



آزمون هدیه ۱۱ مهر ۱۴۰۶

اختصاصی دوازدهم ریاضی

نحوه کل سوال

تعداد کل سوالات: ۹۰ سوال

نام درس	تعداد سوال	شماره سوال	زمان پاسخ‌گویی (دقیقه)
اجباری	۱۰	۱-۱۰	۱۵
اجباری	۱۰	۱۱-۲۰	۱۵
اجباری	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵
اجباری	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵
اجباری	۱۰	۴۱-۵۰	۱۵
اجباری	۱۰	۵۱-۶۰	۱۵
اجباری	۱۰	۶۱-۷۰	۱۵
اجباری	۱۰	۷۱-۸۰	۱۰
اجباری	۱۰	۸۱-۹۰	۱۰
مجموع	۹۰	۹-۰	۱۲۵

پذیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان	رضا ادبی-علی آزاد-مهدي حاجی-نژادیان-بهرام حلاج-محمد حمیدی-عاطفه خان محمدی-نیما خانعلی-پور-سجاد داولطلب حمیدرضا صاحبی-احسان غنی‌زاده-کیان کریمی خراسانی-اکبر کلام‌ملکی-احمد مهرابی-مجتبی نادری-پدرام نیکوکار
هنده و آمار و احتمال	امیرحسین ابومحبوب-علی ایمانی-حسین حاجیلو-سید محمد رضا حسینی فرد-محمد حسین حشمت الواعظین-افشین خاصه خان فرزانه خاکی‌اش-محمد خدانا-حیدر رضا دهقان-سوگند روشنی-علیرضا شریف خطیبی-محمد طاهر شعاعی-رضاعباسی اصل علی قفتح آبادی-مرتضی فیضی علی-سهام مجیدی پور-سینا محمد پور-مهدي نیک‌زاده
فیزیک	معصومه افضلی-مهدي آذرنسپ-زهره اقامحمدی-علیرضا رستم زاده-امیر ستار زاده-رامین شادلوي-بهنام شاهيني-محمد رضا شير وانی زاده سعید طاهری بروجنی-محمد عظیم پور-محسن قنچار مصطفی کیانی-فرشاد لطف‌اله زاده-حسین مخدومی-احسان مطابی-سید علی میرنوری
شیمی	مریم اکبری-سنهد راحمی پور-جعفر حمیمی-فرزاد رضایی-روزبه رضوانی-آرین شجاعی-امیرحسین طبیبی-محمد عظیمیان زواره محمد کوهستانیان-جواد گتابی-محمد حسن محمدزاده مقدم-دانیال مهر علی-محمد وزیری

گروه علمی اختصاصی

نام درس	ریاضی پایه و حسابان	هنده و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	سید سپهر متولیان	مهرداد ملوندی	حسام نادری	آرش ظریف
گروه ویراستاری	یاسین کشاورزی مهرداد ملوندی	امیرحسین ابومحبوب مهرداد ملوندی	حسین بصیر تر کبور زهره آقامحمدی	یاسر راش مصطفی مجتبی فرزاد حجاج مقدم
مسئول درس	سید سپهر متولیان	مهرداد ملوندی	حسام نادری	آرش ظریف
مسئله اسناد	سمیه اسكندری	سجاد سلیمانی	علیرضا همایون خواه	امیرحسین توحیدی
ویراستاران مستند	معصومه صنعت کار-مهسا محمدنیا-فرشته کیمی‌اری-سجاد سلیمانی	سجاد بهارلوی ابراهیم نوری	سجاد بهارلوی ابراهیم نوری	محسن دستجردی آینه ذکری

گروه قرنی و تولید اختصاصی

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصفهانی
حروف نگار و صفحه‌آرا	مدیر دفترچه: الهه شهیازی
ناظر چاپ	فرزانه فتح‌اله زاده

گروه آزمون
بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: کل کتاب

۱- در یک دنباله هندسی، مجموع پنج جمله اول برابر ۲۵ و جمله ششم از جمله اول ۱۵ واحد بیشتر است. جمله هفتم این دنباله

چند برابر جمله پنجم آن است؟

(۴) $\frac{64}{25}$

(۳) $\frac{8}{3}$

(۲) $\frac{8}{5}$

(۱) $\frac{64}{9}$

۲- قدرمطلق تفاضل ریشه‌های معادله $x^2 + \frac{36}{x^2+2x+1} = \frac{12x}{x+1}$ کدام است؟

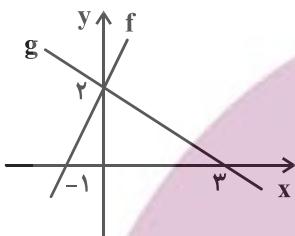
(۴) ۷

(۳) ۵

(۲) ۳

(۱) ۱

۳- نمودار توابع خطی f و g به شکل مقابل است. بیشترین مقدار تابع $f \cdot g$ کدام است؟



(۱) $\frac{16}{3}$

(۲) $\frac{14}{3}$

(۳) $\frac{16}{9}$

(۴) $\frac{14}{9}$

۴- اگر $f(x) = \frac{x-1}{3x+4}$ و $g(-2)$ باشد، $(f^{-1} \circ g^{-1})(x-2) = \frac{fx+1}{2x-1}$ کدام است؟

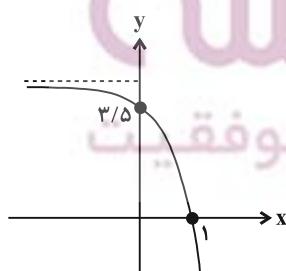
(۲) $\frac{1}{8}$

(۱) -۲

(۴) $\frac{1}{4}$

(۳) صفر

۵- شکل زیر، نمودار تابع با ضابطه $f(x) = -2^{ax+b}$ است. $f(3) = -\frac{1}{2}$ کدام است؟



(۱) -124

(۲) -508

(۳) -252

(۴) -38



۶- اگر دامنه تابع $f(x) = \sqrt{a - \log_{\sqrt{2}}(b - 3x)}$ بازه $(-2, 1)$ باشد، حاصل $\log_{\sqrt{2}}^{a+2b}$ کدام است؟

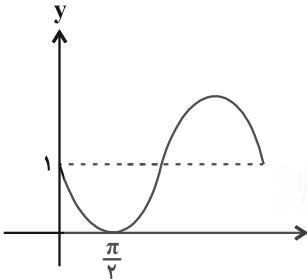
۶ (۲)

۳ (۱)

۴ (۴)

۲ (۳)

