاب پرکنار)

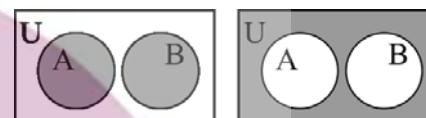
تمام گزینه‌ها به جز گزینه «۳» درست هستند. در گزینه «۳»، اگر A مجموعه‌ای نامتناهی و B متناهی باشد، چون $(A \cup B) \subset A$ است. یعنی تمام عضوهای مجموعه نامتناهی A در مجموعه $A \cup B$ هستند، پس مجموعه $A \cup B$ نیز نامتناهی است.

(مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲ تا ۱۳ کتاب درسی)

«۴۲- گزینه ۱»

A و B دو مجموعه جدا از هم هستند، یعنی اشتراک آن‌ها تهی است. با توجه به نمودار ون، $A - B = B - A = B$ می‌شود. پس داریم:

$$((A - B) \cup (B - A))' = (A \cup B)' = A' \cap B'$$



$$A \cup B \longrightarrow (A \cup B)' = A' \cap B'$$

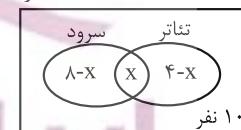
مجدداً تتم مجموعه $A' \cap B'$ به صورت $A \cup B$ خواهد بود.

(مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۸ تا ۱۳ کتاب درسی)

«۴۳- گزینه ۲»

x را تعداد اعضای مشترک دو گروه درنظر می‌گیریم، داریم:

۲۰ نفر



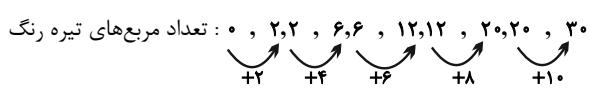
$$8 - X + X + 4 - X = 20 - 10 \Rightarrow 12 - X = 10 \Rightarrow X = 2$$

(مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۸ تا ۱۳ کتاب درسی)

«۴۴- گزینه ۱»

تعداد کل مربع‌ها در شکل ۱۱م، از رابطه $\frac{n(n+1)}{2}$ به دست می‌آید.

$$\frac{10 \times 11}{2} = 55$$



در هر شکل قطرهای شماره زوج تیره‌اند:

$$2 + 4 + \dots + 10 = 2(1 + \dots + 5) = 30$$

$$\Rightarrow \frac{30}{55} = \frac{6}{11}$$

(مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۱۴ تا ۲۰ کتاب درسی)

(علی شهرابی)

«۴۷- گزینه ۴»

جمله عمومی این دنباله به صورت $f_n = an^2 + bn + c$ است.

جملات به صورت روبروند:

$$\begin{array}{ccccccc} 2 & , & 7 & , & 14 & , & 22 \\ \nearrow 5 & & \nearrow 7 & & \nearrow 9 & & \end{array} \dots$$

اعداد ...، ۵ تشکیل یک دنباله حسابی با قدرنسبت $d = 2$ می‌دهند، پس ضریب n^2 برابر با نصف d یعنی ۱ است:

$$\Rightarrow f_n = n^2 + bn + c$$

حال با دو جمله اول و حل یک دستگاه، مقدار b و c را پیدا می‌کنیم:

$$\left. \begin{array}{l} f_1 = 2 \Rightarrow 1 + b + c = 2 \Rightarrow b + c = 1 \\ f_2 = 7 \Rightarrow 4 + 2b + c = 7 \Rightarrow 2b + c = 3 \end{array} \right\} \Rightarrow b = 2, c = -1$$

پس $f_n = n^2 + 2n - 1$ است و در نتیجه:

$$f_{30} = 30^2 + 2(30) - 1 = 959$$

(مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۱۴ تا ۲۰ کتاب درسی)

(محمد مهمندی ابراهیمی)

«۴۸- گزینه ۱»

$$a_n = bn - b + 3b + 1 = bn + 2b + 1$$

ضریب n برابر قدرنسبت و در نتیجه $b = -4$ است.

$$a_n = -4n - 7 = -35 \Rightarrow -4n = -28 \Rightarrow n = 7$$

(مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۱۴ تا ۲۰ کتاب درسی)

«کتاب اول»

«۵۲- گزینه ۳»

به بررسی هر کدام از موارد می پردازیم:
مورد «الف»: اجتماع مجموعه نامتناهی با هر مجموعه‌ای، نامتناهی است.

$$\left\{ \begin{array}{l} A = (4, +\infty) \\ B = (-1, 5) \end{array} \right. \Rightarrow A \cup B = (-1, +\infty)$$

به عنوان مثال:

$$\left\{ \begin{array}{l} A = (4, +\infty) \\ B = (1, +\infty) \end{array} \right. \Rightarrow A \cap B = (4, +\infty)$$

مثال:

مورد «پ»: اشتراک دو مجموعه نامتناهی الزاماً متناهی نیست. به عنوان

$$\left\{ \begin{array}{l} A = (4, +\infty) \\ B = (-\infty, 2) \end{array} \right. \Rightarrow A - B = (4, +\infty)$$

به عنوان مثال:

(مجموعه، الگو و نیاله، صفحه‌های ۲ تا ۷ کتاب درسی)

«کتاب اول»

«۵۳- گزینه ۴»

در این سؤال افراد به دو دسته (عینک زدن و نزدن) و (چپ دست و راست دست) تقسیم شده‌اند.

افرادی که عینک نمی‌زنند = A'

افرادی که عینک می‌زنند = A

افرادی که راست دست هستند = B'

افرادی که چپ دست هستند = B

$$\begin{aligned} n(A) &= 12 & n(A') &= n(U) - n(A) = 26 \Rightarrow n(U) = 26 + 12 = 38 \\ n(B \cup A') &= n(B) + n(A') - n(B \cap A') \\ &= n(B) + n(A') - (n(B) - n(B \cap A)) = 26 + n(A \cap B) = 30 \\ \Rightarrow n(A \cap B) &= 4 \end{aligned}$$

تعداد افرادی که عینک می‌زنند و راست دست هستند = $n(A \cap B')$

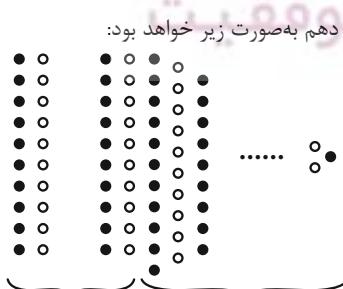
$$\Rightarrow n(A \cap B') = n(A - B) = n(A) - n(A \cap B) = 12 - 4 = 8$$

(مجموعه، الگو و نیاله، صفحه‌های ۸ تا ۱۳ کتاب درسی)

«کتاب اول»

«۵۴- گزینه ۴»

با توجه به شکل داده شده، می‌توان شکل را به دو قسمت (مربع و مثلث) تقسیم کرد.



