

# ۱۴۰۲ هجری

## آزمون هدیه دوازدهم هجری

ردیف	مواد امتحانی	بودجه بندی	تعداد سؤال	شماره سؤال ها	وقت پیشنهادی	نحوه پاسخ گویی	اجباری
۱	زیست شناسی ۱	کل کتاب	۱۰	۱-۱۰	۱۰ دقیقه	۱۰ دقیقه	اجباری
۲	زیست شناسی ۲	کل کتاب	۱۰	۱۱-۲۰	۱۰ دقیقه	۱۰ دقیقه	
۳	فیزیک ۱	کل کتاب	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵ دقیقه	۱۵ دقیقه	
۴	فیزیک ۲	کل کتاب	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵ دقیقه	۱۵ دقیقه	
۵	شیمی ۱	کل کتاب	۱۰	۴۱-۵۰	۱۰ دقیقه	۱۰ دقیقه	
۶	شیمی ۲	کل کتاب	۱۰	۵۱-۶۰	۱۰ دقیقه	۱۰ دقیقه	
۷	ریاضی ۱	کل کتاب	۱۰	۶۱-۷۰	۲۰ دقیقه	۲۰ دقیقه	
۸	ریاضی ۲	کل کتاب	۱۰	۷۱-۸۰	۲۰ دقیقه	۲۰ دقیقه	

تلگرام : @zistkanoon2

زیست‌شناسی ۱

۱- کدام مورد یا موردهای زیر عبارت زیر را به درستی تکمیل می‌کند؟

«براساس مطالب کتاب درسی، در هر مرحله از تشکیل ادرار که همراه با ..... مواد به (از) نفرون می‌باشد؛ ..... الف) ورود – انرژی زیستی مصرف نمی‌شود.

ب) خروج – میزان مواد مفید موجود در نفرون کاهش می‌یابد.

ج) ورود – فقط در قسمت‌های لوله‌ای نفرون صورت می‌گیرد.

د) خروج – تبادل مواد براساس اندازه صورت می‌گیرد.

۴) الف و ج و د

۳) الف و د

۲) ب

۱- کدام گزینه، عبارت زیر را به طور مناسبی تکمیل می‌کند؟

«در ناحیه شکمی، بزرگ سیاهرگ زیرین از ادغام دو شاخه سیاهرگی تشکیل شده است. شاخه‌ی که فاصله کمتری تا آپاندیس دارد، ..... .

۱) برخلاف شاخه دیگر، از دو شاخه با قطر نابرابر تشکیل می‌شود.

۲) برخلاف شاخه دیگر، از پشت میزانی مربوط به کلیه بالاتر عبور می‌کند.

۳) همانند شاخه دیگر، از سرخرگ‌های هم اندازه، لایه میانی قطورتری دارد.

۴) نسبت به شاخه دیگر، به میزان کمتری توسط انشعابی از آنورت پوشانده می‌شود.

۳- طبق اطلاعات کتاب درسی درباره ساختار پرز روده باریک چند مورد زیر نادرست است؟

الف) همه یاخته‌های سطحی آن واجد توانایی جذب مواد به محیط داخلی است.

ب) هیچ کدام از مویرگ‌های موجود در شبکه مویرگی انتهاه بسته ندارند.

ج) ماهیچه‌های طولی موجود در ساختار آن نسبت به ماهیچه حلقوی به زیر مخاط نزدیکتر می‌باشد.

د) فراوان ترین یاخته‌های سطحی آن همانند یاخته‌های اصلی غده معده هسته غیرمرکزی دارند.

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱

۴- ویژگی مشترک یاخته‌های اصلی موجود در سامانه بافتی آوندی کدام است؟

۱) اتصال غشا به جدیدترین دیواره تشکیل شده

۲) قرارگیری لیگنین به شکل‌های متفاوت در دیواره

۳) حضور کانال‌های سیتوپلاسمی فراوان در بخش‌های نازک دیواره

۴) حضور رشته‌های سلولی فقط در بعضی از لایه‌های تشکیل‌دهنده دیواره

۵- کدام گزینه در ارتباط با تنفس آبیشی ماهی ها درست است؟

۱) جهت جریان آب در تیغه های آبیشی به سمت عروق با خون روشن است.

۲) هر تیغه آبیشی از دو ردیف رشته آبیشی تشکیل شده است.

۳) سرخرگ‌های خروجی از هر کمان آبیشی، حاوی خون روشن هستند.

۴) جهت جریان خون در تیغه آبیشی به صورت یک طرفه است.

۶- در لوله گوارش ..... مواد غذایی بلاخاصله بعد از عبور از ..... به بخشی وارد می‌شوند که معادل آن از نظر عملکردی در ..... .

۱) گاو - محل آب گیری محتویات غذایی - پرنده دانه‌خوار، به کمک سنگریزه‌ها فرآیند آسیاب کردن غذا را تسهیل می‌کند.

۲) پرنده دانه‌خوار - محل شروع ترشح آزیم‌های گوارشی - ملخ، آنژیم‌های لازم برای گوارش غذا را ترشح می‌کند.

۳) ملخ - محل دندانه دار لوله گوارش - پرنده دانه‌خوار، پیچ خورده ترین بخش لوله گوارش می‌باشد.

۴) پرنده دانه‌خوار - محل ماده‌غذایی - ملخ، ترشح کننده آزیم‌های گوارشی است.

۷- کدام گزینه وجه اشتراک همه اندام‌هایی در حفره شکمی است که بخشی از دستگاه گوارش محسوب می‌شوند اما جزئی از لوله گوارش نیستند؟

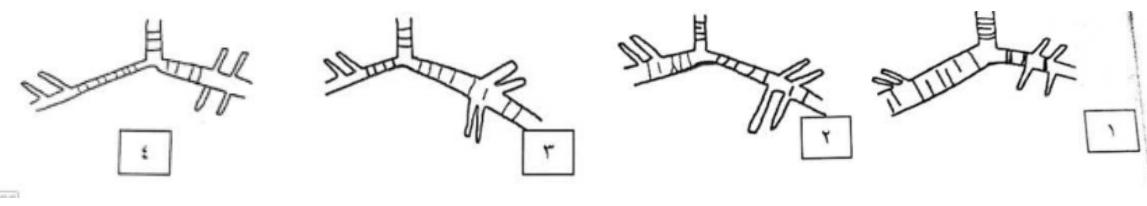
۱) در پی تولید مواد واجد نوعی یون، در خنثی سازی اسید مترشحه از معده نقش دارند.

۲) در مجاورت بخشی قرار می‌گیرند که بخش عمده مراحل پایانی گوارش در آن رخ می‌دهد.

۳) تنظیم تولید و ترشح شیره گوارشی در آنها توسط دستگاه عصبی خودمختار صورت می‌گیرد.

۴) بخشی با قطر کمتر آنها در سمتی از بدن قرار دارد که بالاترین قسمت روده بزرگ در آن قبل مشاهده است.