۷- نمودار رو به رو، مربوط به کدام یک از توابع زیر در فاصله $[0, 2\pi]$ است؟



$y = -\cos(\pi - x) \quad (1)$

$y = \sin(\pi - x) + 1 \quad (2)$

$y = \sin\left(\frac{3\pi}{2} - x\right) + 1 \quad (3)$

$y = \sin(3\pi + x) + 1 \quad (4)$

۸- حاصل عبارت $\frac{1}{\sin 2x} - \tan x$ برابر کدام است؟

tan 2x (۲)

cot 2x (۱)

cos 2x (۴)

sin 2x (۳)

۹- اگر $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\cos 2x}{\cos x - \sin x}$ و مقدار a کمترین مقدار مثبت ممکن باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{4}} \frac{2 + 2 \cos ax}{(4x - 1)^2} = \pi^2$ کدام است؟

۲ (۲) صفر

۱ (۱)

 $\sqrt{2}$ (۴) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۳)

۱۰- تابع با خصایطهای مفروض آنست. اگر تابع f در نقطه $x=1$ پیوسته باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow 3a^+} g(x)$ کدام است؟ ([]، نماد جزء صحیح است.)

**پیش‌نگاری
توشه‌ای برای موفقیت**

 $-\frac{2}{3}$ (۴) $-\frac{1}{6}$ (۳)

۱ (۲)

۱ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ۱: کل کتاب

۱۱- اگر جملات $x+5, 2x-1, y+1, x+1, \frac{z}{y}, xy-z$ به ترتیب از چپ به راست، جملات متولی یک دنباله حسابی باشند، حاصل کدام است؟

۸ (۴)

۶ (۳)

۴ (۲)

-۱ (۱)

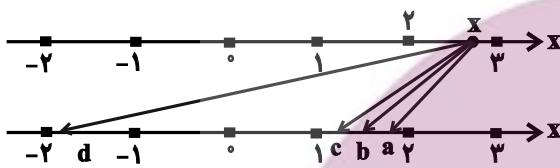
۱۲- اگر $\sin 2x = \frac{3m-1}{2}$ و $30^\circ \leq x \leq 105^\circ$ باشد، محدوده m کدام است؟

۰ < m < ۱ (۲)

۰ ≤ m ≤ ۱ (۱)

۰ < m < $\frac{2}{3}$ (۴)۰ ≤ m ≤ $\frac{2}{3}$ (۳)

۱۳- در شکل زیر، عدد x به ریشه‌های دوم، سوم و پنجم خود در محور پایین وصل شده است. کدام گزینه درست است؟



(۱) : ریشه‌های دوم، b : ریشه سوم و a : ریشه پنجم

(۲) : ریشه‌های دوم، b : ریشه سوم و c : ریشه پنجم

(۳) : ریشه‌های دوم، c : ریشه سوم و b : ریشه پنجم

(۴) : ریشه‌های دوم، a : ریشه سوم و b : ریشه پنجم

۱۴- حاصل عبارت $A = \frac{19\sqrt{2}-11\sqrt{5}}{\sqrt{8}+\sqrt{125}} + \frac{6}{4+\sqrt{10}}$ کدام است؟

۷ (۲)

۱ (۱)

۲\sqrt{10}-1 (۴)

۷-۲\sqrt{10} (۳)

۱۵- می‌دانیم معادله $-ax^2 - x = 1 - a$ حداقل یک ریشه و معادله $-8cx^2 - 8bx + 1 = 0$ چقدر است؟

لیاقت

توشه‌ای برای موفقیت

 $\frac{3}{4}$ (۲) $\frac{9}{8}$ (۱) $\frac{5}{8}$ (۴) $\frac{7}{8}$ (۳)



۱۶- جدول تعیین علامت عبارت $f(x) = 9n^2 - 1)x^3 + nx + 2m + 1$ کدام است؟

x	6
$f(x)$	$+$
	$-$

۳ (۲)
-۹ (۴)

-۳ (۱)
۹ (۳)

۱۷- اگر رابطه $\{ (2, 3a-b), (4, -4), (7, 3), (2, 9), (4, a+2b) \}$ یک تابع باشد، مقدار $a^2 + b^2$ کدام است؟

۵ (۲)

۴ (۱)

۸ (۴)

۱۳ (۳)

۱۸- مساحت ناحیه محدود به نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} 3 - \frac{x}{2}, & 2 \leq x \leq 6 \\ |x|, & -2 \leq x < 2 \\ 2, & -4 < x < -2 \end{cases}$ و محور طولها کدام است؟

۱۲ (۲)

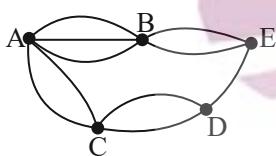
۱۶ (۱)

۲۲ (۴)

۶ (۳)

۱۹- اگر شکل زیر نشان دهنده مسیرهای بین شهرهای A تا E باشد و همه جاده‌ها دو طرفه باشند، به چند طریق می‌توان از شهر A به شهر E رفت و برگشت، به طوری که از هیچ مسیر رفتی در موقع برگشت استفاده نشود؟ (در زمان رفت یا برگشت،

امکان جایابی بین شهرها حداقل ۱ بار امکان پذیر است.)



۷۲ (۲)

۶۰ (۱)

۹۴ (۴)

۳۶ (۳)

۲۰- احتمال بارش باران در هفته آخر پائیز، $\frac{3}{17}$ برابر احتمال عدم بارش باران است. اگر احتمال بارش برف $0/18$ و احتمال بارش هر دو

(برف و باران)، $0/12$ باشد، احتمال اینکه حداقل یکی بیارد، کدام است؟

۰/۲۲ (۲)

۰/۲۱ (۱)

۰/۲۴ (۴)

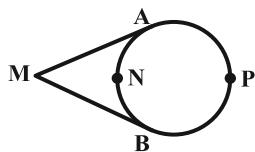
۰/۲۳ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۲: کل کتاب

- ۲۱- مطابق شکل از نقطه M ، دو مماس MA و MB بر دایره رسم شده است. اگر $\hat{M} = 30^\circ$ باشد، آنگاه اندازه کمان \widehat{APB} چند است؟