۱۰ ردیف

۱۱ ردیف

تعداد دایره‌های توپر شکل دهم:

$$\frac{(10)^2}{2} + (11+9+\dots+3+1) = 50 + 36 = 86$$

(مجموعه، الگو و نیاله، صفحه‌های ۲ تا ۷ کتاب درسی)

(مسعود نژادیان)

«۴۹- گزینه ۲»

$$\frac{a_8}{a_5} = \frac{24}{3} = 8 \Rightarrow \frac{a_1 q^7}{a_1 q^4} = 8 \Rightarrow q^3 = 8$$

$$\frac{a_{21}}{a_{18}} = \frac{a_1 q^{19}}{a_1 q^{17}} = q^2 = 8$$

(مجموعه، الگو و نیاله، صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷ کتاب درسی)

(احسان غنی‌زاده)

«۵۰- گزینه ۳»

$$\left. \begin{array}{l} n = 1 \Rightarrow a_1 = b + 3 \\ n = 3 \Rightarrow a_3 = b + 9 \\ n = 7 \Rightarrow a_7 = b + 21 \end{array} \right\} \Rightarrow a_1 \times a_7 = (a_3)^2$$

$$\begin{aligned} (b+21)(b+3) &= (b+9)^2 \Rightarrow b^2 + 24b + 63 = b^2 + 18b + 81 \\ \Rightarrow 6b &= 18 \Rightarrow b = 3 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow a_n = 3n + 3 \quad \text{---} \quad a_2 = 3 \times 2 + 3 = 9$$

(مجموعه، الگو و نیاله، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷ کتاب درسی)

«کتاب اول»

«۵۱- گزینه ۴»

همه گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم و تعداد عضوها را به دست می‌آوریم.

$$\begin{aligned} n^2 < 36 &\xrightarrow{n \in \mathbb{Z}} A = \{-5, -4, -3, \dots, 3, 4, 5\} \\ \Rightarrow n(A) &= 11 \end{aligned}$$

گزینه ۲

$$B = \{(-6)^2, (-5)^2, (-4)^2, (-3)^2, (-2)^2, (-1)^2, 0, 1^2, 2^2, 3^2, 4^2\}$$

$$\Rightarrow B = \{0, 1, 4, 9, 16, 25, 36\} \Rightarrow n(B) = 7$$

$$\left\{ \begin{array}{l} n = 1 \Rightarrow 5(\frac{10-1}{9}) = 5 \\ n = 2 \Rightarrow 5(\frac{10^2-1}{9}) \Rightarrow n(C) = 9 \\ \vdots \\ n = 9 \Rightarrow 5(\frac{10^9-1}{9}) \end{array} \right. \quad \text{گزینه ۳}$$

گزینه ۴: برای اینکه $\frac{18}{n}$ عددی صحیح باشد باید n مقسوم‌علیه ۱۸ باشد.

$$n = \pm 1, \pm 2, \pm 3, \pm 6, \pm 9, \pm 18 \Rightarrow n(D) = 12$$

بنابراین پاسخ گزینه ۴ است.

(مجموعه، الگو و نیاله، صفحه‌های ۲ تا ۷ کتاب درسی)



کتاب اول

«۵۸- گزینه»

با استفاده از جمله عمومی دنباله حسابی به صورت $t_n = t_1 + (n-1)d$ خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} \frac{\Delta t_6 + \Delta t_9 - \Delta t_4}{3} &= \frac{\Delta(t_1 + 5d) + \Delta(t_1 + 8d) - \Delta(t_1 + 3d)}{3} \\ &= \frac{\Delta t_1 + 2\Delta d + \Delta t_1 + 5\Delta d - 3t_1 - 9d}{3} = \frac{9t_1 + 72d}{3} \\ &= 3t_1 + 24d = 3(t_1 + 8d) = 3t_9 \end{aligned}$$

(مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴ کتاب درسی)

کتاب اول

«۵۹- گزینه»

جمله n ام (جمله عمومی) دنباله هندسی به صورت $t_n = t_1 r^{n-1}$ است ($t_1, r \neq 0$) جمله اول و r قدرنسبت می‌باشد.

$$t_3 = t_1 r^2 = 12, \quad t_6 = t_1 r^5 = 96$$

با تقسیم جمله ششم بر جمله سوم دنباله، خواهیم داشت:

$$\frac{t_6}{t_3} = \frac{t_1 r^5}{t_1 r^2} = \frac{96}{12} \Rightarrow r^3 = 8 \Rightarrow r = 2$$

با جایگذاری $r = 2$ در یکی از جملات داده شده، می‌توان t_1 را محاسبه کرد:

$$\Rightarrow t_3 = t_1 r^2 = 12 \Rightarrow t_1 (2)^2 = 12 \Rightarrow t_1 = 3$$

$$t_2 = t_1 r = 3 \times 2 = 6$$

(مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷ کتاب درسی)

کتاب اول

«۶۰- گزینه»

با در نظر گرفتن جمله عمومی دنباله هندسی به صورت $t_n = t_1 r^{n-1}$ و $t_5 = t_1 r^4$ با استفاده از رابطه داده شده در صورت سوال، خواهیم داشت:

$$\Rightarrow t_8 = 8t_5 \Rightarrow \frac{t_8}{t_5} = 8 \Rightarrow \frac{t_1 r^7}{t_1 r^4} = 8 \Rightarrow r^3 = 8 \Rightarrow r = 2$$

$$\Rightarrow t_8 - t_5 = 84 \Rightarrow t_1 r^7 - t_1 r^4 = t_1 r^4(r^3 - 1) = 84$$

$$\Rightarrow (2)^7 \times t_1(8-1) = 84 \Rightarrow t_1 = \frac{12}{16} = \frac{3}{4}$$

(مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷ کتاب درسی)

کتاب اول

«۵۵- گزینه»

$$\begin{aligned} t_n &= an + b \\ t_{12} = 119 &\Rightarrow 12a + b = 119 \\ t_{20} = 199 &\Rightarrow 20a + b = 199 \end{aligned} \Rightarrow \begin{cases} 12a = 80 \Rightarrow a = 10, b = -1 \Rightarrow t_n = 10n - 1 \\ \downarrow \end{cases}$$

جملات دنباله $9, 19, 29, 39, 49, 59, \dots$

دومین مربع کامل اولین مربع کامل

(مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۱۶ و ۱۷ کتاب درسی)

کتاب اول

«۵۶- گزینه»

روش اول:

با بررسی روند تغییرات هر جمله نسبت به جمله قبلی و دانستن این نکته که افزایش جملات در دنباله درجه ۲، خود به میزان ثابتی افزایش یافته و تشکیل دنباله خطی می‌دهند، خواهیم داشت:

$$\begin{array}{ccccccccc} 17 & , & 14 & , & 9 & , & 2 & , & -7 \\ \nearrow & & \nearrow & & \nearrow & & \nearrow & & \nearrow \\ -2 & & -2 & & -2 & & -2 & & -2 \end{array} \Rightarrow t_6 = -18$$

