

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۱ (از ۲)

از ساعت ۸ تا ۱۵:۰۰ صبح

دفترچه اختصاصی -



آزمون ۱۸ اسفند ۱۴۰۲

آزمون اختصاصی

گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	قا شماره
۱	عادی	۱۰	۱	۲۰
		۱۰		
۲	پیشروی سریع	۱۰	۲۱	۳۰
		۱۰		
۳	عادی	۱۰	۳۱	۵۰
		۱۰		
۴	پیشروی سریع	۱۰	۵۱	۶۰
		۱۰		
۵	عادی	۱۰	۶۱	۷۰
		۱۰		
۶	پیشروی سریع	۱۰	۷۱	۹۰
		۱۰		

تابلو نوروزی

تابلو نوروزی را به یکی از ۳ روش زیر دریافت کرده و حتماً آن را تکمیل کنید.

- ۱- از دفتر نمایندگی شهر خود
- ۲- از داخل مجله آزمون
- ۳- از سایت کانون

توشه‌ای برای موفقیت



آزمون «۱۸ اسفند ۱۴۰۲»

اختصاصی دوازدهم ریاضی

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات عادی و سریع: ۱۱۰ دقیقه

از ساعت ۸:۵۰ تا ۹:۳۰ صبح

تعداد کل سوالات: ۹۰ سوال

(۵۰ سوال اجباری + ۴۰ سوال اختیاری)

شماره سوال	تعداد سوال	نام درس	
۱-۲۰	۱۰	حسابان ۲	عادی
	۱۰		پیشروی سریع
۲۱-۳۰	۱۰	هندسه ۳	ریاضی پایه
۳۱-۵۰	۱۰		عادی
۵۱-۶۰	۱۰	آمار و احتمال	پیشروی سریع
۶۱-۷۰	۱۰	آمار و احتمال	زوج کتاب
۷۱-۹۰	۱۰	ریاضیات گستاخ	عادی
	۱۰		پیشروی سریع

جدیدآورندگان

نام طراحان	نام درس	آفاق
کاظم اجلالی-مسعود برملا-شاهین پروازی-سعید تن آرا-میلاد چاشمی-عادل حسینی-طاهر دادستانی-محمد رضا راسخ علی شهرابی-رضاء طاری حمید علیزاده-کامیار علیون حامد معنوی-جهانبخش نیکنام	حسابان ۲ و ریاضی پایه	
علی ایمانی-سید محمد رضا حسینی فرد-مهديار راشدی-سوگند روشنی-فرشاد صدیقی فر-هومن عقیلی-احمدرضا فلاخ-مهرداد ملوندی	هندسه	
اسحاق اسفندیار-علی ایمانی-فرزاد جوادی-سید محمد رضا حسینی فرد-افشین خاصه‌خان-کیوان دارابی-مصطفی دیداری مهديار راشدی-سوگند روشنی-احمدرضا فلاخ-مهرداد ملوندی	آمار و ریاضیات گستاخ	

کرینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی پایه	هندسه	آمار و ریاضیات گستاخ
گزینشگر	عادل حسینی	محمد صحت کار	امیرحسین ابومحبوب کیوان دارابی
گروه ویراستاری	سعید خان بازی	مهرداد ملوندی امیر محمد کریمی	مهرداد ملوندی امیر محمد کریمی
ویراستاری رتبه های برتر	پارسا نوروزی منش	پارسا نوروزی منش	
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب
مسئول سازی مستند	سمیه اسكندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی

کروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: مجید اصغری ویراستاران: علیرضا زارعی-امیر قلی بور-امیر محمد موحدی
حروف نگار	فرزانه فتح الدزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

کروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲: مشتق + کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۷۱ تا ۱۱۹

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۱- تابع $y = |x+1|$ در کدام نقطه مشتق‌پذیر است؟

$x = 1$ (۲)

$x = -1$ (۱)

$x = -2$ (۴)

$x = \infty$ (۳)

۲- وضعیت اکسترمم‌های نسبی تابع $f(x) = \begin{cases} 1-x^2 & ; |x| \leq 1 \\ x & ; |x| > 1 \end{cases}$ کدام است؟

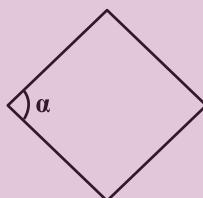
(۲) فقط مینیمم نسبی دارد.

