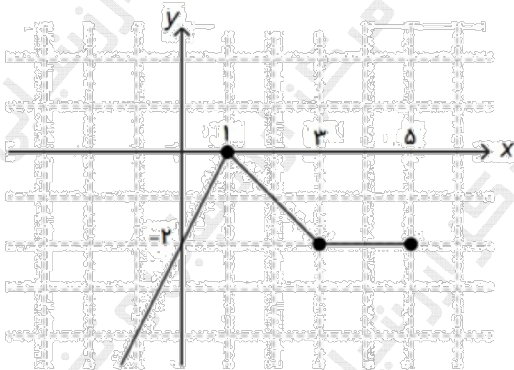
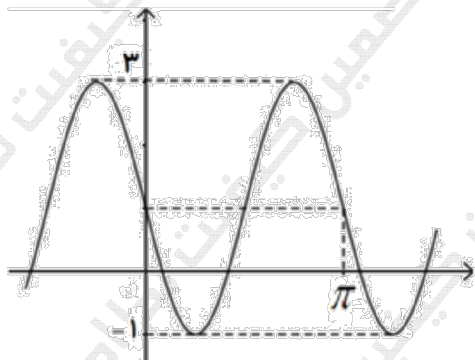
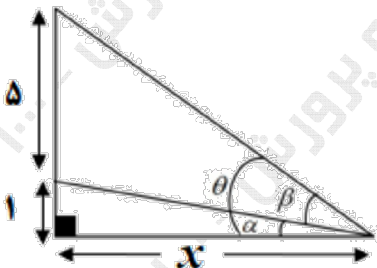


سؤالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲		تعداد صفحه: ۲		رشته:		ریاضی و فیزیک		ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	
دوره دوم متوسطه - دوازدهم		تاریخ آزمون:		۱۴۰۳/۰۳/۱۷		نام و نام خانوادگی:		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایتارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir							
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.								
نمره									
۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را تعیین کنید. الف) اگر توابع f و g در یک فاصله اکیداً نزولی باشند، تابع $f + g$ نیز در آن فاصله اکیداً نزولی است. ب) اگر $x = c$ طول یک نقطه اکسترمم نسبی تابع f باشد، آن گاه $f'(c) = 0$.								
۲	جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید. الف) تابع $f(x) = (x-2)^3 + 1$ را در نظر بگیرید. نمودار f^{-1} از ناحیه محورهای مختصات عبور نمی کند. ب) حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^+} \tan x$ برابر است. پ) اگر $f'(4) = 2$ و $f(4) = -1$، خط مماس بر نمودار f در $x = 4$، محور y ها را در نقطه ای به عرض قطع می کند.								
۳	نمودار تابع $f(x)$ در زیر رسم شده است، نمودار تابع $y = -f(2x-1)$ را رسم کرده، سپس دامنه و برد تابع حاصل را به دست آورید. 								
۴	الف) اگر چندجمله ای $p(x) = x^3 + mx + 2$ بر $x-2$ بخش پذیر باشد، آنگاه باقی مانده تقسیم $p(x)$ بر $x+1$ را به دست آورید. ب) چندجمله ای $x^5 - 1$ را طوری تجزیه کنید که $x-1$ یک عامل آن باشد.								
۵	نمودار داده شده در شکل زیر مربوط به تابع با ضابطه $y = a \sin bx + c$ است. با فرض $a > 0$، مقادیر a، b و c را به دست آورید. 								