روش دوم: جمله عمومی دنباله درجه ۲ به صورت $t_n = an^2 + bn + c$ خواهد بود، بنابراین با جایگذاری ۳ جمله از این دنباله در جمله عمومی، می‌توان ضرایب a, b, c را به دست آورد:

$$\begin{cases} t_1 = 17 \Rightarrow a(1)^2 + b(1) + c = 17 \\ t_2 = 14 \Rightarrow a(2)^2 + b(2) + c = 14 \\ t_3 = 9 \Rightarrow a(3)^2 + b(3) + c = 9 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} a + b + c &= 17 & a &= -1 \\ 4a + 2b + c &= 14 \Rightarrow b &= 0 \Rightarrow t_n &= -n^2 + 18 \\ 9a + 3b + c &= 9 & c &= 18 \end{aligned}$$

(مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۱۶ تا ۲۰ کتاب درسی)

کتاب اول

«۵۷- گزینه»

اگر a, b, c جمله متوالی از یک دنباله حسابی باشند، داریم:

$$4b = a + c$$

$$\Rightarrow 2(2A - 3) = 3A + 2 + 8A + 1$$

$$\Rightarrow 14A - 6 = 11A + 3 \Rightarrow 3A = 9 \Rightarrow A = 3$$

(مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴ کتاب درسی)



(محمد قدس)

«۶۳- گزینه»

با استفاده از قواعد نمادگذاری علمی و به کمک روش تبدیل زنجیره‌ای،
داریم:

$$\text{نمادگذاری علمی} \rightarrow ۰ / ۰۰۰۰۰۲۳۵ \text{ km}^2 \rightarrow ۰ / ۳۵ \times ۱۰^{-۶} \text{ km}^2$$

$$۰ / ۳۵ \times ۱۰^{-۶} \text{ km}^2 \times \frac{(10^3)^2 \text{ m}^2}{1 \text{ km}^2} \times \frac{1 \text{ cm}^2}{(10^{-2})^2 \text{ m}^2}$$

$$= ۰ / ۳۵ \times ۱۰^4 \text{ cm}^2$$

با مقایسه با فرم داده شده در سؤال $(a \times 10^b)$, در می‌باییم که
 $b = ۴$ و $a = ۰ / ۳۵$

$$a + b = ۰ / ۳۵ + ۴ = ۶ / ۳۵$$

(فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳ کتاب درسی)

(مسنون قندپرها)

«۶۴- گزینه»

یکای چگالی در SI برابر با $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ است. در نتیجه باید بررسی کنیم

$$\text{کدامیک از سه یکای موردنظر برابر با } \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \text{ است.}$$

$$\frac{\mu\text{g}}{\text{mL}} = \frac{\mu\text{g}}{\text{mL}} \times \frac{1\text{kg}}{10^9 \mu\text{g}} \times \frac{10^3 \text{ mL}}{1\text{L}} \times \frac{10^3 \text{ L}}{1\text{m}^3} = 10^{-3} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \Rightarrow$$

برابر نیستند

$$\frac{\text{ton}}{\text{km}^3} = \frac{\text{ton}}{\text{km}^3} \times \frac{10^3 \text{ kg}}{1\text{ton}} \times \frac{1\text{km}^3}{(10^3)^3 \text{ m}^3} = 10^{-6} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \Rightarrow$$

برابر نیستند

$$\frac{\text{ng}}{\text{mm}^3} = \frac{\text{ng}}{\text{mm}^3} \times \frac{1\text{kg}}{10^{12} \text{ ng}} \times \frac{(10^3)^3 \text{ mm}^3}{1\text{m}^3} = 10^{-3} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \Rightarrow$$

برابر نیستند

(فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۷ تا ۱۸ کتاب درسی)

(محمد صارق مام سیده)

«۶۵- گزینه»

با استفاده از تبدیل زنجیره‌ای، می‌توان نوشت:

$$\frac{g \cdot m \cdot cm \cdot dm^3}{mL \cdot s^2} = \frac{g \cdot m \cdot cm \cdot dm^3}{mL \cdot s^2} \times \frac{1kg}{10^3 g} \times \frac{1m}{10^2 cm}$$

$$\times \left(\frac{1m}{10dm} \right)^2 \times \frac{1mL}{10^{-3} L} \times \frac{1L}{10^{-3} m^3}$$

$$= 1650 \times \frac{1}{10} = 165 \frac{kg \cdot m}{s^2} = 165N$$

(فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۷ تا ۱۳ کتاب درسی)

فیزیک دهم

«۶۱- گزینه»

(امیر معمودی انتزابی)

بنابر آخرین توافق جهانی مجمع عمومی وزن‌ها و مقیاس‌ها در سال ۱۹۸۳ میلادی، یک متر برابر مسافتی تعريف شد که نور در مدت زمان

$$\frac{1}{299792458} \text{ ثانیه در خلاء می‌کند. ضمناً در گذشته، یکای زمان}$$

در SI، به صورت $\frac{1}{86400}$ میانگین روز خورشیدی تعريف می‌شد.

بررسی گزاره‌های نادرست:

گزاره (الف): تغییرناپذیری و قابلیت بازتولید در مکان‌های مختلف، جزو ویژگی‌های یکاهای اندازه‌گیری استاندارد هست که هم در دستگاه متريک و هم در سایر دستگاه‌های اندازه‌گیری پذیرفته شده در جهان، برقرارند.

گزاره (ت): پدیده‌های طبیعی تکرارشونده‌ای نظیر ضربان قلب، می‌توانند در کارهای غیردقیق به عنوان ابزار اندازه‌گیری زمان مورد استفاده قرار گیرند.

(فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۷ تا ۹ کتاب درسی)

«۶۲- گزینه»

تبدیل یکای هر کدام از گزینه‌ها را به صورت زیر انجام می‌دهیم:
گزینه «۱»:

$$۳ / ۹ \times 10^{-7} \text{ cm}^2 = ۳ / ۹ \times 10^{-7} \text{ cm}^2 \times \left(\frac{10^{-2} \text{ m}}{1 \text{ cm}} \times \frac{1 \mu\text{m}}{10^{-6} \text{ m}} \right)^2 = ۳۹ \mu\text{m}^2$$

گزینه «۲»:

$$1 / ۲ \times 10^{-7} \frac{\text{ns}}{\text{mm}^3} = 1 / ۲ \times 10^{-7} \frac{\text{ns}}{\text{mm}^3} \times \frac{10^{-9} \text{s}}{1 \text{ ns}} \times \frac{1 \text{ Ts}}{10^{12} \text{ s}}$$

$$\times \left(\frac{1 \text{ mm}}{10^{-3} \text{ m}} \times \frac{10^3 \text{ m}}{1 \text{ km}} \right)^3 = 1 / ۲ \times 10^{-4} \frac{\text{Ts}}{\text{km}^3}$$