(۱) فقط ماکزیمم نسبی دارد.

(۴) اکسترمم نسبی ندارد.

(۳) یک ماکزیمم و یک مینیمم نسبی دارد.

۳- طول ضلع لوزی زیر برابر ۲ است. آهنگ لحظه‌ای تغییر مساحت آن نسبت به α وقتی $\alpha = \frac{2\pi}{3}$ کدام است؟



-1 (۱)

۱ (۲)

۲ (۳)

-2 (۴)

۴- مشتق تابع $f(x) = \frac{x^2 + \frac{1}{x^2} + 3}{x + \frac{1}{x}}$ در $x = 2$ کدام است؟

۰/۶۴ (۲)

۰/۶۳ (۱)

۰/۶۶ (۴)

۰/۶۵ (۳)

۵- تابع $f(x) = (ax + b\sqrt{2x} + 2)(3x - 2)$ در $x = 2$ مشتق‌پذیر است. حاصل $a - 2b$ کدام است؟ ([]، نماد جزء صحیح است).

۵ (۲)

-۳ (۱)

(۴) صفر

-۴ (۳)

۶- اگر $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(1-x)-g(1-x)}{x+x^2} = 2$ باشد، مشتق تابع $y = f(2x) - g(2x)$ در $x = \frac{1}{2}$ کدام است؟

۲ (۲)

۲ (۱)

-۴ (۴)

۴ (۳)

۷- تابع $y = \sqrt[3]{x^2} - 5\sqrt[3]{x}$ در محدوده x های مثبت چند نقطۀ بحرانی دارد؟

۲ (۲)

۳ (۱)

۴ (۴) صفر

۱ (۳)

۸- برد تابع $f(x) = \frac{x^4}{4} + \frac{x^3}{3} - x^2$ با دامنه $[-2, 2]$ بازۀ $[a, b]$ است. حاصل $b-a$ کدام است؟

 $\frac{16}{3}$ (۲)

۴ (۱)

۶ (۴)

 $\frac{11}{3}$ (۳)

۹- سیمی به طول ℓ را به قطاعی از یک دایره تبدیل می‌کنیم. بیشترین مساحت قطاع چند برابر ℓ^2 است؟

 $\frac{1}{16}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱) $\frac{1}{4}$ (۴) $\frac{1}{8}$ (۳)

۱۰- مجموع مقادیر ماکزیمم مطلق و مینیمم مطلق تابع $f(x) = \sin^2 x + \cos x + m$ در بازۀ $[0, \pi]$ برابر $\frac{13}{4}$ است. مقدار m کدام است؟

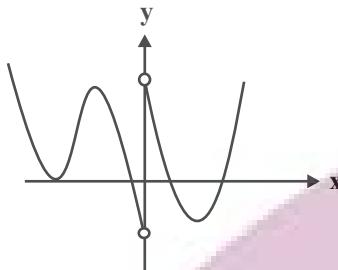
 $\frac{3}{2}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱) $\frac{5}{2}$ (۴)

۲ (۳)

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲ : کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۲۷ تا ۱۴۴

داش آموزانی که خود را برای کنکور موجّه اول آماده می‌کنند، باید به این دسته سوالات (پیشروی سریع) نیز، پاسخ دهند.

 ۱۱- نمودار تابع f روی \mathbb{R} پیوسته است و نمودار مشتق آن در شکل زیر رسم شده است. نمودار تابع f چند نقطه عطف دارد؟


۲ (۱)

۳ (۲)

۴ (۳)

۵ (۴)

 ۱۲- نمودار تابع $f(x) = x^5 - 6x^3 - 2x^2$ در همسایگی نقطه $x=0$ به کدام صورت است؟

 ۱۳- چند عبارت از عبارت‌های زیر در مورد تابع $y = \frac{x}{1+x}$ درست است؟

آ) جهت تقرع نمودار تابع همواره رو به پایین است.