برابر اندازه کمان \widehat{ANB} است؟

$$\frac{7}{5} \quad (2)$$

$$\frac{5}{3} \quad (1)$$

$$\frac{7}{4} \quad (4)$$

$$\frac{5}{4} \quad (3)$$

- ۲۲- از دو نقطه A و B مماس‌هایی به طول ۶ واحد بر دایره $C(O, r)$ رسم شده است. بیشترین فاصله ممکن بین دو نقطه A و B کدام است؟

$$16 \quad (2)$$

$$14 \quad (1)$$

$$20 \quad (4)$$

$$18 \quad (3)$$

- ۲۳- اگر طول خط‌المرکزین دو دایره متتارج برابر $2\sqrt{10}$ و اندازه مماس مشترک‌های خارجی و داخلی این دو دایره به ترتیب ۶ و ۲ باشد، شعاع دایره بزرگتر چند برابر شعاع دایره کوچکتر است؟

$$2 \quad (2)$$

$$\frac{3}{2} \quad (1)$$

$$4 \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

- ۲۴- یک دوازده‌ضلعی منتظم در دایره‌ای به شعاع $\sqrt{2}$ محاط شده است. مساحت این دوازده‌ضلعی منتظم کدام است؟

$$6 \quad (2)$$

$$4 \quad (1)$$

$$12 \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

- ۲۵- یک مثلث به مساحت ۵۴ را تحت برداری که ابتدای آن یک رأس مثلث و انتهای آن محل همرسی میانه‌های مثلث است، انتقال می‌دهیم. مساحت ناحیه مشترک بین مثلث و تصویرش تحت این انتقال کدام است؟

$$6 \quad (2)$$

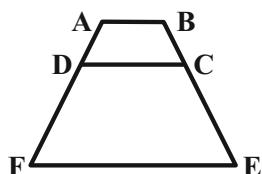
$$3 \quad (1)$$

$$18 \quad (4)$$

$$9 \quad (3)$$



-۲۶ در شکل زیر ذوزنقه ABCD تحت یک تجانس با نسبت k بر ذوزنقه DCEF تصویر شده است. اگر $AB = 2$ و $EF = 8$ باشد، مقدار k کدام است؟



۲ (۱)

 $\frac{5}{2}$ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

-۲۷ در مثلث ABC، اگر $\hat{A} = 120^\circ$ و $AC = 10$ ، $AB = 6$ باشد، $\sin \hat{C}$ کدام است؟

 $\frac{13}{14}$ (۱) $\frac{3\sqrt{3}}{14}$ (۱) $\frac{\sqrt{185}}{14}$ (۴) $\frac{3}{14}$ (۳)

-۲۸ اگر رابطه $a^3 + b^3 = bc^2 + ac^2$ بین طول اضلاع مثلث ABC برقرار باشد، مساحت این مثلث کدام است؟

 $\frac{1}{4}bc$ (۲) $\frac{\sqrt{3}}{4}bc$ (۱) $\frac{\sqrt{3}}{4}ab$ (۴) $\frac{1}{4}ab$ (۳)

-۲۹ در مثلثی با اضلاع ۹، ۱۰ و ۱۷، طول بلندترین ارتفاع کدام است؟

۸ (۲)

(۱)

۱۰ (۴)

(۳)

-۳۰ در مثلث متساوی الساقین ABC که در آن $\hat{A} = 120^\circ$ و $BC = 6\sqrt{3}$ است، طول نیمساز داخلی زاویه B کدام است؟

۶ (۲)

(۱)

 $6\sqrt{2}$ (۴)

(۳)

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: کل کتاب

۳۱- عکس نقیض ترکیب شرطی $(q \vee \sim r) \Rightarrow p$, همارز با کدام یک از گزاره‌های زیر است؟

$$(p \wedge q) \Rightarrow r \quad (۲)$$

$$(p \wedge r) \Rightarrow q \quad (۱)$$

$$(p \vee q) \Rightarrow r \quad (۴)$$

$$(p \vee r) \Rightarrow q \quad (۳)$$

۳۲- نقیض گزاره $(\exists x \in \mathbb{R}; x^2 = 2) \Rightarrow (\forall x \in \mathbb{R}; x^2 > 0)$ کدام است؟

$$(\forall x \in \mathbb{R}; x^2 \neq 2) \wedge (\forall x \in \mathbb{R}; x^2 > 0) \quad (۲)$$

$$(\exists x \in \mathbb{R}; x^2 = 2) \wedge (\exists x \in \mathbb{R}; x^2 \leq 0) \quad (۱)$$

$$(\forall x \in \mathbb{R}; x^2 \neq 2) \vee (\forall x \in \mathbb{R}; x^2 > 0) \quad (۴)$$

$$(\exists x \in \mathbb{R}; x^2 = 2) \vee (\exists x \in \mathbb{R}; x^2 \leq 0) \quad (۳)$$

۳۳- اگر A ، B و C سه مجموعه ناتهی و $A \times B \subseteq (A - C) \times (B \cap C)$ باشد، حاصل کدام است؟

$$B^c \quad (۲)$$

$$A^c \quad (۱)$$

$$\emptyset \quad (۴)$$

$$C^c \quad (۳)$$

۳۴- فضای نمونه یک آزمایش تصادفی و $S = \{a_1, a_2, a_3, a_4, a_5\}$ است. اگر $C = \{a_4, a_5\}$ و $B = \{a_1, a_2\}$ ، $A = \{a_1, a_2\}$ باشد، احتمال پیشامد $\{a_1\}$ کدام است؟

$$P(C) = \frac{1}{2} \quad P(B) = \frac{2}{5} \quad P(A) = \frac{1}{3}$$

$$\frac{2}{15} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{10} \quad (۱)$$

$$\frac{1}{5} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{6} \quad (۳)$$

۳۵- صفحه عقربه A به ۴ قطاع مساوی با شماره‌های ۴، ۳، ۲ و ۱ و صفحه عقربه B به ۵ قطاع مساوی با شماره‌های ۵، ۴، ۳ و ۲ تقسیم شده است. هر دو عقربه را می‌چرخانیم. با کدام احتمال لاقل یکی از عقربه‌ها روی عدد اول می‌ایستد؟

$$0/8 \quad (۲)$$

$$0/6 \quad (۱)$$

$$0/75 \quad (۴)$$

$$0/7 \quad (۳)$$

^{۳۶} خانواده‌ای دارای سه فرزند است. یکی از فرزندان این خانواده را به‌طور تصادفی انتخاب می‌کنیم.