گزینه «۳»:

$$2 / ۳ \times 10^{-7} \frac{\text{ms}}{\text{Mm}^3} = 2 / ۳ \times 10^{-7} \frac{\text{ms}}{\text{Mm}^3} \times \frac{10^{-3} \text{s}}{1 \text{ ms}}$$

$$\times \frac{1 \text{ ps}}{10^{-12} \text{ s}} \times \left(\frac{1 \text{ Mm}}{10^6 \text{ m}} \times \frac{10^9 \text{ m}}{1 \text{ Gm}} \right)^3 = 2 / ۳ \times 10^{11} \frac{\text{ps}}{\text{Gm}^3}$$

گزینه «۴»:

$$10^{-7} \frac{\mu\text{m}^2}{\text{ng} \cdot \text{ps}^2} = 10^{-7} \frac{\mu\text{m}^2}{\text{ng} \cdot \text{ps}^2}$$

$$\times \left(\frac{10^{-6} \text{ m}}{1 \mu\text{m}} \times \frac{1 \text{ cm}}{10^{-2} \text{ m}} \right)^2 \times \frac{1 \text{ ng}}{10^{-9} \text{ g}} \times \frac{10^1 \text{ g}}{1 \text{ dag}}$$

$$\times \left(\frac{1 \text{ ps}}{10^{-12} \text{ s}} \times \frac{10^9 \text{ s}}{1 \text{ Gs}} \right)^2 = 10^{37} \frac{\text{cm}^2}{\text{dag.Gs}^2}$$

پس تبدیل یکای گزینه «۴» نادرست است.

(فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳ کتاب درسی)



«۶۹- گزینه ۱»

(مبین هفغان - مشابه سوال ۵۵ کتاب پر تکرار)

اندازه نیروی همچسبی بین مولکول های جیوه بیشتر از اندازه نیروی دگرچسبی بین مولکول های جیوه و شیشه است، بنابراین سطح جیوه در لوله موبین پایین تر از سطح آزاد جیوه در ظرف قرار می گیرد.

(نیروی بین مولکولی، صفحه های ۲۸ تا ۳۲ کتاب (رسی))

(زهره آقامحمدی - مشابه سوال ۲۴ کتاب پر تکرار)

«۶۶- گزینه ۱»

در وسیله های رقمی یک واحد از آخرین رقمی که وسیله اندازه می گیرد برابر با دقت اندازه گیری آن وسیله است. پس در آمپرسنج رقمی، دقت اندازه گیری برابر با $0.1A$ است.

در وسیله های مدرج کمینه درجه بندی وسیله اندازه گیری برابر با دقت آن وسیله است. بنابراین داریم:

$$\frac{1}{2} A = 0.1A \Rightarrow A = 0.2A$$

(فیزیک و اندازه گیری، صفحه های ۱۴ و ۱۵ کتاب (رسی))

«۶۷- گزینه ۴»

با استفاده از رابطه چگالی مخلوط داریم:

$$\begin{aligned} \rho_A &= 1200 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 1/2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_B = 1800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 1/8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \\ \rho_{\text{مخلوط}} &= \frac{m_A + m_B}{V_A + V_B} = \frac{\rho_A V_A + \rho_B V_B}{V_A + V_B} = \frac{1/2 \times 50 + 1/8 \times 100}{50 + 100} \\ &= \frac{240}{150} = 1.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \end{aligned}$$

(فیزیک و اندازه گیری، صفحه های ۱۶ تا ۱۸ کتاب (رسی))

«۶۸- گزینه ۴»

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow 12 = \frac{120}{V} \rightarrow V = 10 \text{ cm}^3$$

از طرفی حجم جواهر برابر مجموع حجم طلا و ماده دیگر می باشد، بنابراین:

$$V_{\text{ماده}} + V_{\text{طلا}} = 10 \text{ cm}^3$$

$$m_{\text{ماده}} + m_{\text{طلا}} = 12 \quad \xrightarrow{m = \rho V}$$

$$m_{\text{ماده}} = 12 - m_{\text{طلا}} \quad \text{و} \quad m_{\text{طلا}} = \rho_{\text{طلا}} V_{\text{طلا}}$$

$$m_{\text{ماده}} = 12 - 120 \times \frac{14}{30} = 20$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 20V_{\text{طلا}} + 5V_{\text{ماده}} = 120 \\ V_{\text{ماده}} + V_{\text{طلا}} = 10 \\ \Rightarrow V_{\text{طلا}} = \frac{70}{15} = \frac{14}{3} \text{ cm}^3 \end{array} \right.$$

$$m_{\text{طلا}} = \rho_{\text{طلا}} V_{\text{طلا}} = 280 \times \frac{14}{30} = \frac{280}{3} \text{ g}$$

(فیزیک و اندازه گیری، صفحه های ۱۶ تا ۱۸ کتاب (رسی))



«رفنا آریاگر»

$$F_1 = ۹۴\% \text{ و } F_2 = ۶\% / M_1 = ۷, M_2 = ?$$

$$\bar{M} = \frac{(M_1 F_1) + (M_2 F_2)}{F_1 + F_2}$$

$$\Rightarrow ۶ / ۹۴ = \frac{(۷ \times ۹۴) + (M_2 \times ۶)}{۱۰۰} \Rightarrow M_2 = ۶ \text{ amu}$$

$$\Rightarrow {}^6 \text{Li} \Rightarrow \begin{cases} p = ۳ \\ n = ۶ - ۳ = ۳ \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{9} = ۳ \times ۳ \times \frac{1}{9} = ۱ \quad \text{مقدار خواسته شده}$$

(کیوان زادگاه عناصر، صفحه‌های ۵ و ۱۳)

«امیرحسین طبیب»

ابتدا با توجه به داده‌های سؤال، جرم اتمی میانگین عنصر M را به دست می‌آوریم:

$$\bar{M} = \frac{M_1 F_1 + M_2 F_2}{F_1 + F_2} \Rightarrow \bar{M} = \frac{۴۷(۱) + ۴۹(۳)}{۱+۳} = ۴۸ / ۵ \text{ amu}$$

جرم مولی $M_2 O_X$ برابر با $(48 / 5) + x(16) = ۱۶x + ۹۷$ است.

$$29g M_2 O_X \times \frac{۱\text{mol } M_2 O_X}{(۱۶x + ۹۷)\text{g } M_2 O_X} \times \frac{x\text{mol O}}{۱\text{mol } M_2 O_X} = ۰ / ۶ \text{ mol O}$$

$$\Rightarrow ۲۹x = ۰ / ۶x + ۵۸ / ۲ \Rightarrow ۱۹ / ۴x = ۵۸ / ۲ \Rightarrow x = ۳$$