ب) نقطه (۱, ۱) مرکز تقارن نمودار تابع است.

ب) تابع در هر بازه از دامنه‌اش اکیداً صعودی است.

۴) صفر

۱ (۳)

۲ (۲)

۳ (۱)

 ۱۴- روی کدام بازه تقرع نمودار تابع $y = \frac{x^2}{2} + 32\sqrt{x+1}$ رو به بالاست؟

(۰, +∞) (۴)

(۳, +∞) (۳)

(-1, ۳) (۲)

(-1, ۰) (۱)

 ۱۵- جدول تغییرات رفتار تابع $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ به صورت زیر است. مقدار ماکزیمم نسبی تابع، کدام است؟

x	-1	0	1
f'	+	0	-
f''	-	-	0
f	↗	↘ 1	↘ -1 ↗

۴ (۱)

۳ (۲)

۲ (۳)

۱ (۴)

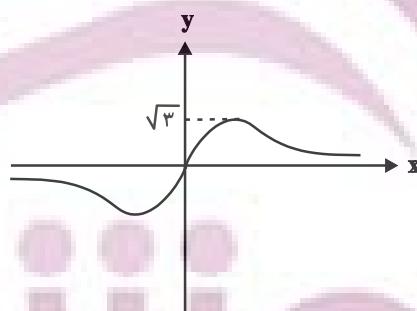
۱۶- تابع $f(x) = \sin 2x + \cos x$ در بازه $(0, -\pi)$ چند نقطه عطف دارد؟۳ (۲)
۱ (۴)۴ (۱)
۲ (۳)۱۷- اگر $y = \frac{b}{x^3 - 1}$ نقطه عطف تابع $\sqrt[3]{a}, 2$ باشد، مقدار b کدام می‌تواند باشد؟ $-\frac{1}{4}$ (۲)

-۳ (۱)

 $-\frac{3}{2}$ (۴) $-\frac{1}{2}$ (۳)۱۸- شیب خط مماس بر نمودار تابع $f(x) = x\sqrt{x^2 + 1}$ در نقطه عطف آن کدام است؟ $\frac{1}{2}$ (۲)

(۱) صفر

۱ (۴)

 $\sqrt{2}$ (۳)۱۹- بر نمودار تابع $f(x) = \sqrt[3]{x^3 + ax - 1}$ فقط یک خط مماس قائم می‌توان رسم کرد. حدود a کدام است؟ $a > -\frac{1}{\sqrt[3]{2}}$ (۲) $a > -\frac{3}{\sqrt[3]{4}}$ (۱) $a \geq 0$ (۴) $a > -\frac{1}{2}$ (۳)۲۰- شکل زیر نمودار تابع $f(x) = \frac{ax^3 + bx}{x^2 + b}$ را نشان می‌دهد. مقدار b کدام است؟

۱۸ (۱)

۴ (۲)

۶ (۳)

۱۲ (۴)

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی پایه: ریاضی ۱: مثلثات: صفحه‌های ۲۸ تا ۴۶ / حسابان ۱: مثلثات، حد و پیوستگی: صفحه‌های ۹۱ تا ۱۵۱

۲۱ - زاویه‌ای که خط $x-y=2$ با قسمت مثبت محور x ها می‌سازد، چند درجه است؟

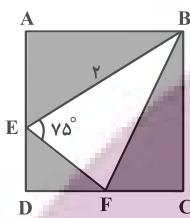
۱۳۵ (۴)

۱۲۰ (۳)

۳۰ (۲)

۴۵ (۱)

۲۲ - چهارضلعی $ABCD$ یک مربع است. اگر $AE=FC$ باشد، مساحت قسمت سایه‌خورده کدام است؟ ($BE=2$ و $BF=5$)



$\frac{3}{2}$ (۱)

۲ (۲)

$\frac{5}{2}$ (۳)

۳ (۴)