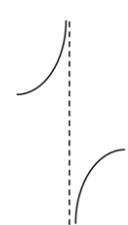
سؤالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲		تعداد صفحه: ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح
دوره دوم متوسطه - دوازدهم		تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷	نام و نام خانوادگی:	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایتارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳				
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir				
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.			
۶	معادله $\sin 2x = \sin x$ را حل کنید.			
۷	نشان دهید در شکل زیر رابطه بین زاویه β و x به صورت زیر است.  $\tan \beta = \frac{5x}{x^2 + 6}$			
۸	حدهای زیر را محاسبه کنید. (نماد [] علامت جزء صحیح است). الف) $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{[2x] - 1}{x - 1}$ ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 - 3x}{1 - x^2}$ پ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (-3x^3 + 2x + 1)$			
۹	مجانب های قائم و افقی منحنی تابع $f(x) = \frac{2x-1}{x^3+2x}$ را به دست آورده و سپس وضعیت نمودار تابع را در نزدیکی مجانب قائم آن نمایش دهید.			
۱۰	مشتق پذیری تابع $f(x) = \begin{cases} x & x < 0 \\ x^2 & x \geq 0 \end{cases}$ را در نقطه $x=0$ به کمک تعریف مشتق بررسی کنید.			
۱۱	اگر $f'(1)=3$، $g'(1)=5$ و $f(1)=1$، مقدار مشتق $(f+g)'$ در $x=1$ را به دست آورید.			
۱۲	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = (x^3 + 1)^2 (\sqrt{3x+2})$ ب) $g(x) = \sin^2 3x + \tan(x^2)$			
۱۳	جسمی را از سطح زمین به طور عمودی پرتاب می کنیم. فرض کنیم ارتفاع این جسم (برحسب متر) از سطح زمین در هر لحظه از معادله $h(t) = -5t^2 + 40t$ به دست می آید. (t برحسب ثانیه) الف) سرعت متوسط جسم در بازه زمانی $[3, 4]$ را به دست آورید. ب) لحظه ای را معلوم کنید که سرعت جسم برابر 20 m/s است.			
۱۴	مقدار ماکزیمم مطلق تابع $f(x) = x^3 - 12x$ در بازه $[-1, 3]$ را به دست آورید.			
۱۵	مقادیر a، b و c را در تابع $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$ طوری به دست آورید که در نقطه $(3, -1)$ اکسترمم نسبی داشته باشد و $x=1$ طول نقطه عطف آن باشد.			
۱۶	جدول رفتار و نمودار تابع $y = (x+2)(x-4)^2$ را رسم کنید.			

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) درست (صفحه ۲۲) (۰/۲۵) ب) نادرست (صفحه ۱۱۶) (۰/۲۵)	۰/۵
۲	الف) چهارم (صفحه ۲۱) (۰/۲۵) ب) $-\infty$ (صفحه ۵۰) (۰/۲۵) پ) -9 (صفحه ۸۳) (۰/۲۵)	۰/۷۵
۳	دامنه: $(-\infty, 3]$ (۰/۲۵) برد: $[0, +\infty)$ (۰/۲۵) (صفحه ۱۲) رسم نمودار (۰/۷۵)	۱/۲۵
۴	الف) $p(2)=0 \Rightarrow 8+2m+2=0 \Rightarrow m=-5$ (۰/۲۵) ب) $x^5-1=(x-1)(x^4+x^3+x^2+x+1)$ (۰/۵) (صفحه ۲۰ و ۲۲)	۱/۲۵
۵	$T=\pi=\frac{2\pi}{ b } \Rightarrow b =2 \xrightarrow{b<0} b=-2$ (۰/۲۵) $\begin{cases} c=1 & (۰/۲۵) \\ a =2 \xrightarrow{a>0} a=2 & (۰/۲۵) \end{cases}$ (صفحه ۲۸)	۱
۶	روش اول: $\begin{cases} 2x=2k\pi+x & (۰/۲۵) \\ 2x=2k\pi+\pi-x & (۰/۲۵) \end{cases} (k \in \mathbb{Z}) \Rightarrow \begin{cases} x=2k\pi & (۰/۲۵) \\ x=\frac{2k\pi}{3}+\frac{\pi}{3} & (۰/۲۵) \end{cases} (k \in \mathbb{Z})$ روش دوم: $2\sin x \cos x - \sin x = 0 \Rightarrow \sin x(2\cos x - 1) = 0$ (۰/۲۵) $\begin{cases} \sin x = 0 \Rightarrow x = k\pi & (۰/۲۵) \\ \cos x = \frac{1}{2} \Rightarrow x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{3} & (۰/۵) \end{cases}$ (صفحه ۳۹)	۱
۷	$\tan \beta = \tan(\theta - \alpha) = \frac{\tan \theta - \tan \alpha}{1 + \tan \theta \tan \alpha} = \frac{\frac{6}{x} - \frac{1}{x}}{1 + \frac{6}{x^2}} = \frac{\frac{5}{x}}{\frac{x^2+6}{x^2}} = \frac{5x}{x^2+6}$ (صفحه ۴۳) $\tan \beta = \frac{m_1 - m_2}{1 + m_1 m_2}$ (اگر دانش آموز از مفهوم شیب و رابطه استفاده کند، (۰/۲۵) بارم این قسمت تعلق گیرد.)	۱