۸- اگر از رو به رو به بدن انسان نگاه کنیم، کدام شکل موقعیت نایزه های اصلی را دقیق تر نشان می دهد؟



۱(۴) ۲(۳) ۳(۲) ۴(۱)

۹- کدام گزینه برای تکمیل عبارت مقابل مناسب است؟ «در هیدر.....ملخ.....»

(۱) همانند- فقط یک سوراخ برای ورود مواد غذایی وجود دارد.

(۲) برخلاف- غذای گوارش شده پس از عبور از دهان مجدداً گوارش می یابد.

(۳) همانند- غذا به کمک زوائد موجود در ناحیه سر، وارد دهان می شود.

(۴) برخلاف- همه یاخته های حفره گوارشی آنزیم ترشح کرده و گوارش درون یاخته ای دارند.

۱۰- در دستگاه گردش خون انسان سالم، نوعی دریچه توسط سه دریچه با ساختار بافت شناسی مشابه احاطه شده است. کدام گزینه پیرامون بزرگترین رگ خونی موجود در مجاورت این دریچه صحیح است؟

(۱) برخلاف رگ هایی که خون را از اندام های تحتانی به سمت قلب جایجا می کنند، به کمک ساختاری منقبض شونده خون را به حرکت در می آورند.

(۲) نسبت به سیاهرگ کلیه، مواد دفعی نیتروژن دار کمتری در ساختار خود دارد.

(۳) همانند بزرگ سیاهرگ زیرین، واحد رشته پروتئینی در تمام لایه های دیواره خود می باشد.

(۴) برخلاف نوعی رگ کم اکسیژن ورودی به کبد، دارای مقدار بیشتری از زیروحد سازنده آنزیمها است.

## زیستشناسی ۲

۱۱- کدام گزینه جمله زیر را به صورت مناسب تکمیل می کند؟

«همواره در گل های موجود در درخت آبلالو، پس از تقسیم .....».

(۱) میوز در حلقه چهارم، سلولی زنده می ماند که به منفذ تخمک نزدیک تر است.

(۲) متوالی میتوز بعد از تقسیم میوز، بخشی ایجاد می شود که دارای گامت های فاقد تازک می باشد.

(۳) میوز در بساک، سلول هایی تقسیم شونده ایجاد می شوند که توانایی تشکیل تتراد را ندارند.

(۴) میتوز در یک سلول هاپلوبloid، سلولی پدید می آید که توانایی ایجاد لوله گرده را دارد.

۱۲- کدام گزینه درباره ضخیم ترین بخش موجود در لایه های چشم انسان صحیح می باشد؟

(۱) در دقت و تیزبینی نقش اصلی را دارد.

(۲) با دو بخش شفاف در تماس است.

(۳) با بخش هایی از هر سه لایه چشم تماس دارد.

(۴) نسبت به سایر بخش های چشم مویرگ های فراوان تری دارد.

۱۳- با توجه به مطالب کتاب درسی، کدام موارد درخصوص بدن فردی سالم صحیح است؟

الف) هورمون ترشح شده از هیپوتالاموس بر اندامی گیرنده دارد که تقریباً به اندازه مشت بسته اوست.

ب) هورمون ضد ادراری، برخلاف دیگر هورمون ترشح شده از هیپوفیز پسین، نقش مهمی در دفع مواد از اندام لوبيایی شکل دارد.

ج) در پی باز جذب سدیم در کلیه، باز جذب فراوان ترین ماده دفعی ادرار رخ می دهد.

د) هورمونی که سبب افزایش غلظت ادرار می شود، تحریک مرکز تشنگی را افزایش می دهد.

۴) ب و د

۳) الف و ج

۲) ب و ج

۱) الف و ب

۱۴- کدام مورد در خصوص مهره‌داران بالغی که یاخته‌های جنسی آن‌ها در داخل بدن یکی از والدین لفاح می‌کنند و به علت دوره جنینی کوتاه اندوخته تخمک کم می‌باشد، درست است؟

- ۱) برخلاف گوسفندها، مخچه بالاتر از تمام بخش‌های ساقه مغز قرار دارد.
- ۲) همانند هیدر، دستگاه عصبی حداقل از یک بخش اصلی تشکیل شده است.
- ۳) برخلاف قورباغه بالغ، باز و بسته کردن بینی به منظور تبادل گازها در سطح تنفسی لازم است.
- ۴) همانند ملخ، مایع اصلی دستگاه گردش مواد برای ورود و خروج از قلب باید از دریچه عبور کند.

۱۵- درباره نوعی گیرنده حواس ویژه انسان که ...، می‌توان گفت .....

- ۱) دارای ماده حساس به نور است - آکسون آن با تشکیل عصب بینایی، در انتقال پیام به مخ نقش دارد.
- ۲) در تماس با ماده ژلاتینی قرار دارد - تنها در حفره میانی بخش حلقه گوش دیده می‌شود.
- ۳) درون برجستگی‌های زبان قرار دارد - فاقد تماس با یاخته‌های پوششی سنگفرشی چند لایه زبان است.
- ۴) در سقف حفره بینی قرار دارد - مژک‌دار بوده و آکسون آن در ارسال پیام به تalamous‌ها نقش دارد.

۱۶- کدام ویژگی در خصوص همه لنفوسيت‌های موجود در پیکر انسانی سالم، صادق است؟

- ۱) می‌توانند نوعی ترکیب پلیپیتیدی در مقابله با نوعی عامل بیماری‌زا ترشح کنند.
- ۲) محصول مستقیم تقسیم یاخته‌های بنیادی موجود در مغز قرمز استخوان می‌باشند.
- ۳) در غده‌ای که مقابل محل دوشاخه شدن نای و پشت استخوان جناغ قرار دارد بالغ شده‌اند.
- ۴) بدون کمک نوع خاصی از لنفوسيت‌ها که مورد حمله ویروس HIV قرار می‌گیرند، هیچ فعلیتی ندارند.

۱۷- مطابق با متن کتاب درسی با توجه به انواع تنظیم‌کننده‌های رشد در گیاهان، هر تنظیم کننده رشد که در ... نقش دارد، به طور حتم در ..... نیز نقش دارد.

- ۱) نوعی قارچ نیز تولید شده و در بیماری دانه رست برنج - افزایش طول ساقه از طریق تحریک رشد طولی یاخته
- ۲) تشکیل میوه‌های بدون دانه و درشت کردن میوه‌ها - تکثیر روشی گیاهان با استفاده از قلمه
- ۳) خراب شدن میوه‌ها در هنگام ذخیره یا انتقال - ایجاد ساقه از یاخته‌های تمایزی‌نیافته در کشت بافت
- ۴) توقف رشد جوانه‌های جانبی - کاهش فاصله یاخته‌های نگهبان روزنه در محل روزنه هوايی

۱۸- کدام گزینه عبارت زیر را به درستی کامل نمی‌کند؟

«دوره‌های جنسی در طی عمر زنان، با فرایندی ..... می‌شود که .....».