برادر بزرگتر است؟

1
3

1
१

1
2

३८

- ۳۷- میانگین داده‌های جدول زیر کدام است؟

داده	۲	۶	۱۰	۱۴	۱۸	۲۲
فراوانی نسبی	۰/۱	۰/۱۵	۰/۲۵	۰/۳	۰/۱۵	۰/۰۵

10 / 18 (2)

10 / 8 (1)

۱۱ / ۶

۱۱ / ۲ (۵)

^{۳۸}- اگر داده‌های آماری، $13, 15, 8, 13, 10, 10, 7, 9/5, 13/5, 10/5, 12, 10$ را نمودار جعبه‌ای نمایش دهیم، واریانس داده‌های داخل جعبه کدام است؟

۱۱۵ (۲)

۱۸۳ (۱)

1/9 (F)

1/7 (3)

۳۹- در فضای نمونه‌ای شامل اعداد طبیعی یک رقمی، با کدام احتمال برآورد نقطه‌ای میانگین توسط یک نمونه دو عضوی بزرگ‌تر از ۶ است؟

۲۹

1

1
6

三

^{۴۰}- با انتخاب نمونه‌ای به اندازه^{۱۱} از جامعه‌ای با انحراف معیار^۴، فاصله اطمینان ۹۵ درصد برای میانگین جامعه به صورت^{۱۱,۱۳}

بیر آورد شده است. اندازه نمونه انتخاب شده کدام است؟

۳۶(۲)

۱۶ (۱)

1FF (F)

٦٤ (٣)

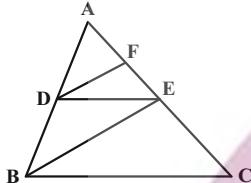
۴۱- کدام یک از گزاره‌های زیر در هر مثلث دلخواه همواره درست است؟

- ۱) روی ارتفاع نظیر هیچ کدام از رأس‌ها، نقطه‌ای وجود ندارد که از دو رأس دیگر مثلث به یک فاصله باشد.
 - ۲) نقطه همرسی عمودمنصف‌های اضلاع، داخل یا خارج مثلث است.
 - ۳) ارتفاع وارد بر بزرگ‌ترین ضلع مثلث، داخل مثلث قرار دارد.
 - ۴) طول هیچ کدام از اضلاع، با طول میانه وارد بر آن‌ها برابر نیست.

۴۲- در مثلثی به طول اضلاع ۵، ۶ و ۵، نقطه هم‌رسی عمودمنصف‌ها است. فاصله O از ضلع بزرگ‌تر این مثلث چند واحد است؟

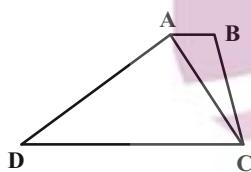
- १८७० (३) • १८७५ (२) • १८८० (१)

- در شکل ذیه DE || BC و DF || BE است. اگر $\angle A = \angle F$ باشد، مساحت مثلث DEF چه کسری، از مساحت مثلث ABC است؟



- $$\frac{q}{2\Delta} \quad (1)$$

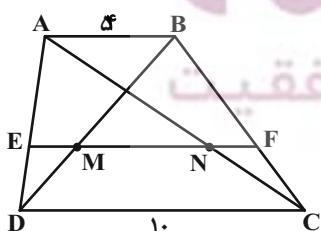
- در شکل زیر $\hat{D}\hat{A}\hat{C} = \hat{B}$ و $AB \parallel CD$ است. اگر $AC = 10$ و $AB = 4$ باشد، طول پاره خط CD کدام است؟



- ۱۶ (۱)
۱۸ (۲)
۲۰ (۳)
۲۸ (۴)

۴۵- در دو نقطه شکل، ذیر به طبقاً، قاعده های، ۴ و ۱۰ واحد، باره خط EF موازی، قاعده های، دو نقطه، ۱۰، نقاط M و N قطع کرد است.

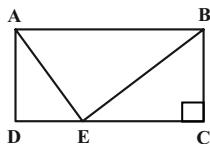
اگر $\frac{AE}{ED} = 3EM$ باشد، آنگاه کدام است؟



- 1/6 (1)
1/8 (2)
2/2 (3)
2 (4)



۴۶- در مستطیل $ABCD$ ، اگر $\hat{AEB} = 60^\circ$ و $DC = 2AD$ باشد، زاویه AEC چند درجه است؟



(۱) ۵۵

(۲) ۶۵

(۳) ۷۰

(۴) ۷۵

۴۷- اگر تعداد نقاط مرزی و درونی یک چندضلعی شبکه‌ای به ترتیب ۴ و ۳ برابر شود، چندضلعی شبکه‌ای دیگری به دست می‌آید که مساحت آن ۴ برابر چندضلعی اولیه است. حداقل مساحت چندضلعی شبکه‌ای اولیه کدام است؟

(۱) ۳/۵

(۲) ۴/۵

(۳)

(۴) ۴

۴۸- در مثلث قائم‌الزاویه‌ای که یکی از زاویه‌های حاده آن 75° است، فاصله نقطه همرسی میانه‌ها از ارتفاع وارد بر وتر، چه کسری از طول وتر است؟

(۱) $\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{\sqrt{3}}{6}$

(۳)

(۴)

۴۹- اگر یکی از ساق‌های ذوزنقه‌ای بر صفحه P منطبق باشد، ساق دیگر ذوزنقه کدام یک از وضعیت‌های زیر را نمی‌تواند داشته باشد؟

(۱) منطبق بر صفحه
(۲) متقطع با صفحه
(۳) موازی با صفحه
(۴) هر سه حالت امکان‌پذیر است.

۵۰- دو کره با شعاع‌های یکسان همیگر را قطع کرده‌اند. اگر فاصله مراکز دو کره، $\sqrt{2}$ برابر شعاع هر کدام از کره‌ها باشد، مساحت سطح مقطع حاصل از برخورد دو کره، چند برابر مساحت هر کدام از کره‌ها است؟

(۱) $\frac{1}{6}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{1}{8}$

(۴)



فیزیک ۲: کل کتاب

۵۱- یک میله سربی خنثی را به موی خنثی انسان مالش داده و میله را به یک کره خنثی از جنس نقره تماس می‌دهیم. با توجه به

جدول سری الکتریسیته مالشی، نوع بار کره نقره‌ای پس از تماس به میله فلزی کدام است و اگر کره نقره را به گلوله آونگ

انتهای مثبت سری
موی انسان
سرب
ابریشم
کاغذ
نقره
انتهای منفی سری

الکتریکی خنثی نزدیک کنیم، چه نیرویی به آن وارد می‌کند؟

(۱) مثبت - جاذبه

(۲) منفی - نیروی الکتریکی نداریم

(۳) مثبت - دافعه

(۴) منفی - جاذبه



۵۲- در شکل زیر، دو بار الکتریکی نقطه‌ای q_1 و q_2 در جای خود ثابت شده‌اند. کدام گزینه درست است؟



(۱) اگر بارهای q_1 و q_2 هم‌نام باشند، الزاماً $E_B \neq 0$ و $E_C = 0$.

(۲) اگر بارهای q_1 و q_2 ناهم‌نام باشند، الزاماً $E_A \neq 0$ و $E_D = 0$.

(۳) بهای نوع و اندازه‌های مختلف برای q_1 و q_2 ، همواره نقطه‌ای وجود دارد که در آن میدان الکتریکی خالص برابر صفر است.