۲۳ - حاصل عبارت $A = \frac{\cos 70^\circ \cos 10^\circ + \cos 80^\circ \cos 20^\circ}{\cos 60^\circ \cos 10^\circ + \cos 80^\circ \cos 20^\circ}$ کدام است؟

۲ (۴)

$\frac{3}{2}$ (۳)

۱ (۲)

$\frac{1}{2}$ (۱)

۲۴ - اگر $\sin^2(x - \frac{\pi}{4}) + \cot^2(2\pi + x) + \cot^2 x = \frac{1}{\cos 2x}$ باشد، حاصل کدام است؟

$\frac{7}{3}$ (۲)

$\frac{4}{3}$ (۱)

$\frac{8}{3}$ (۴)

۲ (۳)

۲۵ - اگر $3 \sin(\theta + \frac{\pi}{6}) = \cos \theta$ باشد، مقدار $\cos 2\theta$ کدام است؟

$-\frac{3\sqrt{3}}{14}$ (۲)

$\frac{2\sqrt{21}}{14}$ (۱)

$-\frac{5}{14}$ (۴)

$\frac{13}{14}$ (۳)

-۲۶- تنها نقاط ناپیوسته تابع $f(x) = (x-3a)[\sqrt{x}]$ در بازۀ (۱، ۲۵)، نقاط به طول $x=9$ و $x=16$ هستند. مقدار a کدام است؟

(۱)، نماد جزء صحیح است.

$$\frac{16}{3} \quad (2)$$

$$\frac{4}{3} \quad (1)$$

$$3 \quad (4)$$

$$4 \quad (3)$$

-۲۷- اگر $f(x) = [-x]x^2 + x$ باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ کدام است؟ (۱)، نماد جزء صحیح است.

$$1 \quad (2)$$

$$0 \quad (1)$$

$$-1 \quad (4)$$

$$-\frac{1}{2} \quad (3)$$

-۲۸- حاصل $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1 - \cos 2x}{\tan^2 3x}$ کدام است؟

$$6 \quad (2)$$

$$\frac{2}{9} \quad (1)$$

$$3 \quad (4)$$

$$\frac{2}{3} \quad (3)$$

-۲۹- تابع $f(x) = \frac{|\sqrt[4]{x} - \sqrt[3]{x}|}{4x+m}$ مفروض است. اگر $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = n$ باشد، حاصل mn کدام است؟ ($n \neq 0$)

$$-\frac{97}{24} \quad (2)$$

$$-4 \quad (1)$$

$$\frac{97}{16} \quad (4)$$

$$\frac{1}{6} \quad (3)$$

-۳۰- تابع $f(x) = \begin{cases} 9x-1 & ; \quad x \leq a \\ \frac{9x^2 - 2x - 1}{x-a} & ; \quad x > a \end{cases}$ در $x=a$ پیوسته است. حاصل $a-f(a)$ کدام است؟

$$\frac{4}{3} \quad (2)$$

$$-\frac{13}{3} \quad (1)$$

$$\frac{8}{3} \quad (4)$$

$$\frac{11}{3} \quad (3)$$

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۳: آشنایی با مقاطع مخروطی - بردارها: صفحه های ۴۷ تا ۶۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۳۱- چند مثلث مانند ABC می‌توان رسم کرد به طوری که $AH = 12$ وارتفاع $BC = 12$ و محیط مثلث برابر ۳۲ باشد؟

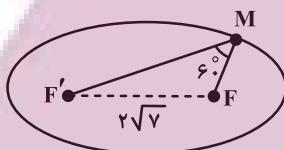
۱ (۲)

(۱) هیچ

۴ (۴)

۲ (۳)

۳۲- در شکل زیر، F' و F کانون‌های بیضی و M نقطه‌ای واقع بر بیضی است. اگر $\hat{M}F' = 60^\circ$ و $FF' = 2\sqrt{7}$ باشند، خروج از مرکز بیضی چقدر است؟



$\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۲)

$\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۱)

$\frac{\sqrt{7}}{4}$ (۴)

$\frac{\sqrt{7}}{3}$ (۳)

۳۳- در یک بیضی، A یکی از دو سر قطر بزرگ و B یکی از دو سر قطر کوچک و F کانون نزدیک به A است. اگر $AB = 4$ و