- ۱) شروع - در آن تمامی لایه‌های دیواره رحم به همراه رگ‌های خونی تخریب می‌شود.
- ۲) متوقف - حدود ۳۰ تا ۳۵ سال پس از شروع اولین چرخه جنسی در بدن زن رخ می‌دهد.
- ۳) شروع - طی آن تحریک نوعی از گیرنده‌های حسی سازش‌ناپذیر قبل از مشاهده است.
- ۴) متوقف - پرکاری غده فوق کلیه می‌تواند بر زمان وقوع آن موثر باشد.

۱۹- با توجه به اندام‌های ضمیمه دستگاه تولید مثلی یک مرد سالم و بالغ کدام عبارت صحیح می‌باشد؟

- ۱) فقط بعضی از آنها که در سطح پایین‌تری نسبت به مثانه قرار دارند، با ترشحات خود تمایز اسپرم‌ها را هدایت کنند.
- ۲) همه آنها که می‌توانند در سطح بالاتری نسبت به غده پروستات قرار داشته باشند، دارای چین‌خوردگی‌ها و حفرات متعددی در خود می‌باشند.
- ۳) همه آنها که در پشت مثانه قرار دارند، مایعی محتوی نوعی مونوساکارید را به اسپرم‌های وارد شده به درون خود، اضافه می‌کنند.
- ۴) فقط بعضی از آنها که در سطح بالاتری نسبت به بخش‌های متورم میزراه قرار دارند، در خنثی سازی مواد قلیایی مسیر عبور اسپرم به سمت گامت ماده نقش دارند.

۲۰- چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

- الف) همه گیاهان، با تولید ترکیبات سیانیددار از خود در برابر گیاه‌خواران دفاع می‌کنند.
- ب) آلکالوئیدها، ترکیبات دفاعی هستند که موجب توقف تنفس یاخته‌ای در گیاه‌خواران می‌شوند.
- ج) هنگام گرده‌افشانی درخت آکاسیا، گل‌ها مواد شیمیایی منتشر می‌کنند که زنبورها را فراری می‌دهد.
- د) گیاهان، به دلیل ساز و کارهای مختلفی که دارند خود را در برابر تمام ترکیبات سمی محافظت می‌کنند.

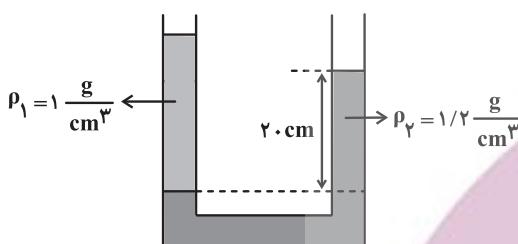
فیزیک

۲۱- از دو فلز به چگالی‌های  $\rho_1 = 2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  و  $\rho_2 = 3 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ، آلیاژ توبیری به شکل کره به شعاع ۵ cm و جرم ۱/۲ kg می‌سازیم. چند درصد از جرم آلیاژ را فلزی با چگالی  $\rho_2$  تشکیل می‌دهد؟ ( $\pi \approx 3$  و بعد از اختلاط دو فلز، حجم آن‌ها تغییر نمی‌یابد).

- (۱) ۲۲/۵  
 (۲) ۳۷/۵  
 (۳) ۷۷/۵  
 (۴) ۶۲/۵

۲۲- در شکل مقابل، سطح مقطع لوله در دو طرف آن، ۲ cm<sup>2</sup> است. در سمت راست لوله چند گرم مایع مخلوط نشدنی به چگالی

$6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  بریزیم تا سطح آزاد مایع‌ها در دو طرف لوله، در یک سطح قرار بگیرند؟



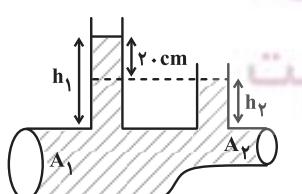
- (۱) ۸  
 (۲) ۹/۶  
 (۳) ۱۶  
 (۴) ۱۹/۲

۲۳- آسانسوری در مدت زمان ۲۰ ثانیه، ۴ شخص ۶۰ کیلوگرمی را از سطح زمین با تندي ثابت تا ارتفاع ۲۴ متری بالا می‌برد. اگر جرم

آسانسور ۴۶۰ kg و بازده موتور آن ۸۰ درصد باشد، توان متوسط مصرفی موتور آن چند کیلووات است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  و از مقاومت هوا

- و سایر نیروهای اضافی صرف نظر شود).
- (۱) ۸/۴  
 (۲) ۱۰/۵  
 (۳) ۲۱  
 (۴) ۱۶/۸

۲۴- در شکل زیر، آب به‌طور پایا و لایه‌ای در لوله افقی جاری می‌باشد. کدام گزینه درست نمی‌باشد؟



آب  $p$  و آب را شاره تراکم‌ناپذیر در نظر بگیرید و فشار هوا در بالای هر دو لوله یکسان است.

- (۱) فشار در سطح مقطع  $A_1$  بیشتر از  $A_2$  است.  
 (۲) تندي آب در  $A_1$  کمتر از  $A_2$  است.  
 (۳) اختلاف فشار در  $A_1$  و  $A_2$ ،  $2000 \text{ Pa}$  است.  
 (۴) آهنگ جریان آب در  $A_1$  بیشتر از  $A_2$  است.

۲۵- کدام موارد زیر درست است؟

الف) بخ نمونه‌ای از یک جامد بلورین است.

ب) پدیده پخش در مایعات سریع‌تر از گازها رخ می‌دهد.

پ) با افزایش دمای یک مایع، نیروی همچسبی مولکول‌های آن ضعیف می‌شود.

ت) علت بالا رفتن آب در لوله‌های موبین شیشه‌ای تمیز، فشار هوا می‌باشد.

۴) ب، پ و ت

۳) ب و ت

۲) الف و پ

۱) الف، ب و پ

۲۶- برای آن که تندی اتومبیلی از حال سکون به  $10 \frac{m}{s}$  برسد، کار کل انجام شده روی آن  $10000 \text{ J}$  می‌باشد. با انجام چند ژول کار کل می‌توان تندی اتومبیل را از  $10 \frac{m}{s}$  به  $30 \frac{m}{s}$  رساند؟

۱) ۶۰۰۰

۲) ۸۰۰۰

۳) ۴۰۰۰

۴) ۵۰۰۰

۲۷- گلوله‌ای به جرم  $2 \text{ kg}$  با تندی  $30 \frac{m}{s}$  از سطح زمین در راستای قائم به سمت بالا پرتاب می‌شود و با تندی  $20 \frac{m}{s}$  به سطح زمین بازمی‌گردد. اندازه کار نیروی وزن گلوله از لحظه پرتاب تا بالاترین نقطه‌ای که به آن می‌رسد، چند ژول است؟

$$(g = 10 \frac{N}{kg} \text{ و اندازه نیروی مقاومت هوا در طی حرکت گلوله ثابت است.})$$

۱) ۳۲۵

۲) ۶۵۰

۳) ۱۲۵

۴) ۲۵۰

۲۸- کدام گزینه درست نیست؟

۱) دمای  $40^\circ\text{C}$  درجه سلسیوس، معادل  $10^4$  درجه فارنهایت است.