(۴) اگر $E_D = 0$ ، آن‌گاه $|q_1| > |q_2|$ و $q_1 q_2 \neq 0$.

۵۳- اگر اختلاف پتانسیل دو سر خازنی از ۱۰ ولت به ۲۰ ولت افزایش یابد، انرژی ذخیره شده در آن 1800 nJ افزایش می‌یابد. در طی

این فرایند، بار ذخیره شده در خازن چند کولن افزایش یافته است؟

$$8 \times 10^{-8} \quad (۱)$$

$$12 \times 10^{-5} \quad (۲)$$

$$8 \times 10^{-5} \quad (۳)$$

$$12 \times 10^{-8} \quad (۴)$$



۵۴- دمای یک سیم مسی را از T_1 به اندازه ΔT افزایش می‌دهیم تا به دمای T_2 برسد و تغییر مقاومتش ΔR_1 می‌شود. حال اگر دمای

سیم را از T_2 به اندازه ΔT افزایش دهیم، تغییر مقاومتش ΔR_2 می‌شود. کدام گزینه صحیح است؟ (سیم همواره جامد است و

ذوب نمی‌شود و ضریب دمایی مس را ثابت فرض کنید).

$$4) \text{ نمی‌توان نظر قطعی داد.}$$

$$\Delta R_1 > \Delta R_2 \quad 3)$$

$$\Delta R_1 < \Delta R_2 \quad 2)$$

$$\Delta R_1 = \Delta R_2 \quad 1)$$

۵۵- جریان کل عبوری از مداری که فقط یک باتری دارد، ۴ آمپر است. اگر با تری این مدار دارای مقاومت درونی $1/5$ اهم باشد و نیروی

محرک آن ۳ برابر اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر آن باشد، نیروی محرک الکتریکی این باتری چند ولت است؟

$$18) 4$$

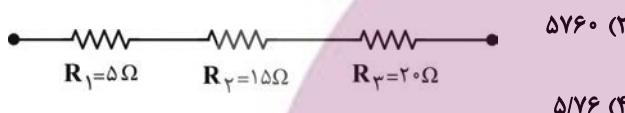
$$9) 3$$

$$6) 2$$

$$3) 1$$

۵۶- سه مقاومت مطابق شکل زیر به هم متصل‌اند. اگر هر یک از مقاومتها توانایی تحمل حداقل اختلاف پتانسیل 240 ولت را داشته

باشد، حداقل توان مصرفی قابل تحمل این مجموعه بدون آن که هیچ مقاومتی بسوزد، چند کیلووات است؟

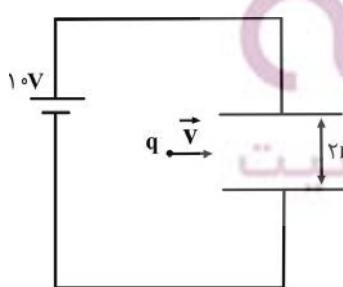


$$10/24 \quad 1)$$

$$102/4 \quad 3)$$

۵۷- مطابق شکل زیر، ذره باردار $+20\mu C$ با جرم 10 گرم با تندي ثابت $\frac{m}{s} = 10000$ بین صفحات خازنی تخت به سمت راست پرتاب می‌شود. حداقل اندازه میدان مغناطیسی یکنواخت چند تسلا و در چه جهتی باشد تا بار متحرک بدون انحراف از فضای بین

صفحات خازن بگذرد؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$ و از اثر نیروهای مقاوم در برابر حرکت صرف نظر شود).



$$1) 0^\circ \text{ و برون سو}$$

$$2) 90^\circ \text{ و درون سو}$$

$$3) 10^\circ \text{ و برون سو}$$

$$4) 10^\circ \text{ و درون سو}$$



۵۸- یک سیم راست حامل جریان الکتریکی در یک میدان مغناطیسی یکنواخت $G = 200 \text{ T}$ ، در راستایی قرار دارد که با جهت خطوط میدان زاویه 30° می‌سازد. اگر جریان عبوری از سیم 4 A باشد، اندازه نیروی مغناطیسی وارد بر 1 m از این سیم چند نیوتن است؟

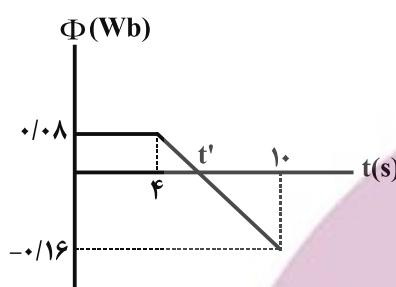
۰/۰۸ (۲)

۰/۰۴ (۱)

۸ (۴)

۴ (۳)

۵۹- نمودار تغییرات شار مغناطیسی عبوری از حلقه‌ای رسانا بر حسب زمان، مطابق شکل زیر است. بزرگی نیروی حرکت القایی متوسط

در حلقه در بازه زمانی 4 s تا t' ، چند میلیولت است؟

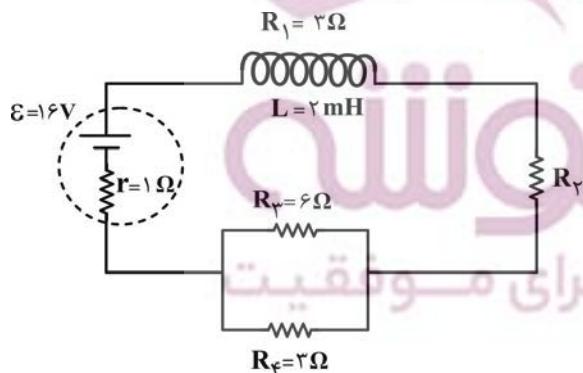
۲۰ (۱)

۳۰ (۲)

۴۰ (۳)

۵۰ (۴)

۶۰- در مدار شکل زیر، انرژی ذخیره شده در الگاگر چند ژول است؟



۲ (۱)

۰/۰۰۴ (۲)

۴ (۳)

۰/۰۰۲ (۴)

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: کل کتاب

۶۱- متحرکی در مدت زمان $1/5 \text{ min}$ ، سرعت خود را از $17/8 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ به $17/6 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ تغییر سرعت خودرو، به صورت نمادگذاری علمی چند $\frac{\mu\text{m}}{\text{h}^2}$ می‌باشد؟

(۲) $2/592 \times 10^{12}$

(۱) $2/592 \times 10^9$

(۴) $3/672 \times 10^{12}$

(۳) $3/672 \times 10^9$

۶۲- حجم‌های برابر از سه مایع A، B و C با چگالی‌های ρ_A ، ρ_B و $\rho_C = 1/3 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ را با یکدیگر مخلوط می‌کنیم. اگر چگالی مخلوط

برابر با $1/8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ شود و اختلاف چگالی مایع‌های A و B برابر با $1/7 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ باشد، ρ_A چند گرم بر لیتر است؟ ($\rho_A > \rho_B$ و در

اثر مخلوط شدن، تغییر حجم رخ نمی‌دهد.)