باشند، فاصله کانونی بیضی چقدر است؟

$4\sqrt{2}$ (۲)

$2\sqrt{2}-2$ (۱)

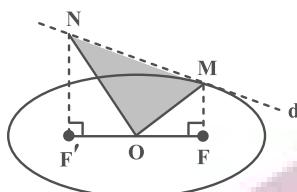
$2\sqrt{3}$ (۴)

$6\sqrt{2}-4$ (۳)



-۳۴- در بیضی شکل زیر، خط d در M بر منحنی مماس است و F و F' کانون‌های بیضی هستند. نقطه O مرکز بیضی، $MF \perp FF'$ و $MF' \perp d$

رسم شده است. اگر طول قطرهای بیضی برابر ۸ و $2\sqrt{7}$ باشند، آن‌گاه مساحت مثلث OMN چقدر است؟



۱۸ (۱)

۲۰ (۲)

۱۲ (۳)

۱۵ (۴)

-۳۵- مرکز دایره $x^2 + y^2 - 2x = 2$ ، بر کانون سهمی $(y + b)^2 = 2(x + a)$ منطبق است. معادله خط هادی سهمی کدام است؟

$$y = -\frac{1}{2}x \quad (۲)$$

$$x = -\frac{1}{2}y \quad (۱)$$

$$y = 0 \quad (۴)$$

$$x = 0 \quad (۳)$$

-۳۶- به ازای کدام مقدار k ، خط هادی سهمی $2y^2 - x + 4y = -k$ برابر $x = -\frac{1}{8}y$ است؟

-۲ (۲)

۲ (۱)

-۴ (۴)

۴ (۳)

-۳۷- در آینه سهموی به معادله $4y = x^2$ پرتو نوری به معادله $x = 2$ به داخل آینه می‌تابد، عرض از مبدأ پرتو بازتاب کدام است؟

۱ (۲)

۲ (۱)

۴) محور y را قطع نمی‌کند.

۳) صفر

-۳۸- اگر پرتوهای نوری از نقطه $(-1, 0)$ بر بدن آینه‌ای یک سهمی به معادله $y = 4x^2$ بتابد، کدام گزینه پرتوهای تابشی را به درستی رسم کرده است؟



-۳۹- می‌دانیم خطی که از دو نقطه $A(1, b), A(2, c)$ و $B(a, 1), B(4, 2)$ می‌گذرد موازی یکی از محورهای دستگاه \mathbb{R}^3 بوده و نقطه M روی

این خط به فاصله ۳ از مبدأ مختصات قرار دارد. مجموع مختصات نقطه M کدام می‌تواند باشد؟

$$-4(2) \quad 5(1)$$

$$-2(4) \quad 3(3)$$

-۴۰- وجهه یک مکعب مستطیل قسمت‌هایی از صفحات به معادلات $x=1, x=3, y=1, y=4, z=-2$ و $z=2$ است. طول قطر

مکعب مستطیل و معادله یکی از یال‌هایی که به موازات محور y ها است، به ترتیب کدام‌اند؟

$$\begin{cases} x=3 \\ z=-2 \end{cases}, \sqrt{13} \quad (2)$$

$$\begin{cases} x=2 \\ z=1 \end{cases}, \sqrt{29} \quad (1)$$

$$\begin{cases} x=1 \\ z=-2 \end{cases}, \sqrt{29} \quad (4)$$

$$\begin{cases} x=1 \\ z=2 \end{cases}, \sqrt{13} \quad (3)$$

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده سه ۳: بردارها؛ صفحه‌های ۷۷ تا ۸۴

! داش آموزانی که خود را برای کنکور مرحلۀ اول آماده می‌کنند، باید به این دسته سوالات (پیشروی سریع) نیز، پاسخ دهند.