۲) در دماسنجد الکلی، تغییر ارتفاع مایع درون لوله کمیت دماسنجدی می‌باشد.

۳) کمیت دماسنجدی دماسنجد ترموموپل، حریان الکتریکی است.

۴) پیرومتر و دماسنجد گازی، جزو دماسنجهای معیار می‌باشند.

۲۹- اگر دمای یک ظرف شیشه‌ای خالی را  $60^\circ\text{C}$  درجه سلسیوس افزایش دهیم، ارتفاع ظرف  $40\%$  درصد افزایش می‌یابد. این ظرف را به‌طور کامل از مایعی پر می‌کنیم. دمای مجموعه را چند درجه فارنهایت بالا ببریم تا حجم مایع بیرون ریخته شده، برابر با  $8\%$  درصد حجم اولیه

$$\text{ظرف باشد؟ } (\beta = 1/2 \times 10^{-3} \text{ مایع} / \text{K})$$

۱) ۳۵۳

۲) ۱۷۶

۳) ۱۴۴

۴) ۸۰

۳۰- توان یک کتری برقی  $2\text{ kW}$  می‌باشد. اگر  $60\%$  توان این کتری صرف جوش آوردن  $400\text{ g}$  آب  $50^\circ\text{C}$  درون آن شود، پس از چند

$$\text{ثانیه} = 100\text{ g} \quad \text{آب درون کتری باقی می‌ماند؟} \quad (c) \quad L_V = 2240 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} \quad c = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$$

(۱) ۶۳۰

(۲) ۶۱۲/۵

(۳) ۶۳

(۴) ۳۱۵

فیزیک ۲

۳۱- دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_1 = 2\mu\text{C}$  و  $q_2 = -18\mu\text{C}$ ، در فاصله  $r$  از هم قرار دارند و نیروی الکتریکی بین دو بار  $N = 129/6$  است. در

$$\text{فاصله} \times \text{چند سانتی‌متری از بار} q_2, \text{ میدان الکتریکی خالص حاصل از دو بار، برابر صفر است؟} \quad (k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

(۱) ۲/۵

(۲) ۵

(۳) ۷/۵

(۴) ۱۰

۳۲- مساحت سطح مشترک صفحات یک خازن تخت را که بین صفحات آن هواست،  $20\text{ cm}^2$  درصد افزایش داده و فاصله بین صفحات را نصف می‌کنیم. اگر عایقی به ثابت دیالکتریک  $\epsilon$  بین صفحات خازن قرار دهیم، ظرفیت خازن  $67\mu\text{F}$  تغییر می‌کند. ظرفیت اولیه خازن چند میکروفاراد بوده است؟

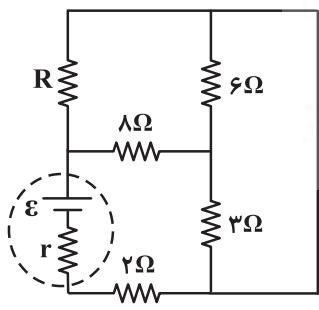
(۱) ۳

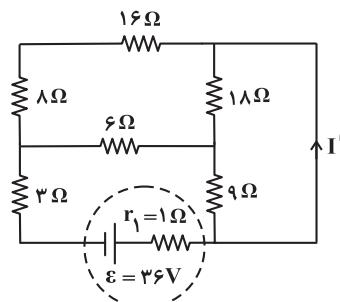
(۲) ۵

(۳) ۶

(۴) ۱۰

۳۳- در مدار شکل زیر، جریان عبوری از دو مقاومت  $R$  و  $8\Omega$  اهمی یکسان است. توان مصرفی در مقاومت  $R$  چند برابر توان مصرفی در مقاومت  $2\Omega$  اهمی است؟

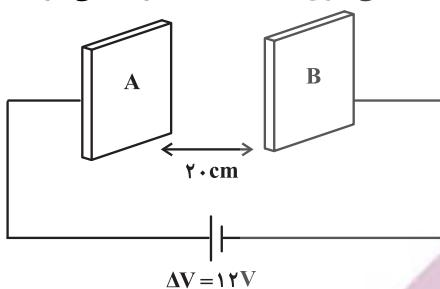
(۱)  $\frac{5}{6}$ (۲)  $\frac{6}{5}$ (۳)  $\frac{4}{5}$ (۴)  $\frac{5}{4}$

۳۴-در مدار شکل زیر، جریان  $I'$  چند آمپر است؟

- ۱) ۱  
۲) ۲  
 $\frac{5}{3}$  ۳  
 $\frac{7}{3}$  ۴

۳۵-دو صفحه رسانای موازی را مطابق شکل زیر، در یک مدار قرار می‌دهیم. ذره‌ای با بار  $-2\text{mC}$  و جرم  $200\text{g}$  را از مجاورت صفحه با

پتانسیل بزرگ‌تر در راستای افقی با سرعت  $\frac{\text{cm}}{\text{s}}$  پرتاپ می‌کنیم. ذره در فاصله چند سانتی‌متری از صفحه B متوقف می‌شود؟  
(از اتلاف انرژی و نیروی وزن ذره صرف‌نظر شود).

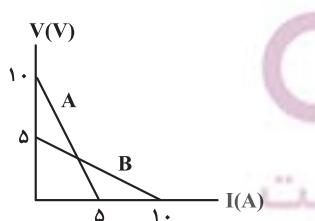


- $\frac{7}{5}$  ۱  
 $\frac{6}{5}$  ۲  
 $\frac{12}{5}$  ۳  
 $\frac{13}{5}$  ۴

۳۶-کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

- ۱) دو سیم موازی و بلند حامل جریان‌های همسو، یکدیگر را دفع می‌کنند.  
۲) اورانیوم و پلاتین از جمله مواد پارامغناطیسی‌اند.  
۳) پس از حذف میدان مغناطیسی خارجی، ماده فرومغناطیس سخت، به طور کامل خاصیت آهنربایی خود را از دست می‌دهد.  
۴) قطب شمال مغناطیسی و شمال جغرافیایی کره زمین بر یکدیگر منطبق‌اند.