(کیوان زادگاه عناصر، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

«رئوف اسلامی (دوست)»

$$NH_3 = ۵ / 1g NH_3 \times \frac{۱\text{mol } NH_3}{17g NH_3} = \text{تعداد مولکول‌های } NH_3$$

$$\times \frac{N_A \text{ مولکول } NH_3}{1\text{mol } NH_3} = ۰ / ۳ N_A \text{ مولکول } NH_3$$

$$\frac{X_2 \text{ گرم}}{۰ / ۳ N_A \text{ NH}_3} = \frac{۲۵}{۳} \frac{X_2}{NH_3} \quad \text{تعداد اتم‌های دار}$$

$$\Rightarrow X_2 = ۲ / ۵ N_A \quad \text{گرم} = ۴۷ / ۵ \quad \text{تعداد اتم‌ها در}$$

$$47 / 5g X_2 \times \frac{۱\text{mol } X_2}{Mg X_2} \times \frac{۲\text{mol X}}{1\text{mol } X_2}$$

$$\times \frac{N_A X}{1\text{mol X}} = ۲ / ۵ N_A (X) \Rightarrow M = ۳۸ \text{ g.mol}^{-1}$$

جرم مولی X_2 است؛ پس جرم مولی X برابر 19 g.mol^{-1} است.

$$\Rightarrow X = 19 \text{ g.mol}^{-1} \quad \text{عنصر X همان فلورور } ({}^{19}F) \text{ است.}$$

(کیوان زادگاه عناصر، صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

«علی امین»

«گزینه ۲»

«رفنا آریاگر»

شیمی دهم

«گزینه ۲»

موارد «پ» و «ت» درست‌اند.

بررسی همهٔ موارد:

عبارت «آ»: جدول تناوبی ۷ دوره دارد.

عبارت «ب»: در ۴ دوره اول جدول تناوبی نماد شیمیایی ۵ عنصر دو حرفی ${}^{17}\text{Cl}$, ${}^{20}\text{Ca}$, ${}^{24}\text{Cr}$, ${}^{27}\text{Co}$, ${}^{29}\text{Cu}$ با حرف C شروع شده است.

عبارت «پ»: پرعنصرترین دوره‌های جدول دوره‌ای، دوره‌های ۶ و ۷ عنصر و کم‌عنصرترین دوره جدول دوره‌ای دوره ۱ (۲ عنصر) هستند.

عبارت «ت»: از ۱۱۸ عنصر این جدول، ۲۶ عنصر ساختگی است که به

$$\frac{۲۶}{۱۱۸} \times ۱۰۰ \% \approx ۲۲ \% \quad \text{تقریب برابر ۲۲ درصد از کل عناصر خواهد بود.}$$

(کیوان زادگاه عناصر، صفحه‌های ۷ تا ۱۳)

«گزینه ۲»

«ارشیک فانلدری»

«گزینه ۲»

در یون ${}^{11}\text{Na}^+$, ۱۰ الکترون، ۱۱ پروتون و ۱۲ نوترون وجود دارد. جرم هر پروتون و یا هر نوترون تقریباً ۲۰۰۰ برابر جرم هر الکترون می‌باشد. پس:

$$\frac{\text{مجموع جرم الکترون‌ها}}{\text{جرم کل یون}} = \frac{۱}{\frac{۱}{11(2000)} + \frac{۱}{12(2000)}} = \frac{1}{4600}$$

(کیوان زادگاه عناصر، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۸)

«گزینه ۳»

«سیده‌لال میری شاهروانی»

«گزینه ۳»

$$\frac{۱\text{mol Fe}}{56g Fe} \times \frac{۶ / ۰۲ \times 10^{۲۳} \text{ atom Fe}}{1\text{mol Fe}} = ۲ / ۱\text{g Fe} = \text{نوترون؟}$$

$$\times \frac{۳۰ \text{ نوترون}}{\text{atom Fe}} = ۹ / ۰۳ \times 10^{۲۳}$$

(کیوان زادگاه عناصر، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۹)

«گزینه ۳»

«پروانه احمدی - مشابه سوال ۵ کتاب پرکنار»

جرم هر پروتون یا نوترون را m در نظر می‌گیریم؛ بنابراین خواهیم داشت:

$$\frac{Z \times \frac{۱}{2000} m}{4Z \times m} = \frac{۱}{4} \times \frac{۱}{2000} = \frac{1}{8000}$$

(کیوان زادگاه عناصر، صفحه ۱۴)

«گزینه ۱»

«ممدرسین محمدزاده مقدم - مشابه سوال ۲۷ کتاب پرکنار»

$$F_2 + F_۳ = ۹۴$$

$$F_1 + F_۲ + F_۳ = ۱۰۰ \Rightarrow F_1 + ۹۴ = ۱۰۰ \Rightarrow F_1 = ۶\%$$

$$F_1 = ۳F_۳ \Rightarrow F_۳ = \frac{۶}{۳} = ۲\% \Rightarrow F_۲ = ۹۷\%$$

$$\bar{M} = \frac{F_1 M_1 + F_۲ M_۲ + F_۳ M_۳}{100} = \frac{(۶ \times ۵۴) + (۹۷ \times ۵۶) + (۲ \times ۵۷)}{100}$$

$$\Rightarrow \bar{M} = ۵۵ / ۹ \text{ amu}$$

(کیوان زادگاه عناصر، صفحه ۱۵)

«علی امین»

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت «آ»: دومین عنصر فراوان در زمین اکسیژن و در مشتری هلیم است.

عبارت «ت»: در میان هشت عنصر فراوان زمین، عنصر هیدروژن وجود ندارد. در میان این هشت عنصر، عنصرهای اکسیژن و گوگرد در دو سیاره مشتری‌اند.

(کیوان زادگاه عناصر، صفحه ۳)



«انرژی گرمایی و نور خیره‌کننده خورشید به دلیل تبدیل هیدروژن به هلیم در واکنش‌های هسته‌ای است که در آن‌ها انرژی هنگفتی آزاد می‌شود. البته توجه داشته باشید که در واکنش‌های شیمیایی که در پدیده‌های طبیعی پیرامون ما و در زندگی روزانه رخ می‌دهند، مقدار انرژی مبادله شده بسیار کمتر است.»

(کیهان زادگاه عناصر، صفحه ۳)

«کتاب اول»

۸۳- گزینه «۳»

تعداد پروتون‌ها، الکترون‌ها و نوترون‌ها را برای هر یک از ایزوتوپ‌های داده شده، محاسبه می‌کنیم:

$^{26}_{12}\text{Mg}$: (۱)

$$(A) = 26 \quad \text{عدد جرمی}$$

$$(Z) = 12 \quad \text{عدد اتمی}$$

$$\text{ذره خنثی است} \Rightarrow \text{تعداد الکترون‌ها} = \text{تعداد پروتون‌ها}$$

$$(N) = A - Z = 26 - 12 = 14 \quad \text{تعداد نوترون‌ها}$$

$^{43}_{99}\text{Tc}$: (۲)

$$(A) = 99 \quad \text{عدد جرمی}$$

$$(Z) = 43 \quad \text{عدد اتمی}$$

$$\text{تعداد پروتون‌ها} = \text{تعداد الکترون‌ها} \Rightarrow \text{ذره خنثی است}$$

$$(N) = A - Z = 99 - 43 = 56 \quad \text{تعداد نوترون‌ها}$$

$^{59}_{26}\text{Fe}^{2+}$: (۳)

$$(A) = 59 \quad \text{عدد جرمی}$$

$$(Z) = 26 \quad \text{عدد اتمی}$$

$$= 26 - (+2) = 24 \quad \text{بار} - \text{تعداد پروتون‌ها} = \text{تعداد الکترون‌ها} \Rightarrow \text{ذره باردار}$$

$$(N) = A - Z = 59 - 26 = 33 \quad \text{تعداد نوترون‌ها}$$

(کیهان زادگاه عناصر، صفحه ۵)