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۸	الف) $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{[2x] - 1}{x - 1} = \frac{1}{+} = +\infty$ (۵/۰) (صفحه ۵۳) ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 - 3x}{1 - x^2} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2}{-x^2} = -2$ (۵/۰) (صفحه ۶۶) پ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (-3x^3 + 2x + 1) = \lim_{x \rightarrow -\infty} -3x^3 = +\infty$ (۵/۰) (صفحه ۶۵)	۱/۵
۹	$\left. \begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) &= -\infty \quad (۵/۰) \\ \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) &= +\infty \quad (۵/۰) \end{aligned} \right\} \Rightarrow x = 0 \text{ مجانب قائم}$ (۵/۰) رسم شکل (۵/۰) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x - 1}{x^3 + 2x} = 0 \Rightarrow y = 0$ مجانب افقی (۵/۰) (صفحه ۵۷) 	۱/۲۵
۱۰	f پیوسته است (۵/۰) $f'_-(0) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{ x - 0}{x} = -1$ (۵/۰) $f'_+(0) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x^2 - 0}{x} = 0$ (۵/۰) $\Rightarrow f'_-(0) \neq f'_+(0)$ مشتق ناپذیر (۵/۰) (صفحه ۱۰۱)	۱/۵
۱۱	$((f + g) \circ f)'(1) = \underbrace{f'(1) \times (f + g)'(f(1))}_{(۵/۰)} = \underbrace{f'(1) \times (f'(1) + g'(1))}_{(۵/۰)} = 3 \times (3 + 5) = 24$ (صفحه ۹۵ و ۹۶)	۰/۷۵
۱۲	الف) $f'(x) = \underbrace{2 \times 2x^2 (x^3 + 1)}_{(۵/۰)} \underbrace{(\sqrt{3x + 2})}_{(۵/۰)} + \underbrace{\frac{3}{2\sqrt{3x + 2}}}_{(۵/۰)} \underbrace{(x^3 + 1)^2}_{(۵/۰)}$ ب) $g'(x) = \underbrace{2 \times 3 \times \cos 3x \sin 3x}_{(۵/۰)} + \underbrace{2x(1 + \tan^2(x^2))}_{(۵/۰)}$ (صفحه ۱۰۱) ↓ (اگر دانش آموزی به صورت $3 \sin 6x$ بنویسد، (۵/۰) نمره بارم این قسمت تعلق گیرد.)	۲

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۳/۱۷	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۳	الف) $\frac{h(4)-h(3)}{4-3} = \frac{80-75}{1} = 5$ (۰/۲۵) سرعت متوسط: $\frac{h'(3/5)}{(0/25)} = \frac{-10(3/5)+40}{(0/25)} = 5$ (۰/۲۵) ب) $\frac{h'(t)}{(0/5)} = \frac{-10t+40}{(0/25)} = 20 \Rightarrow t=2$ (۰/۲۵) (صفحه ۱۰۷)	۱/۵
۱۴	$f(-1)=11$ (۰/۲۵) $f(2)=-16$ (۰/۲۵) $f(3)=-9$ (۰/۲۵) $\Rightarrow$ مقدار ماکزیمم = ۱۱ (۰/۲۵) (صفحه ۱۲۵)	۱/۵
۱۵	$f(3)=-1 \Rightarrow 27+9a+3b+c=-1$ (۰/۲۵) $f'(x)=3x^2+2ax+b \Rightarrow f'(3)=0 \Rightarrow 27+6a+b=0$ (۰/۲۵) $f''(x)=6x+2a \Rightarrow f''(1)=0 \Rightarrow 6+2a=0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow a=-3, b=-9, c=26$ (۰/۲۵) (صفحه ۱۲۶ و ۱۳۶)	۱/۵
۱۶	$y' = 3x^2 - 12x = 0 \Rightarrow x = 0, 4$ (۰/۲۵) اگر دانش آموزی مشتق را به صورت $y' = (x-4)(3x)$ بنویسد، (۰/۲۵) بارم این قسمت تعلق گیرد. $y'' = 6x - 12 = 0 \Rightarrow x = 2$ (۰/۲۵) رسم شکل (۰/۵) (صفحه ۱۳۹)	۱/۷۵
۲۰	جمع بارم	۲۰