۴۱- حاصل ضرب داخلی دو بردار $\vec{a} = m\vec{i} + 2m\vec{j} + 2\vec{k}$ و $\vec{b} = 3\vec{i} - \vec{j} + 2m\vec{k}$ مساوی ۷ است. اندازۀ زاویۀ بین دو بردار \vec{a} و \vec{b} چند است؟

درجه است؟

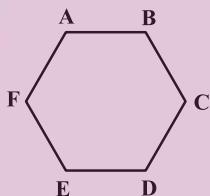
۱۲۰° (۴)

۱۵۰° (۳)

۳۰° (۲)

۶۰° (۱)

۴۲- اگر در شش‌ضلعی منتظم شکل زیر، $C = (2, -3, 1)$ و $F = (-3, 2, 1)$ است، حاصل $|\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{AD}|$ کدام است؟



۳۵ (۱)

۳۷/۵ (۲)

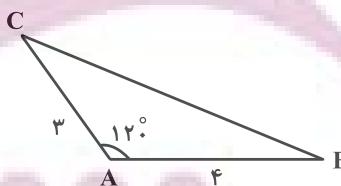
۷۵ (۳)

 $20\sqrt{3}$ (۴)

۴۳- در شکل زیر، $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC}$ کدام است؟

-۱۰ (۱)

-۲۲ (۲)

 $-6(\sqrt{3}+1)$ (۳) $-6\sqrt{3}-16$ (۴)

۴۴- اگر \vec{a} و \vec{b} دو بردار در فضای \mathbb{R}^3 باشند طوری که $\vec{a}' = -\frac{4}{9}\vec{b}$ و $\vec{a} + \vec{b} = (-1, 0, 3)$ ، در این صورت طول بردار \vec{a}

کدام است؟ (\vec{a}' بردار تصویر قائم \vec{a} بر امتداد بردار \vec{b} است).

۴ (۲)

۲ (۱)

۳ (۴)

 $2\sqrt{3}$ (۳)

۴۵- بردار \vec{a} به طول ۴ بر محور x ها و بردار $(1, 2, -2)$ عمود است. طول تصویر قائم \vec{a} در امتداد محور z ها چقدر است؟

 $\frac{4}{3}$ (۲) $\sqrt{2}$ (۱) $\frac{8}{3}$ (۴) $2\sqrt{2}$ (۳)

۴۶- اگر $|\vec{a} \times \vec{b} + 2\vec{c} \times \vec{a} + 2\vec{c} \times \vec{b}| = k$ و $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$ باشد طول بردار $\vec{a} \times \vec{b}$ کدام است؟

 $2k$ (۲)

(۱) صفر

 $6k$ (۴) $4k$ (۳)

۴۷- اگر بردار $\vec{c} = (m, 5, 2m)$ بر هر دو بردار $\vec{a} = 3\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$ و $\vec{b} = (m, 1, n)$ عمود باشد، آنگاه مساحت مثلثی که روی دو

بردار \vec{a} و \vec{b} بنا می‌شود چقدر است؟

$3\sqrt{5}$ (۲)

$\sqrt{30}$ (۱)

$2\sqrt{10}$ (۴)

$2\sqrt{5}$ (۳)

۴۸- نقاط $C(1, 2, 1)$ و $B(2, 1, -1)$ و $A(1, -1, 1)$ رئوس مثلث ABC هستند. اندازه ارتفاع وارد از رأس C بر ضلع AB چقدر است؟

$\sqrt{3}$ (۲)

$\sqrt{2}$ (۱)

$\sqrt{5}$ (۴)

$\sqrt{3}$ (۳)

۴۹- اگر $\vec{a} = 2\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$ و $\vec{c} \times 2\vec{a} = -3\vec{b}$ باشند، حاصل $(\vec{c} \times \vec{a}) \cdot (\vec{c} \times \vec{b})$ کدام است؟

۶ (۲)

-۶ (۱)

۱۸ (۴)

-۱۸ (۳)

۵۰- حجم متوازی السطوح ساخته شده بر بردارهای \vec{a} ، \vec{b} و \vec{c} برابر ۳ است. حجم متوازی السطوح ساخته شده بر بردارهای $\vec{a} + 2\vec{b}$ ،

و $\vec{c} + 2\vec{a}$ و $\vec{b} + 2\vec{c}$ کدام است؟

۱۵ (۲)