«کتاب اول»

۸۴- گزینه «۱»

ویژگی ایزوتوپ	^1H	^2H	^3H	^4H
نیم عمر	پایدار	پایدار	$12 / 32$ سال	$1 / 4 \times 10^{-22}$ ثانیه
درصد فراوانی در طبیعت	$99 / 9885$	$0 / 0114$	ناقص	۰ (ساختگی)

ویژگی ایزوتوپ	^5H	^6H	^7H
نیم عمر	$9 / 1 \times 10^{-22}$ ثانیه	$2 / 9 \times 10^{-22}$ ثانیه	$2 / 3 \times 10^{-23}$ ثانیه
درصد فراوانی در طبیعت	۰ (ساختگی)	۰ (ساختگی)	۰ (ساختگی)

^2H و ^1H		پایدار	ایزوتوپ‌های هیدروژن
^3H	طبیعی		
^4H			
^9H			
$^{5\text{H}}$			
$^{9\text{H}}$			
$^{6\text{H}}$			
$^{9\text{H}}$			
$^{7\text{H}}$			

(کیهان زادگاه عناصر، صفحه‌های ۱ و ۲)

«امیرحسین طین - مشابه سوال ۹ کتاب پرکلار»
اختلاف الکترون و نوترون برابر ۲ است؛ اما چون این ذره یک آئیون می‌باشد، نمی‌توان با قاطعیت گفت تعداد الکترون یا نوترون بیشتر است. یکبار با $n - e = 2$ و یکبار با $e - n = 2$ عدد اتمی را به دست آوریم.

$$\begin{cases} n - e = 2 \\ e = p + 2 \end{cases} \Rightarrow n - (p + 2) = 2 \Rightarrow n - p = 4$$

$$A = 32 \longrightarrow n + p = 32$$

$$\Rightarrow \begin{cases} n = 18 \\ p = 14 \end{cases} \Rightarrow {}_{14}\text{Si}$$

$$\begin{cases} e - n = 2 \\ e = p + 2 \end{cases} \Rightarrow (p + 2) - n = 2 \Rightarrow n - p = 0$$

$$A = 32 \longrightarrow n + p = 32$$

$$\Rightarrow \begin{cases} n = 16 \\ p = 16 \end{cases} \Rightarrow {}_{16}\text{S}$$

می‌دانیم که سیلیسیم یون پایدار ندارد، در نتیجه عنصر مورد نظر گوگرد است.

تعداد ذرات زیراتومی باردار (الکترون و پروتون) در این یون برابر است با:

$$e + p = 18 + 16 = 34$$

(کیهان زادگاه عناصر، صفحه ۵)

۸۰- گزینه «۳»

اختلاف الکترون و نوترون برابر ۲ است؛ اما چون این ذره یک آئیون می‌باشد، نمی‌توان با قاطعیت گفت تعداد الکترون یا نوترون بیشتر است. یکبار

$$\begin{cases} n - e = 2 \\ e = p + 2 \end{cases} \Rightarrow n - (p + 2) = 2 \Rightarrow n - p = 4$$

$$A = 32 \longrightarrow n + p = 32$$

$$\Rightarrow \begin{cases} n = 18 \\ p = 14 \end{cases} \Rightarrow {}_{14}\text{Si}$$

$$\begin{cases} e - n = 2 \\ e = p + 2 \end{cases} \Rightarrow (p + 2) - n = 2 \Rightarrow n - p = 0$$

$$A = 32 \longrightarrow n + p = 32$$

$$\Rightarrow \begin{cases} n = 16 \\ p = 16 \end{cases} \Rightarrow {}_{16}\text{S}$$

می‌دانیم که سیلیسیم یون پایدار ندارد، در نتیجه عنصر مورد نظر گوگرد است.

تعداد ذرات زیراتومی باردار (الکترون و پروتون) در این یون برابر است با:

$$e + p = 18 + 16 = 34$$

(کیهان زادگاه عناصر، صفحه ۵)

۸۱- گزینه «۴»

عبارت‌های «الف»، «پ» و «ت» درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت «الف»: انسان همواره با سه پرسش زیر روبرو بوده است:

پاسخ به این پرسش در قلمرو علم تجربی نمی‌گنجد.	(۱) هستی چگونه بدید آمده است؟
-----------------------------------------------	-------------------------------

علم تجربی تلاش گسترده‌ای برای یافتن پاسخ این پرسش‌ها انجام داده و این تلاش‌ها سبب افزایش دانش ما درباره جهان مادی شده است.	(۲) چگونه شکل گرفته است؟
----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	--------------------------

عبارت «ب»: دانشمندان دو فضایی‌مای وویجر (۱) و (۲) را برای شناخت بیشتر سامانه خورشیدی به فضا فرستادند.	(۳) پدیده‌های طبیعی چرا و چگونه رخ می‌دهند؟
-------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------------------------------------------

عبارت «پ»: شناسنامه‌های فیزیکی و شیمیایی سیاره‌ها می‌تواند حاوی اطلاعاتی مانند نوع عنصرهای سازنده، ترکیب‌های شیمیایی در اتمسفر آن‌ها و ترکیب درصد این مواد باشد.

عبارت «ت»: شواهد تاریخی که از سنگ نشسته‌ها و نقاشی‌های دیوار غارها به دست آمده است، نشان می‌دهد که انسان اولیه با نگاه به آسمان و مشاهده ستارگان، در پی فهم نظام و قانونمندی در آسمان بوده است.

(کیهان زادگاه عناصر، صفحه ۲)

۸۲- گزینه «۱»