۳۷-نمودار اختلاف پتانسیل دو سر مولدهای A و B بر حسب شدت جریان گذرنده از آن‌ها مطابق شکل زیر است. هر یک از این دو مولد را به مقاومت خارجی R وصل می‌کنیم. مقاومت R چند اهم باشد تا اختلاف پتانسیل دو سر هر دو مولد یکسان باشد؟



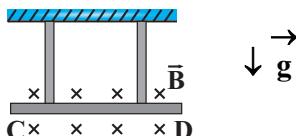
- ۱) ۱  
۱۰) ۲  
۵) ۳  
۱۵) ۴

۳۸-روی دو لامپ A و B به ترتیب اعداد  $(240\text{W} \text{ و } 200\text{V})$  و  $(200\text{W} \text{ و } 120\text{V})$  نوشته شده است. اگر این دو لامپ را به صورت متوالی به اختلاف پتانسیل  $150\text{V}$  وصل کنیم، توان مصرفی مجموعه چند وات می‌شود؟ (مقاومت لامپ‌ها ثابت فرض شود).

- ۲۰۲/۵ ۱  
۶۷/۵ ۲  
۸۰ ۳  
۴۵ ۴

۳۹- در شکل زیر، میله‌ای به جرم  $240\text{ g}$  و طول  $120\text{ cm}$  به دو طناب یکسان با جرم ناچیز آویخته شده و در یک میدان مغناطیسی  $B = 0.8\text{ T}$  به صورت افقی به حال تعادل قرار گرفته است. اگر اندازه نیروی کشش هر طناب  $2/4\text{ N}$

$$\text{باشد، جریان چند آمپری و در چه جهتی از میله عبور می‌کند؟} \quad (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$



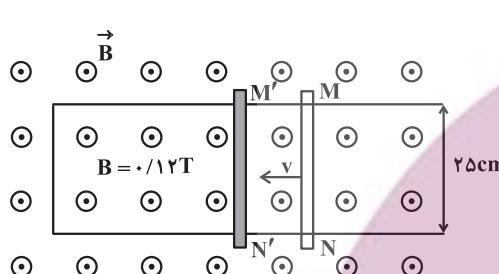
۱)  $\text{C به D از } 2/5$

۲)  $\text{C به D از } 5$

۳)  $\text{D به C از } 2/5$

۴)  $\text{D به C از } 5$

۴۰- میله فلزی  $MN$  را روی رسانای  $U$  شکل با سرعت ثابت  $v$  در مدت زمان  $\Delta t$  از وضع  $MN'$  به وضع  $M'N$  درمی‌آوریم. اگر نیروی حرکة القا شده برابر  $15\text{ eV}$  ولت باشد، سرعت حرکت میله چند متربرثانیه و جهت جریان القا شده در میله کدام است؟



۱)  $5\text{ eV}$  به طرف  $M$

۲)  $5\text{ eV}$  به طرف  $M$

۳)  $7/5\text{ eV}$  به طرف  $N$

۴)  $7/5\text{ eV}$  به طرف  $N$

### شیمی ۱

۴۱- عبارت بیان شده در کدام گزینه در ارتباط با ترکیب یونی حاصل از واکنش میان دومین عنصر گروه ۱۷ و نخستین عنصر گروه ۱۳ جدول تناوبی نادرست است؟

۱) یک ترکیب یونی دوتایی است که کاتیون و آنیون سازنده آن هر دو به آرایش الکترونی دومین گاز نجیب جدول تناوبی دست یافته‌اند.

۲) شمار یون‌ها در هر واحد فرمولی از این ترکیب و ترکیب یونی حاصل از واکنش میان فلز سدیم و گاز نیتروژن برابر است.

۳) در اثر تشکیل  $5/0\text{ eV}$  مول از این ترکیب،  $12/0 \times 10^{23}$  الکترون میان فلز و نافلز مبادله می‌شود.

۴) این ترکیب نیز همانند سایر ترکیب‌های یونی از نظر بار الکتریکی خنثی است.

### ۴۲- کدام گزینه نادرست است؟

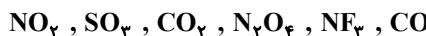
۱) گازی که دارای مولکول‌های سه اتمی است و در هوای مایع وجود ندارد، ممکن است توسط جانوران تولید شود.

۲) گازی که برای نگهداری نمونه‌های بیولوژیکی مورد استفاده قرار می‌گیرد، ممکن است در ساختار خود پیوند سه‌گانه داشته باشد.

۳) گازی که در فرایند تقطیر جزء به جزء هوای مایع پس از نیتروژن از آن جدا می‌شود، ممکن است در تولید لامپ‌های رشته‌ای به کار رود.

۴) گازی تکاتمی که در خنک کردن قطعات الکترونیکی MRI مورد استفاده قرار می‌گیرد، ممکن است غلظت و درصد فراوانی بیشتری در هواکره نسبت به میدان‌های گازی داشته باشد.

۴۳- در ساختار لوویس چه تعداد از مولکول‌های زیر نسبت تعداد جفت الکترون‌های ناپیوندی به تعداد الکترون‌های پیوندی بزرگ‌تر با مساوی یک است؟



۱) ۲

۲) ۳

۳) ۴

۴) ۱

۵) ۳

۴۴- اگر عنصری دارای سه ایزوتوپ  $B^{20}$ ,  $B^{22}$  و  $B^{24}$  باشد و فراوانی ایزوتوپ  $B^{20}$  برابر با ۱۰ درصد و فراوانی ایزوتوپ  $B^{24}$  چهار برابر

ایزوتوپ  $B^{22}$  باشد، جرم اتمی میانگین عنصر  $B$  چند amu است؟ (عدد جرمی را معادل جرم اتمی در نظر بگیرید).

(۱) ۲۳/۲۴

(۲) ۲۲/۱۶

(۳) ۲۲/۸۶

(۴) ۲۱/۳۶

۴۵- پس از موازنۀ دو واکنش زیر، مجموع ضرایب فراورده‌ها در واکنش (I) چند برابر مجموع ضرایب فراورده‌ها در واکنش (II) است؟



(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

۴۶- در یون فلزی  $M^{65+}$ ، تفاوت شمار الکترون‌ها و نوترون‌ها برابر ۶ است. کدام گزینه درباره عنصر  $M$  نادرست است؟

(۱) عنصری از گروه ۱۲ جدول دوره‌ای می‌باشد که در دوره چهارم جای دارد.

(۲) تعداد الکترون‌های با  $I=1$  در اتم آن، با این تعداد در  $\text{Cu}^{29}$  برابر است.

(۳) شمار الکترون‌های دارای  $I=1$  در اتم آن،  $1/2$  برابر شمار الکترون‌های دارای  $I=2$  است.

(۴) شمار الکترون‌های آخرین زیرلایه اشغال شده آن با شمار الکترون‌های آخرین زیرلایه اشغال شده اتم  $\text{Cr}^{24}$  برابر است.