۹ (۱)

۲۷ (۴)

۲۱ (۳)

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: آمار استنباطی: صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۲۷ / ریاضی ۱: آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۵۲ تا ۱۷۰

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوالات آمار و احتمال (۵۱ تا ۶۱) و (۷۰ تا ۷۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۵۱- از یک جامعه با ۱۰۰۰۰ عضو برای تقریب زدن پارامتر M (میانگین جامعه)، یکصد بار نمونه‌گیری کرده‌ایم و فقط ۵ درصد مواردبازۀ به دست آمده شامل M نیست، طول این بازه کدام است؟

$$\frac{4\sigma}{\sqrt{n}} \quad (4)$$

$$\frac{\sigma}{4\sqrt{n}} \quad (3)$$

$$\frac{2\sigma}{\sqrt{n}} \quad (2)$$

$$\frac{\sigma}{2\sqrt{n}} \quad (1)$$

۵۲- چه تعداد از گزاره‌های زیر درست است؟

الف) در نمونه‌گیری سیستماتیک (سامانمند) شماره‌هایی که انتخاب می‌شوند تشکیل دنباله حسابی می‌دهند.

ب) در نمونه‌گیری سیستماتیک اندازۀ طبقات حتماً باید مساوی باشند.

ج) در نمونه‌گیری غیراحتمالی، همه اعضا شанс انتخاب شدن دارند، اما احتمال انتخاب شدن شان مساوی نیست.

د) نمونه‌گیری خوش‌های یک روش احتمالی است که احتمال انتخاب خوش‌های با هم برابر است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۵۳- در یک جامعه آماری به صورت $\{n, \dots, 4, 5, 6, \dots\}$ ، اگر دقیقاً ۱۰ نمونه دو عضوی وجود داشته باشد که واریانس را $\frac{9}{4}$ برآورد

کنند، تعداد عضوهای مجموعه کدام است؟

۱۴ (۴)

۱۳ (۳)

۱۲ (۲)

۱۱ (۱)

۵۴- اگر میانگین و انحراف معیار نمونه تصادفی ۲۵ تایی به ترتیب \bar{x} و ۲۵ باشند، برآورد نقطه‌ای واریانس میانگین نمونه‌ها کدام است؟

۲۵ (۴)

۵ (۳)

۱ (۲)

 $\frac{1}{5} \quad (1)$ ۵۵- جدول زیر قسمتی از نمونه‌گیری تصادفی ساده به اندازه ۳ از جامعه $\{4, 5, 2, 1, 0, 3\}$ است. حاصل $m-n$ کدام است؟

۲/۷ (۱)

۲/۸ (۲)

۲/۸۵ (۳)

۲/۹۵ (۴)

نمونه	...	$\{1, 3, 5\}, \{0, 4, 5\}, \{2, 3, 4\}$...
\bar{x}		m	
احتمال		n	

۵۶- چه تعداد از گزاره‌های زیر صحیح است؟

- در نمونه‌گیری طبقه‌ای، بر عکس نمونه‌گیری خوشای، افراد درون یک گروه از نظر ویژگی مورد بررسی همگن هستند.
- پارامتر، مشخصه جامعه است و همیشه مقدار ثابتی است و تغییر نمی‌کند و آماره مشخصه نمونه است و ممکن است از یک نمونه به نمونه دیگر تغییر کند.
- از روی آماره، پارامتر را برآورد می‌کنیم.

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

۵۷- طول بازۀ اطمینان ۹۵ درصد در نمونه‌ای به اندازه ۱۰۰ و میانگین ۵ برابر ۲ است. اگر تعداد اعضای نمونه ۲۵ برابر شود بازۀ اطمینان ۹۵ درصد کدام است؟

[۴/۴, ۵/۶] (۲)

[۴/۸, ۵/۲] (۱)

[۴/۵, ۵/۵] (۴)

[۴/۲, ۵/۸] (۳)

۵۸- در یک نمونه‌گیری سیستماتیک از یک جامعه آماری، دو عضو با شماره‌های ۱۷ و ۴۵ انتخاب شده‌اند. اگر بدانیم شماره ۵ انتخاب نشده، چقدر احتمال دارد شماره ۱۰ انتخاب شده باشد؟

 $\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{1}{4}$ (۱)

۴) شماره ۱۰ انتخاب نمی‌شود.