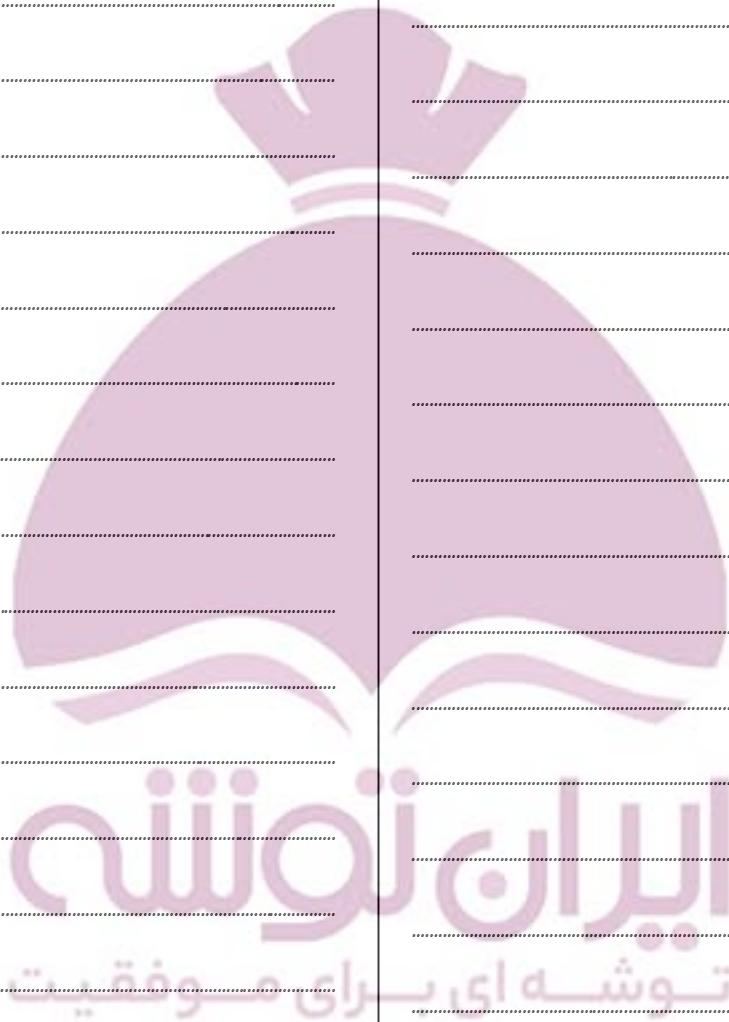
برخی از دانشمندان براین باورند که سرآغاز کیهان با انفجاری مهیب (مهیانگ) همراه بوده که طی آن انرژی عظیمی آزاد شده است. در آن

شرایط پس از پدیدآمدن ذره‌های زیراتومی مانند الکترون، پروتون و نوترون، عنصرهای هیدروژن و هلیم پا به عرصه جهان گذاشتند. با

گذشت زمان و کاهش دما، گازهای هیدروژن و هلیم تولیدشده، متراکم شد و مجموعه‌های گازی به نام سحابی ایجاد کرد. بعدها این سحابی‌ها سبب پیدایش ستاره‌ها و کهکشان‌ها شد.

(کیهان زادگاه عناصر، صفحه‌های ۱ و ۲)

محل انجام محاسبات:



دفترچه پاسخ

آزمون هفدهم ۶ مرداد

(دوره دهم)

۱۷ مرداد

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

حمید لنجانزاده اصفهانی	مسئول آزمون
فاطمه راسخ	ویراستار
محیا اصغری	مدیر گروه مستندسازی
علیرضا همایون خواه	مسئول درس مستندسازی
حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، حامد کریمی، فرزاد شیرمحمدی	طراحان توشه‌ای برای موفقیت
معصومه روحانیان	حروف‌چینی و صفحه‌آرایی
حمید عباسی	ناظر چاپ



(حامد کریمی)

«گزینه ۱» - ۲۵۵

به جز گزینه «۱»، سه واژه‌ی همه‌ی گزینه‌ها مترادف‌اند. در گزینه «۱»، «اکراه» و «انزار» مترادفند و «رغبت» متضاد آن‌هاست.

(انساب اربعه، هوش کلامی)

(ممید کنی)

«گزینه ۳» - ۲۵۶

وقتی برخی الفها ب نیستند، یعنی بخش‌هایی باید در نمودار باشد که الف هست ولی ب نیست. یعنی الف نباید تماماً درون ب باشد. همچنین این دو دسته کاملاً از هم جدا نیستند، چرا که برخی الفها ب هستند. معلوم است که گزینه‌های «۱» و «۴» نادرست است. همچنین ما از وجود ب که الف نباشد، خبری نداریم. پس دو حالت گزینه «۳» هر دو ممکن است.

(هوش کلامی)

(انساب اربعه، هوش کلامی)

«گزینه ۳» - ۲۵۷

نه همه میوه‌ها شیرین است و نه همه شیرین‌ها میوه‌اند. اما برخی میوه‌ها همچنین سبیل‌ها همه میوه‌اند ولی همه میوه‌ها سبیل نیستند. پس تا این جا تکلیف دسته‌های الف، ب و ج معلوم است. اما بخش مشترک سه دسته الف، ب، ج، می‌شود سبیل‌های شیرین.

(هوش کلامی)

(ممید اصفهانی)

«گزینه ۱» - ۲۵۸

اطلاعات را در جدول می‌نویسیم:

۸۰	۷۰	۶۰	۵۰	دهه
مونا (۱)	مانی / مینا (۳)	نیما (۳)	مانی / مینا (۳)	نام
پستانه / فندق (۶)	بادام / پسته (۸)	تخمه (۲)	بادام / پسته (۷)	آجبل
		رب (۲)	پاپک / مکلر (۴) / راک (۵)	موسیقی
سنتور / سهتار (۸)	عود / قار (۷)	ستور (۸)	عود / قار (۸)	ساز

- ۱) مونا از همه کوچک‌تر است و پسته دوست ندارد.
- ۲) متولد دهه شصت تخمه و رب دوست دارد و از آن که پاپ دوست دارد بزرگ‌تر است.
- ۳) مینا تخمه دوست ندارد، پس متولد دهه شصت نیست، مانی هم بادام دوست دارد، پس او هم متولد دهه شصت نیست. مونا هم متولد دهه هشتاد

استعدادات حلیلی

«گزینه ۳» - ۲۵۱

عبارت «سرخورده شدن» حرف اضافه «از» می‌گیرد. «پرداختن» نیز «به» می‌گیرد:

در نیمة دوم قرن دوازدهم در اصفهان و بعدها در سایر نقاط ایران، گروه‌هایی از شاعران از پیچ و خم‌ها و تلاش‌های مضمون‌بایی سیک هندی سرخورده و ملوک، به سبک‌های گذشته بازگشت نمودند و به تبعی در سبک‌های کهن برای برداشتن گامی به جلو و ارائه سروده‌های منطبق با زبان و فرهنگ خوبیش پرداختند.

(کامل متن، هوش کلامی)

«گزینه ۲» - ۲۵۲

متن از یادگیری معلم و نیز نگاه آموزش سنتی به خطای دانش آموز، سخنی نگفته‌است. علاوه بر این، نمی‌گوید که نظام‌های جدید آموزشی نقش معلم را در آموزش کمرنگ‌تر می‌کند، یا دانش‌آموزان را به حال خود رها می‌کند. بلکه می‌گوید هدف این نظام‌ها تقویت مهارت‌های حل مسئله، تفکر انتقادی و توانایی یادگیری مستقل است، یعنی این موارد، مهارت‌هایی تغییرپذیرند.

(کامل متن، هوش کلامی)

«گزینه ۳» - ۲۵۳

متن به صراحت می‌گوید زمان روانی «با معنا، هیجان و توجه» در آمیخته است. یعنی آنچه انسان تجربه می‌کند، تابع احساس و موقعیت است، نه صرفاً عدد.