۴۷- نام و فرمول شیمیایی چه تعداد از ترکیب‌های زیر نادرست است؟

استرانسیم (II) اکسید •  $\text{SrO}$  • منیزیم نیتریت

$\text{NO}$  • مونو نیتروژن مونواکسید •  $\text{SO}_3$  • گوگرد تری اکسیژن

$\text{CuO}$  • کروم (III) اکسید •  $\text{Cr}_2\text{O}_3$  • مس اکسید

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

۴۸- براساس واکنش موازنۀ نشده:  $(\text{KI}(s) + \text{KCl}(aq) + \text{Cl}_2(g) \rightarrow \text{KCl}(aq) + \text{I}_2(s))$ ، چند لیتر گاز کلر در شرایط استاندارد با محلولی به جرم ۲۰۰

گرم از پتاسیم یدید که غلظت یون پتاسیم در آن  $58500 \text{ ppm}$  است، به طور کامل واکنش می‌دهد و چند مول  $\text{I}_2$  تولید می‌شود؟

$(K = 39 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1})$

(۱) ۰/۱۵ ، ۳/۳۶

(۲) ۰/۱۵ ، ۴/۴۸

(۳) ۰/۳ ، ۳/۳۶

(۴) ۰/۳ ، ۴/۴۸

۴۹- کدام مطلب درست است؟

(۱) اتم اکسیژن مولکول‌های  $\text{SO}_3$  در میدان الکتریکی، به سمت مثبت میدان الکتریکی جهت‌گیری می‌کند.

(۲) مولکول‌های آب از سمت اتم اکسیژن خود به سمت میله شیشه‌ای مالش داده شده به موی سر نزدیک می‌شوند.

(۳) در مولکول‌های قطبی، به طور حتم نقطه جوش ترکیبی بیشتر است که جرم مولی بالاتری دارد.

(۴) علی‌رغم جرم مولی مشابه  $\text{N}_2$  و  $\text{CO}$ ، نقطه جوش  $\text{CO}$  به دلیل قطبی بودن بیشتر است.

۴) غشاء نیمه تراوا در ساختار خیار اجازه عبور غیرانتخابی تمامی یون‌ها را می‌دهد، عاملی که باعث چروکیده شدن آن، در آب شور می‌شود.

#### ۵-کدام گزینه درست است؟

۱) با روش اسمز معکوس، نمی‌توان میکروب‌ها و ترکیبات آلی فرار را از آب جدا کرد.

۲) آب به دست آمده از روش صافی کربن، نیاز به ضدعفونی کردن دارد.

۳) تنها گازی که برای گندزدایی می‌توان استفاده کرد کلر است که گازی زرد رنگ است.

#### شیمی ۲

#### ۵-کدام مطلب نادرست است؟

۱) در استخراج  $m$  کیلوگرم آهن تقریباً  $3m$  کیلوگرم سنگ معدن آهن و  $m$  کیلوگرم از منابع معدنی دیگر استفاده می‌شود.

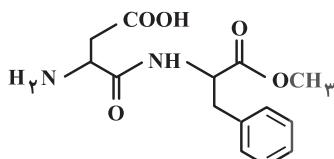
۲) با استفاده از انرژی صرفه‌جویی شده در بازیافت هفت قوطی فولادی می‌توان یک لامپ  $60$  واتی را در حدود  $25$  ساعت روشن نگه داشت.

۳) بازیافت فلزها از جمله آهن، ردهای  $\text{CO}_2$  و سرعت گرمایش جهانی را کاهش می‌دهد.

۴) فلزها منابعی تجدیدناپذیرند و پسماند سرانه سالانه فولاد  $40$  کیلوگرم می‌باشد.

#### ۵-با توجه به ساختار مولکولی زیر کدام عبارت درست است؟

۱) در ساختار این مولکول حلقه بنزنی دیده می‌شود و برخلاف ماده موجود در ضد بید آروماتیک می‌باشد.



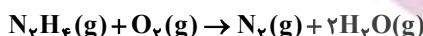
۲) این مولکول می‌تواند درون مولکول خود یا با مولکول‌های آب پیوند هیدروژنی تشکیل دهد.

۳) همانند مولکول آلی موجود در کلستروول دارای گروه عاملی هیدروکسید ( $-\text{OH}$ ) می‌باشد.

۴) در شرایط STP یک مول از این ماده در واکنش با  $134/4$  لیتر  $\text{H}_2$  به طور کامل از هیدروژن سیر می‌شود. (در حضور کاتالیزگر مناسب)

۵-با توجه به واکنش‌های ۱ تا ۳، اگر در واکنش موازن شده زیر  $1380\text{ kJ}$  گرما آزاد شود، چند گرم فراورده حاصل می‌شود؟

$$(N = 14, O = 16, H = 1: \text{g.mol}^{-1})$$



۲۵۶ (۱)

۲۴۶ (۲)

۲۷۶ (۳)

۲۹۶ (۴)

۵-اگر ساختار پلی‌استری به صورت  $\left[ \text{C} \begin{array}{c} \parallel \\ \text{O} \end{array} - \text{C}_6\text{H}_4 - \text{C} \begin{array}{c} \parallel \\ \text{O} \end{array} - \text{O} - (\text{CH}_2)_4 - \text{O} \right]_n$  باشد، فرمول مولکولی دی اسید و دی الکل سازنده

آن کدام است؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

$$\text{C}_2\text{H}_6\text{O}_2, \text{C}_8\text{H}_8\text{O}_4 \quad (1)$$

$$\text{C}_4\text{H}_{10}\text{O}_2, \text{C}_8\text{H}_8\text{O}_4 \quad (2)$$

$$\text{C}_2\text{H}_6\text{O}_2, \text{C}_8\text{H}_8\text{O}_4 \quad (3)$$

$$\text{C}_4\text{H}_{10}\text{O}_2, \text{C}_8\text{H}_8\text{O}_4 \quad (4)$$

۵۵- کدام یک از عبارت‌های زیر در خصوص عناصر شیمیایی نشان داده شده در جدول زیر درست است؟ (نماد عنصرها فرضی است).

دوره \ گروه	۱	۲	۱۳	۱۴	۱۵	۱۶
۳		A	M		E	X
۴	B			D	G	

۱) خاصیت فلزی عنصر G بیشتر از عناصر D و B است.

۲) عنصر B سدیم است که فلزی نرم بوده و به سرعت در هوا کدر می‌شود.

۳) در بین عناصرهای داده شده، عنصر X خاصیت نافلزی بیشتری نسبت به سایر عناصر دارد.

۴) کمترین شعاع در بین عناصرهای داده شده به عنصر A تعلق دارد.

۵۶- کدام گزینه درست است؟

۱) دومین عضو خانواده آلکین‌ها و آلکین‌ها به ترتیب در کشاورزی و جوشکاری کاربرد گسترده‌ای دارند.

۲) اتن در محیط قلیایی با آب واکنش می‌دهد و اتانول تولید می‌شود.

۳) نفتالن جامدی سفید رنگ است که امروزه برای نگهداری فرش و لباس کاربرد گسترده‌ای دارد.

۴) آلkan‌ها بخش عمده هیدروکربن‌های موجود در نفت خام را تشکیل می‌دهند.