(۲) ۲۳۰۰

(۱) ۲۰۰۰

(۴) ۲۹۰۰

(۳) ۲۵۰۰

۶۳- چند مورد از موارد زیر نادرست است؟

الف) اجسامی که ذرات تشکیل‌دهنده آن‌ها در مکان‌های معینی نسبت به یکدیگر قرار داشته و در اطراف این مکان‌ها نوسان‌های کوچکی

انجام می‌دهند، حجم و شکل معینی دارند.

ب) بیشتر ماده موجود در فضای بین ستاره‌ای همانند ماده داخل لوله تابان لامپ‌های مهتابی، اغلب در دماهای خیلی بالا به وجود می‌آید.

پ) اگر مقداری نمک را در یک لیوان آب برشیم، پس از مدتی کل آب شور می‌شود که این پدیده، نشان‌دهنده این است که ذرات نمک

حرکت‌های نامنظم و کاتورهای دارند.

ت) برای درک بهتر ساختار جسم جامد، از مدلی استفاده می‌کنیم که گویی‌ها نماینده ذرات و فنرها نماینده نیروی الکتریکی بین آن‌ها هستند.

(۴) صفر

(۳) ۳

(۲) ۲

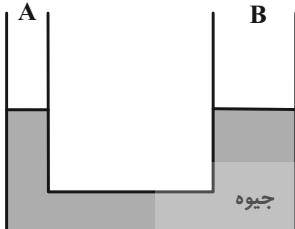
(۱)



۶۴- در لوله U شکل زیر، سطح مقطع شاخة A برابر با ۱ سانتی‌مترمربع، سطح مقطع شاخة B برابر با $1/5$ سانتی‌متر مربع و درون

شاخه‌ها مقداری جیوه در حال تعادل است. اگر $20/4$ گرم آب در شاخة B بریزیم، اختلاف ارتفاع جیوه در دو شاخه پس از

$$\text{رسیدن به تعادل چند سانتی‌متر خواهد شد؟} \quad (\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3})$$



۰/۶۶ (۱)

۱/۵ (۲)

۱ (۳)

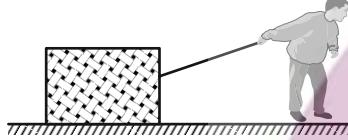
۱/۳۶ (۴)

۶۵- شخصی مطابق شکل زیر، با یک طناب می‌خواهد جعبه‌ای را با نیرویی به بزرگی F روی سطحی افقی به اندازه معینی بکشد. اگر

طول طناب را بتوانیم تغییر دهیم، با فرض این‌که حالت دست فرد تغییر نکند و جسم از سطح جدا نشود،

۱) در جابه‌جایی‌های یکسان، هرچه طول طناب بیشتر شود، کار انجام شده توسط

نیروی F کمتر می‌شود.



۲) در جابه‌جایی یکسان، هرچه طول طناب بیشتر شود، کار انجام شده توسط نیروی F

بیشتر می‌شود.

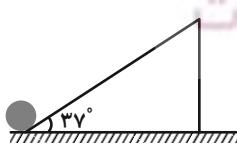
۳) در جابه‌جایی یکسان، کار انجام شده توسط نیروی F به طول طناب بستگی ندارد.

۴) بسته به آن که سطح دارای اصطکاک یا بدون اصطکاک باشد، هر یک از گزینه‌های ۱ یا ۲ می‌تواند درست باشد.

۶۶- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 100 g با تندی اولیه $\frac{m}{s} = 4\sqrt{2}$ در راستای سطح شیبدار به سمت بالا پرتاب می‌شود. اگر هنگام

برگشت به نقطه پرتاب، تندی آن نصف تندی اولیه‌اش باشد، جسم در مجموع در مسیر رفت و برگشت، چه مسافتی را بر حسب

$$\text{متر طی کرده است؟} \quad (N = 10 \frac{\text{kg}}{\text{kg}}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, \sin 37^\circ = 0/6)$$



$\frac{4}{3}$ (۲)

$\frac{5}{3}$ (۴)

$\frac{10}{3}$ (۱)

$\frac{5}{6}$ (۳)

۶۷- طول یک میله فولادی همگن، $1m$ و دمای آن $20^{\circ}F$ است. اگر دمای این میله را به $88^{\circ}F$ برسانیم، $6mm$ / m به طول آن اضافه

می شود. ضریب انبساط طولی این میله در SI کدام است؟ (ضریب انبساط طولی ثابت است).

$$1/2 \times 10^{-4} \text{ (2)}$$

$$1/2 \times 10^{-2} (1$$

$$\frac{1}{3} \times 10^{-2} \text{ (F)}$$

$$\frac{r}{3} \times 10^{-8} (\text{m})$$

- ۶۸- در صورت صرف نظر کردن از اتلاف گرما، جسمی به جرم 4 kg ، با گرمای اولیه 20°C ، در کنار کدام یک از

جسم‌های زیر به دمای تعادل 25°C می‌رسد؟ (فرض کنید هیچ تغییر حالتی رخ نمی‌دهد.)

$$\theta = 45^\circ C, c = 1 \frac{kJ}{kg \cdot K}, m = 5 \text{ kg} \quad (3)$$

$$\theta = 35^\circ \text{C}, c = 4, m = 3 \text{ kg} \quad (1)$$

$$\theta = 15^\circ \text{C}, c = 4186 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}}, m = 12 \text{ kg}$$

$$\theta = 40^\circ \text{C}, c = 4 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}}, m = 1 \text{kg} \quad (\text{3})$$

^{۶۹}- مخزنی حاوی ۶۰ لیتر گاز هیدروژن با دمای 27°C و فشار این گاز 415kPa باشد، چند مول هیدروژن درون مخزن است؟

و گاز هیدروژن را کامل در نظر بگیرید).

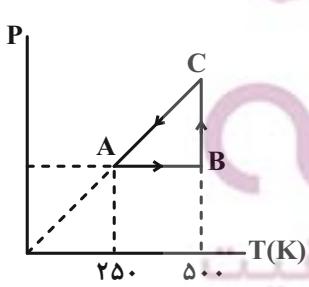
۲۰ (۴)

۱۵۵

10 (1)

8 (1)

-۷۰- نمودار P-T فرایندهایی که یک مول گاز کامل طی می‌کند، مطابق شکل زیر است. کار انجام شده روی گاز در فرایند CA چند



برابر کار انجام شده روی گاز در فرایند AB است؟

١) صفر

۲۴

۱۷

۴) باید فشار گاز در A معلوم باشد.