(درک متن، هوش کلامی)

«گزینه ۲» - ۲۵۴

نویسنده با مثال متن، می‌خواهد نشان دهد ادراک زمانی بسته به کیفیت تجربه تعییر می‌کند. درسی که جذاب باشد، زمانش کوتاه حس می‌شود؛ این دقیقاً هدف نویسنده از مثال بوده است.

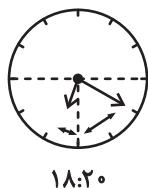
(درک متن، هوش کلامی)



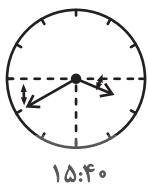
(غاطمه، راسخ)

«۲۶۲- گزینه ۳»

هر دو عدد روی ساعت، $\frac{360}{12} = 30^\circ$ فاصله دارند. دقیق عقربهٔ ساعت‌شمار در هر یک از ساعت‌های صورت سؤال، به طور دقیق روی عدد یادشده نیست و از آن فاصله گرفته است.



18:۲۰



15:۴۰

$2 \times 30^\circ = 60^\circ$

$1 \times 30^\circ = 30^\circ$

$\frac{20^\circ}{60} \times 30 = 10^\circ$

$\frac{40^\circ}{60} \times 30 = 20^\circ$

زاویه عقربه‌ها از مبدأ:

$60^\circ + 10^\circ = 70^\circ$

$180^\circ - (20^\circ + 30^\circ) = 130^\circ$

کل فاصله:

$130^\circ - 70^\circ = 60^\circ$

اختلاف خواسته شده:

(ساعت، هوش منطقی ریاضی)

(ممید کننی)

«۲۶۳- گزینه ۴»

پنج ساعت و شش دقیقه قبل از ساعت شانزده و چهل دقیقه و پنج ثانیه:

16:۴۰:۰۵"

$- 5:06:00$

$11:34:05''$

هفده ساعت و بیست و چهار دقیقه و پانزده ثانیه بعد:

11:۳۴:۰۵"

+ 17:۲۴:۱۵"

28:۵۸':۲۰" ——————
28:۵۸':۲۰"

(ساعت، هوش منطقی ریاضی)

(ممید کننی)

«۲۶۴- گزینه ۲»

بین روز نخست ماه اردیبهشت و روز سی مهر، ۱۸۴ روز فاصله است:

$$\begin{array}{r} 30 + (4 \times 31) + 30 \\ \swarrow \quad \downarrow \quad \searrow \\ 30 + 124 + 30 = 184 \end{array}$$

ماه مهر چهار ماه سی و یک روزه باقی اردیبهشت

این ۱۸۴ روز، ۲۶ هفته و ۲ روز است: $184 = 26 \times 7 + 2$

پس اگر یک اردیبهشت شنبه باشد، سی مهر دوشنبه است.

(تقویم، هوش منطقی ریاضی)

است، پس متولد دهه شصت نیاماست. پس مانی و مینا متولدهای دهه‌های ۵۰ و ۷۰ هستند.

(۴) آن که متال دارد بزرگ‌ترین نیست. آن که سنتور دوست دارد، کوچک‌ترین نیست.

(۵) متولد دهه پنجاه رپ دوست ندارد، متال و پاپ را هم همین‌طور. پس او راک دوست دارد.

(۶) مانی بادام دارد و نیما تخمه. مونا پسته دوست ندارد، پس فندق دوست دارد و پسته به مینا می‌رسد.

(۷) مانی عود و بادام دارد و مینا پسته و تار، این موارد را به جدول اضافه می‌کنیم.

(۸) مونا سنتور نمی‌نوازد، عود و تار هم نمی‌نوازد. پس سه‌تار می‌نوازد. نیما هم به همین استدلال سنتور می‌نوازد.

جدول را با حذف اضافه‌ها ساده‌تر می‌کنیم:

۸۰	۷۰	۶۰	۵۰	دهه
مونا	مانی / مینا	نیما	مانی / مینا	نام
فندق	بادام / پسته	تخمه	بادام / پسته	آجیل
		رپ	راک	موسیقی
	عود / تار	سنتور	عود / تار	ساز

و اطلاعات دیگری نداریم. طبق جدول بالا، متولد دهه ۵۰ است که راک دوست دارد.

(منطق، هوش منطقی ریاضی)

«۲۵۹- گزینه ۱»

طبق جدول بالا مونا قطعاً سه‌تار دارد.

(منطق، هوش منطقی ریاضی)

«۲۶۰- گزینه ۱»

طبق جدول بالا متولد دهه شصت نیاماست.

(منطق، هوش منطقی ریاضی)

«۲۶۱- گزینه ۲»

آجیل مونا، فندق است.

(منطق، هوش منطقی ریاضی)



(میدکنی)

گزینه «۳» - ۲۶۹

تعداد بخش‌های رنگی در شکل‌ها از چپ به راست یکی‌یکی بیشتر می‌شود.

(الگوی فطهن، هوشن غیرکلامی)

(فرزادر شیرمحمدی)

گزینه «۱» - ۲۶۵

در چهار سال متولی، یکی از سال‌ها کبیسه است. پس کل روزها، $1461 = 208 + 1 = 4 \times 365$ روز است که 208 هفته و 5 روز است: $1461 = 208 \times 7 + 5$

پس حداقل تعداد جمعه‌ها 208 و حداکثر آن 209 است.

(تعویم، هوشن منطقی ریاضی)

(فرزادر شیرمحمدی)

گزینه «۱» - ۲۷۰

مجموع قسمت‌های رنگی هر دایره در هر ردیف، یک دایره رنگی کامل،

تشکیل می‌دهد.

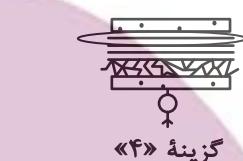
همچنین در هر ستون، هر یک از دندانه‌های پایین شکل، دقیقاً دو بار آمده است.

(ماتریس، هوشن غیرکلامی)

(فاطمه راسخ)

گزینه «۳» - ۲۶۶

قسمت‌های متفاوت دیگر گزینه‌ها:



(دوران، هوشن غیرکلامی)

(فاطمه راسخ)

گزینه «۲» - ۲۶۷

همه شکل‌ها از دوران هم به دست می‌آیند، جز این که در گزینه «۲» دو خط جایه‌جا رسم شده‌اند:

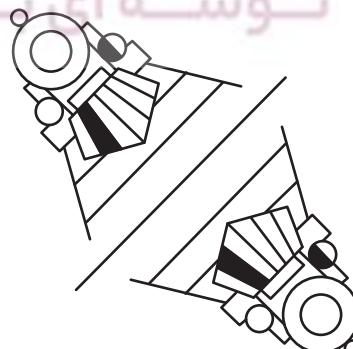


(شکل متفاوت، هوشن غیرکلامی)

(فاطمه راسخ)

گزینه «۳» - ۲۶۸

تقارن مدتظر:



(قارینه یابی، هوشن غیرکلامی)