۵۷- اگر آنتالپی سوختن اولین و سومین عضو آلkan‌ها به ترتیب  $-890$  و  $-2200$  کیلوژول بر مول باشد، بر اثر سوختن  $116$  میلی‌گرم از

آلکانی با  $14$  اتم به تقریب دمای چند گرم روغن زیتون را می‌توان از  $30^{\circ}\text{C}$  به  $65^{\circ}\text{C}$  رساند؟ (ظرفیت گرمایی ویژه روغن زیتون را

$$\text{برابر } 1\text{.}^{\circ}\text{C}^{-1} \cdot 2\text{J.g}^{-1} \text{ در نظر بگیرید و } H = 1, C = 12: \text{g.mol}^{-1}$$

۸۱/۶ (۲) ۸۶/۶ (۱)

۸۳/۶ (۴) ۸۷/۶ (۳)

۵۸- اگر  $48/16 \times 10^{22}$  مولکول  $\text{N}_2\text{O}_5$  در یک ظرف سربسته  $6$  لیتری قرار گرفته و در شرایط مناسب طبق واکنش  $4\text{NO}_2(g) + \text{O}_2(g) \rightarrow 4\text{NO}_3(g)$  تجزیه شده و پس از  $50$  ثانیه از ابتدای واکنش، مجموع تعداد مولکول‌های موجود در ظرف برابر با

$66/22 \times 10^{22}$  باشد، سرعت تولید گاز اکسیژن در این بازه زمانی برحسب  $\text{mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$  چقدر بوده است؟

$$(N = 14, O = 16: \text{g.mol}^{-1})$$

۰/۰۸ (۴) ۰/۰۴ (۳) ۰/۰۲ (۲) ۰/۰۱ (۱)

۵۹- کدام مطلب نادرست است؟

۱) حدود  $50$  درصد از لباس‌های تولیدی در جهان از پنبه تهیه می‌شود.

۲) نوع عناصرهای سازنده الیاف پنبه با نوع عناصرهای سازنده اتانول یکسان است.

۳) سلولز، نشاسته و اتن همگی درشت مولکول محسوب شده و اندازه مولکول آن‌ها بسیار بزرگ است.

۴) اگر گاز  $\text{C}_2\text{H}_4$  را در فشار بالا گرمادهیم، جامد سفید رنگی به دست می‌آید که جرم مولی آن اغلب ده‌ها هزار گرم بر مول است.

۶- چند مورد از مطالبات زیر از نظر درستی یا نادرستی مشابه جمله زیر است؟

«نخ دندان از پلیمری ساخته می‌شود که از نظر شیمیایی بی‌اثر است و در حللاهای آلی حل نمی‌شود.»

الف) پلیمر سازنده الیاف پتو، شامل مونومرهایی است که در ساختار آن یک جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.

ب) فرمول  $\text{C}_x\text{H}_x$  را می‌توان به بنزن و مونومر سازنده ظروف یکبار مصرف نسبت داد.

پ) پلیمری است که براساس داشتن یا نداشتن شاخه کربنی در ساختارش به دو دسته پلی‌اتن سبک و سنگین تقسیم‌بندی می‌شود.

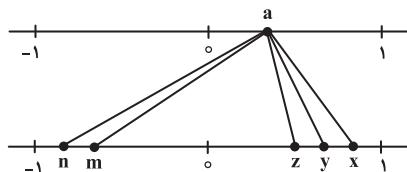
ت) درشت مولکول‌ها دسته‌ای از پلیمرها هستند که تعداد اتم‌های سازنده آن‌ها زیاد است و جرم مولی بالایی دارند.

ث) درصد جرمی کربن در پلی‌اتن و پلی‌پروپن مشابه درصد جرمی کربن در مولکول آلکن می‌باشد.

۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

## ریاضی ۱

۶۱- در نمودار زیر، عدد  $a$  به ریشه‌های چهارم، پنجم و ششم خود وصل شده است. کدام گزینه نادرست است؟



$$m + z = n + x \quad (1)$$

$$z + n > m + x \quad (2)$$

$$m + x > 0 \quad (3)$$

$$n + y < 0 \quad (4)$$

۶۲- اعداد  $x$ ،  $y$  و  $z$  (با همین ترتیب) سه جمله متولی از یک دنباله حسابی‌اند. اگر یک واحد از  $x$  کم کرده و یک واحد به  $y$  اضافه کنیم، اعداد جدید (با همان ترتیب) سه جمله متولی از یک دنباله هندسی خواهند بود. قدرنسبت دنباله هندسی چقدر از قدرنسبت دنباله حسابی بیشتر است؟

۴ (۱)

۳ (۲)

۲ (۳)

۱ (۴)

۶۳- اگر  $\sqrt{x+1} + \frac{2}{\sqrt{x+1}}$  باشد، آن‌گاه حاصل کدام است؟

$$\sqrt{3} + 2 \quad (2) \qquad \sqrt{6} + \sqrt{2} \quad (1)$$

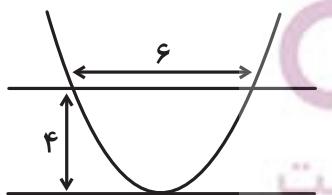
$$2\sqrt{3} + 2 \quad (4) \qquad \sqrt{3} + 1 \quad (3)$$

۶۴- با ارقام ۱ تا ۹، یک عدد چهار رقمی با ارقام متمایز را به صورت تصادفی می‌سازیم. احتمال آن که بزرگ‌ترین رقم این عدد ۸ باشد چقدر است؟

$$\frac{4}{9} \quad (2) \qquad \frac{7}{18} \quad (1)$$

$$\frac{5}{18} \quad (4) \qquad \frac{2}{9} \quad (3)$$

۶۵- شکل زیر نمودار تابع  $f(x) = ax^3 + 5x - 7$  به همراه دو خط موازی محور  $x$ ‌ها را نشان می‌دهد. حاصل  $f(9a - 1)$  کدام است؟



۸ (۱)

۲۷ (۲)

۱۲ (۳)

۲۱ (۴)

۶۶- مجموعه جواب نامعادله  $x^3 + 5x - 7 < 3x^3 + 3x + 15$  با مجموعه جواب نامعادله  $\frac{(x^3 + ax + b)(x^3 + 4)}{x^2 - x + 2} < 0$  یکسان است.