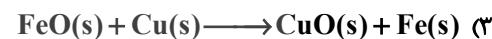
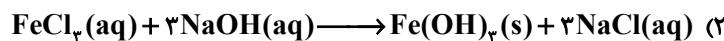
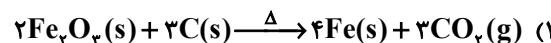


وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۷۱- کدام یک از واکنش‌های زیر انجام‌پذیر نبوده و به درستی نوشته نشده است؟



۷۲- کدام مطلب درست است؟

(۱) هیدروژن پراکسید با فرمول شیمیایی H_2O_2 با نام تجاری آب اکسیژنه به فروش می‌رسد.

(۲) آب اکسیژنه را می‌توان به طور مستقیم از واکنش بین گازهای اکسیژن و هیدروژن تهیه کرد.

(۳) آنتالپی واکنش تولید CO را می‌توان به روش تجربی از واکنش: $2\text{C}(\text{s}) + \text{O}_2(\text{g}) \rightarrow 2\text{CO}(\text{g})$ تعیین کرد.

(۴) تهیه آمونیاک به روش هابر از گازهای نیتروژن و هیدروژن یک واکنش تک مرحله‌ای است.

۷۳- در دوره سوم جدول تناوبی از به، خصلت نافلزی می‌یابد و کمترین خصلت نافلزی در گروه هفدهم

جدول تناوبی مربوط به است.

(۲) چپ، راست، کاهش، آخرین عنصر گروه

(۱) چپ، راست، افزایش، اولین عنصر گروه

(۴) راست، چپ، کاهش، آخرین عنصر گروه

(۳) راست، چپ، افزایش، اولین عنصر گروه

۷۴- هریک از الگوهای «استفاده از غذاهای بومی و فصلی» و «کاهش مصرف غذاهای فراوری شده» به ترتیب از راست به چپ، با کدام

اصول شیمی سبز، هم‌خوانی بیشتری دارد؟

(۱) کاهش مصرف انرژی - طراحی مواد و فراورده‌های شیمیایی سالم‌تر

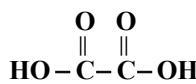
(۲) طراحی مواد و فراورده‌های شیمیایی سالم‌تر - کاهش مصرف انرژی

(۳) کاهش مصرف انرژی - کاهش تولید زباله و پسماند

(۴) کاهش تولید زباله و پسماند - کاهش مصرف انرژی



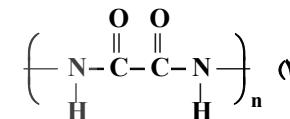
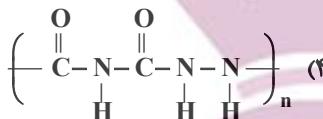
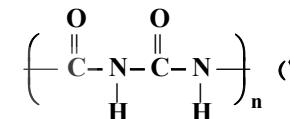
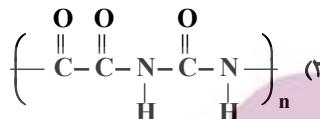
۷۵ - ساختار پلیمر حاصل از مونومرهای زیر کدام است؟



شکل (۲)



شکل (۱)



۷۶ - اگر در واکنش $\text{Al}_2(\text{SO}_4)_3(s) \longrightarrow \text{Al}_2\text{O}_3(s) + 3\text{SO}_2(g)$ وارد واکنش شود،

زمانی که جرم جامد تولید شده با جرم توده باقیمانده از جامد اولیه برابر می‌شود، حجم گاز تولید شده در شرایط استاندارد

$$(\text{Al} = 27, S = 32, O = 16 : \text{g.mol}^{-1})$$

۱۰/۱۱ (۲)

۵/۵۵ (۱)

۶۵/۸ (۴)

۸/۵۱ (۳)

۷۷ - برای افزایش دمای یک گلوله آهنی با حجم 21cm^3 به اندازه 10°C ، چند کالری گرما لازم است؟ (چگالی آهن = 7.8 g.cm^{-3})

$$\text{گرمای ویژه آهن} = 45\text{J.g}^{-1}\text{.}^{\circ}\text{C}^{-1} ; \text{هر کالری را به تقریب معادل } 4/2\text{J در نظر بگیرید.}$$

براهج توشه‌ای برای موفقیت

۱۷۵/۵ (۲)

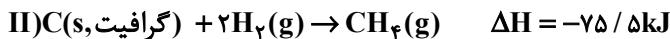
۷۳۷/۱ (۱)

۰/۱۷۵۵ (۴)

۰/۷۳۷۱ (۳)

۷- با توجه به واکنش‌های زیر از سوختن کامل ۹ گرم گرافیت با خلوص ۸۰ درصد، چند کیلولرول گرما آزاد می‌شود؟

$C = 12 \text{ g.mol}^{-1}$) (ناخالصی‌ها و اکنش نمی‌دهند).



۴۹۱ / ۸۷ (۲)

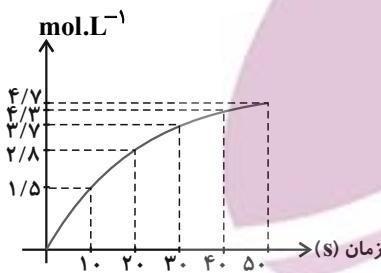
۲۳۶ / ۱ (۱)

۳۹۳ / ۵۰ (۴)

10V / 40 °C

۷۹- اگر سرعت متوسط واکنش $4A \rightarrow 2B + 3C$ در بازه زمانی ۲۰ تا ۳۰ ثانیه برابر $1.8 \text{ mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$ و نمودار زیر مربوط به تغییر

غلظت یکی از گونه‌های واکنش باشد، قدر مطلق تغییرات غلظت A از ابتدا تا ثانیه ۴۰ تقریباً برابر چند مولار خواهد بود؟



፭/፲፲ (1)

٤/٣٦ (٢)

ANSWER

F/EV 19

- تمام موارد جمله زیر را به نادرستی تکمیل می کنند؛ به جز ...

«در ترکیب‌های آلی مانند الکل‌ها و کربوکسیلیک اسیدها که دو بخش قطبی و ناقطبی دارند، با افزایش طول زنجیر گربنی، کاهش می‌یابد.»