مقدار  $a + b$  کدام است؟

-۱۰ (۱)

۸ (۲)

-۸ (۳)

۶ (۴)

۶۷- برای تابع خطی  $f$  رابطه  $2f(x+2) + f(x+1) = -4x + 2$  برقرار است. نمودار تابع  $(x) = \frac{1}{4}y$  از کدام ناحیه‌های مختصاتی می‌گذرد؟

- (۱) فقط ۱ و ۲  
(۲) فقط ۳ و ۴  
(۳) فقط ۱، ۲ و ۳  
(۴) فقط ۱، ۲، ۳ و ۴

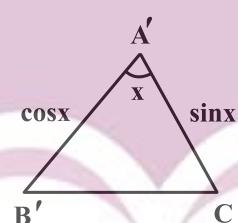
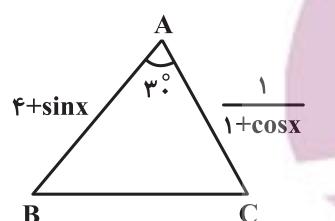
۶۸- چند جایگشت ۶ حرفی از حروف کلمه «جهان‌گردی» وجود دارد که در آن‌ها دو حرف «د، ی» وجود داشته ولی کنار هم نباشند؟

- ۳۶۰۰ (۱)  
۲۶۸۸ (۲)  
۴۸۰۰ (۳)  
۷۲۰۰ (۴)

۶۹- اگر  $b \neq 0$  و  $g(\frac{a}{b})$  یک تابع ثابت و  $g$  یک تابع همانی باشد، حاصل  $f(-1, 3a-b), (2, a+b)$  کدام است؟

- (۱) صفر  
(۲)  $\frac{1}{2}$   
 $-\frac{1}{2}$  (۳)  
۱ (۴)

۷۰- در شکل زیر، مساحت مثلث  $ABC$  برابر  $\frac{3}{4}$  است. مساحت مثلث  $A'B'C'$  با زاویه حاده  $x$ ، کدام است؟



- $\frac{12}{125}$  (۱)  
 $\frac{24}{125}$  (۲)  
 $\frac{21}{250}$  (۳)  
 $\frac{63}{250}$  (۴)

## ریاضی ۲

۷۱- اگر نوید در امتحان آمار و احتمال تقلب کند، به احتمال  $7/10$  نمره قبولی را می‌گیرد. از طرفی اگر در امتحان قبول شود، به احتمال  $6/10$  تقلب کرده است. اگر بدانیم احتمال آن که او نه تقلب کند و نه نمره قبولی را بگیرد برابر با  $2/10$  باشد، احتمال تقلب کردن او در این امتحان چقدر است؟

- $\frac{5}{11}$  (۱)  
 $\frac{7}{11}$  (۲)  
 $\frac{6}{11}$  (۳)

۷۲- معادله درجه دومی که ریشه‌هایش، معکوس جواب‌های معادله  $\frac{7x+5}{x+1} = \frac{13}{2} - \frac{x+1}{4x}$  باشد، کدام است؟

$x^2 - 4x + 3 = 0$ (۱)	$3x^2 - 4x + 1 = 0$ (۲)
$x^2 - 3x - 4 = 0$ (۳)	$4x^2 - 3x - 4 = 0$ (۴)

۷۳- مساحت متوازی الاضلاعی که یک رأس آن نقطه  $(2, 3)$  و دو ضلع آن بر نمودار  $|2x - 6| = y$  قرار دارد، کدام است؟

(۱)

۱/۲۵ (۲)

۱/۵ (۳)

۱/۷۵ (۴)

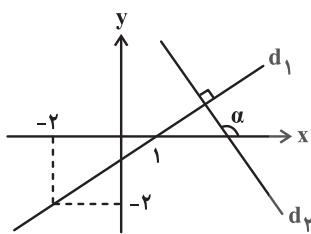
۷۴- اگر  $f + 2g$  تابع همانی و  $\{(1, 4), (-2, 3), (3, 5)\}$  باشد، آن‌گاه مجموع عناصر برد تابع  $f$  در دامنه مشترک  $f$  و  $g$  کدام است؟

$$\frac{26}{5} \quad (۱)$$

$$\frac{25}{3} \quad (۲)$$

$$\frac{19}{5} \quad (۳)$$

$$7 \quad (4)$$



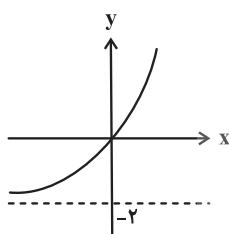
۷۵- در شکل زیر، دو خط  $d_1$  و  $d_2$  بر هم عمودند. مقدار  $\frac{\sin(\alpha - 5\pi) - \sin(\frac{13\pi}{2} - \alpha)}{\cos(\frac{7\pi}{4} + \alpha) + \cos(9\pi - \alpha)}$  کدام است؟

$$-\frac{1}{5} \quad (۱)$$

$$-\frac{2}{5} \quad (۲)$$

$$-5 \quad (۳)$$

$$-2/5 \quad (۴)$$



۷۶- نمودار تابع  $c$  به شکل زیر است. حاصل  $(f^{-1})^a$  کدام است؟

$$1/5 \quad (۱)$$

$$2 \quad (۲)$$

$$3 \quad (۳)$$

$$4 \quad (۴)$$

۷۷- اختلاف حد چپ و راست تابع  $f(x) = \begin{cases} \frac{2x - \sqrt{x+3}}{x - \sqrt{x}}, & x > 1 \\ [x^2] - x^2, & x < 1 \end{cases}$  در نقطه به طول ۱ کدام است؟ ([ ]، نماد جزء صحیح است).

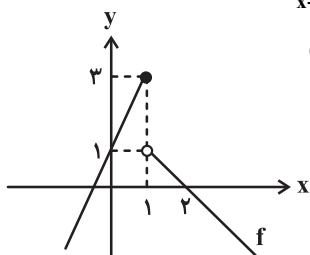
$$1/5 \quad (۱)$$

$$2/5 \quad (۲)$$

$$3/5 \quad (۳)$$

$$4/5 \quad (۴)$$

۷۸- اگر  $g(x)$  و نمودار  $f(x)$  به شکل زیر باشد و داشته باشیم  $[f(f(x))] = a$  و  $b = \lim_{x \rightarrow 1^+} [f(f(x))]$  و  $(x^3 - bx + 2a)$  در بازه  $(5, 1)$  کدام است؟ ([ ]، نماد جزء صحیح است).



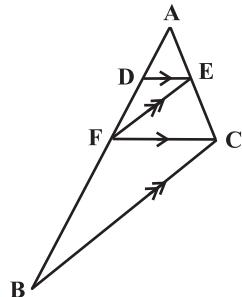
$$1) صفر \quad (۱)$$

$$1 \quad (۲)$$

$$2 \quad (۳)$$

$$3 \quad (۴)$$

۷۹- در شکل زیر  $FE \parallel BC$  و  $DE \parallel FC$  به مساحت مثلث  $EFC$  کدام است؟



۱ (۱)

۲ (۲)

۳/۵ (۳)

۴ (۴)

۸۰- اگر  $a = \log_{45} 75$  باشد، حاصل  $\log_{75} 15$  بر حسب a کدام است؟

$$\frac{a-3}{3a} \quad (۱)$$

$$\frac{a-3}{3a-1} \quad (۲)$$

$$\frac{3a+1}{a-1} \quad (۳)$$

$$\frac{a+1}{3a} \quad (۴)$$