۲) ویژگی چربی دوستی

۱) نقطہ جوش

۴) تفاوت انحلال پذیری در آب با آلکان‌های هم کربن

(۳) نسبت تعداد جفت الکترون‌های پیوندی به ناپیوندی



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۸۱- چند مورد از عبارت‌های داده شده از نظر درستی یا نادرستی نسبت به جمله زیر متفاوت می‌باشند؟

«همان طور که هر نوع کالا، خط نماد و پرخود را دارد، هر عنصر نیز طیف نشری خصی خود را دارد.»

(الف) شعله ترکیب‌های سدیم، زرد رنگ است و رنگ نشر شده از آن، فقط باریکه بسیار کوتاهی از گستره طیف مرئی را در بر می‌گیرد.

(ب) رنگ سرخ ایجاد شده در یک شعله می‌تواند نشان دهنده وجود عنصری باشد که عدد اتمی آن سه برابر شماره دوره آن است.

(پ) عدد جرمی عناصر جدول تناوبی با افزایش تعداد پروتون‌های هسته آن‌ها، همواره افزایش می‌یابد.

(ت) اگرچه نور خورشید بعد از عبور از منشور تجزیه می‌شود و گستره‌ای پیوسته از رنگ‌ها را تشکیل می‌دهد، اما باز هم سفید به نظر می‌رسد.

۳ (۴)

۴ (۳)

۱ (۲)

۲ (۱)

۸۲- با توجه به شکل، چه تعداد از موارد زیر درست است؟

(آ) قسمت D از مواد جامد مانند ماسه، نمک‌ها و ... تشکیل شده است.

(ب) قسمت B شامل همه جانداران در آب کره است.

(پ) قسمت C از مولکول‌های کوچک آب، یون‌ها و ... تشکیل شده است.

(ت) در واکنش‌های انجام شده در قسمت B، مولکول‌های ریز نقش اساسی ایفا می‌کنند.

(ث) قسمت A تنها از مولکول‌های کوچک دو اتمی نیتروژن و اکسیژن تشکیل شده است.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۳)

۴ (۳)

۸۳- با بررسی عناصر سازنده برخی سیاره‌های سامانه خورشیدی و مقایسه آن با عناصر سازنده ، می‌توان به درک بهتری

از دست یافت.

(۱) نوع - زمین - پراکندگی عناصر

(۲) نوع و مقدار - خورشید - چگونگی تشکیل عناصر

(۳) نوع و مقدار - چگونگی تشکیل عناصر

۸۴- کدام موارد از عبارت‌های زیر درست‌اند؟

(الف) مولکول‌های اوزون مانع ورود بخش عمده‌ای از تابش فروسرخ خورشید به سطح زمین می‌شود.

(ب) در هنگام رعد و برق دو گاز N_2 و O_2 در هوای ترکیب شده و اکسیدهای نیتروژن تولید می‌شود.

(پ) اوزون استراتوسفری از واکنش، $NO(g) + O_3(g) \rightarrow NO_2(g) + O_2(g)$ در حضور نور خورشید تولید می‌شود.

(ت) رنگ قهوه‌ای هوای آلوده کلان شهرها به دلیل وجود نیتروژن دی‌اکسید در آن است.

۴ (۴) پ، ت

۳ (۳) ب، ت

۲ (۲) الف، ب، ت

۱ (۱) پ



۸۵- عدد جرمی یون X^{3+} برابر با ۷۸ است. اگر تعداد الکترون‌های این یون، $\frac{2}{3}$ تعداد نوترون‌ها باشد، عدد اتمی آن کدام است؟
(عنصر فرضی است.)

۵۵ (۴)

۶۳ (۳)

۴۵ (۲)

۳۳ (۱)

۸۶- عدد اتمی عنصری که با X_{24} همدوره و با Y_{16} همگروه است، برابر بوده و آرایش الکترونی لایه ظرفیت آن به صورت است.

 $4s^2 3p^4 - 3s^4$ (۴) $4s^2 3p^3 - 3s^3$ (۳) $3s^2 3p^3 - 3s^3$ (۲) $3s^2 3p^4 - 3s^4$ (۱)

۸۷- کدام موارد از مطالب زیر نادرست بیان شده است؟

آ) در روش تصفیه آب به وسیله تقطیر، ترکیب‌های آلی فرار حذف نمی‌شوند.

ب) در روش تصفیه آب به وسیله صافی کربن برخلاف روش اسمز معکوس، میکروب‌ها از بین نمی‌روند.

پ) در روش تصفیه آب به وسیله صافی کربن، نافلزها و فلزهای سمی از آب جدا می‌شوند.

ت) از هر دو روش اسمز و اسمز معکوس می‌توان برای تهیه آب شیرین استفاده کرده، اما روش دوم کارایی بیشتری دارد.

(۴) ب و ت

(۳) ب و پ

(۲) آ و ت

(۱) آ و پ

۸۸- کدام گزینه درست است؟

۱) نام ترکیب Mg_2N_2 ، منیزیم (II) نیترید می‌باشد.۲) فرمول شیمیایی آهن اکسید، FeO می‌باشد.

۳) نسبت شمار کاتیون به آنیون در آهن (III) کلرید، بیشتر از این مقدار در مس (II) اکسید است.

۴) نسبت شمار کاتیون به آنیون در کبات (II) سولفید برابر با این نسبت در ترکیب آلومینیم فسفید است.

۸۹- چند مورد از مطالب زیر، درباره واکنش موافق نشده $Al(s) + CuSO_4(aq) \rightarrow Al_2(SO_4)_3(aq) + Cu(s)$ درست است؟ ($Al = ۲۷ \text{ g.mol}^{-1}$)

آ) اگر $40/5$ گرم آلومینیم مصرف شود، یک مول یون دو بار مثبت از محلول خارج می‌شود.

ب) مجموع ضرایب استوکیومتری فراورده‌ها، از مجموع ضرایب استوکیومتری واکنش‌دهنده‌ها، بزرگ‌تر است.

پ) اگر $5/0$ مول مس (II) سولفات را وارد واکنش کنیم، $5/0$ مول یون سولفات در انتهای واکنش، در محلول وجود دارد.

ت) با پیشرفت واکنش، از شمار یون‌های محلول در آب کاسته می‌شود.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۹۰- اگر انحلال پذیری گازی در دمای $15^\circ C$ و فشار $8atm$ برابر $15/0$ گرم در 100 گرم آب باشد، در 750 گرم محلول سیرشده آن در

دمای $15^\circ C$ و فشار $16atm$ به تقریب چند گرم از این گاز حل شده است؟

۱۲/۰ (۴)

۱/۲۰ (۳)

۲/۲۴ (۲)

۲۳/۹ (۱)