 $\frac{2}{5}$ (۳)

۵۹- در نمونه‌گیری به روش سامانمند از ۲۲۰ نفر اگر شماره انتخابی از دستهٔ اول، دوم و هشتم به ترتیب $m+3$ ، $m+4$ و $6m+4$ باشند نفر انتخاب شده، از دستهٔ آخر چه شماره‌ای دارد؟

۱۸۴ (۴)

۱۹۴ (۳)

۲۱۴ (۲)

۲۰۴ (۱)

۶۰- از بین اعداد ۱, ۳, ۵, ۷, ..., $2N-1$, ...، ۳, ۱ به تصادف انتخاب شده است. برآورد نقطه‌ای N با استفاده از میانگین کدام است؟

۵ (۴)

۷ (۳)

۹ (۲)

۱۱ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: صفحه‌های ۳۹ تا ۷۲ / ریاضی ۱: آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۴۱ تا ۱۵۱

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوالات آمار و احتمال (۶۱ تا ۵۱) و (۷۰ تا ۶۱) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۶۱- دو تاس را با هم پرتاب می‌کنیم. می‌دانیم عدد رو شده در یکی از تاس‌ها دو برابر دیگری است. با کدام احتمال مجموع دو عدد رو

شده اول است؟

$$\frac{1}{3} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{6} \quad (۱)$$

$$\frac{2}{3} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{2} \quad (۳)$$

۶۲- ۵ نفر می‌خواهند در سالن‌های با شماره ۱، ۲، ۳، ۴ و ۵ قرار بگیرند. چقدر احتمال دارد حداقل یک نفر در سالن ۵ قرار بگیرند؟

$$\frac{2625}{3125} \quad (۲)$$

$$\frac{960}{1024} \quad (۱)$$

$$\frac{690}{1024} \quad (۴)$$

$$\frac{2101}{3125} \quad (۳)$$

۶۳- سکه‌ای را پرتاب می‌کنیم. اگر «رو» آمد یک تاس و در غیر این صورت دو تاس پرتاب می‌کنیم. احتمال مشاهده حداقل یک بار

عدد ۶ چقدر است؟

$$\frac{17}{22} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{4} \quad (۱)$$

$$\frac{11}{36} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{6} \quad (۳)$$

۶۴- جعبه‌ای دارای ۴ مهره آبی و ۶ مهره قرمز است. دو مهره بدون رویت از جعبه خارج کرده و کنار می‌گذاریم. مهره دیگری خارج

می‌کنیم. اگر این مهره آبی باشد احتمال آن که دو مهره اول غیرهمزنگ باشند کدام است؟

$$\frac{1}{4} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{3} \quad (۱)$$

$$\frac{1}{2} \quad (۴)$$

$$\frac{3}{8} \quad (۳)$$

۶۵- در پرتاب یک تاس سالم احتمال آن که در n پرتاب، k بار عدد زوج ظاهر شود n برابر آن است که در n پرتاب در بار آخر برای

۱- k امین بار، عدد فرد ظاهر شود، n کدام می‌تواند باشد؟

$$۳۵ \quad (۲)$$

$$۳۴ \quad (۱)$$

$$۳۷ \quad (۴)$$

$$۳۶ \quad (۳)$$

۶۶- ۴ دانشآموز با معدل‌های ۲۰، ۱۹، ۱۸ و ۱۷ از کلاس A و ۴ دانشآموز با معدل‌های ۲۰، ۱۹، ۱۸ و ۱۷ از کلاس B در اختیار

داریم. اگر به تصادف دو دانشآموز انتخاب کنیم به‌طوری که میانگین معدل آن‌ها $18/5$ باشد، به چه احتمالی آن دو دانشآموز

هم کلاس نبوده‌اند؟

$$\frac{2}{3} \quad (۲)$$

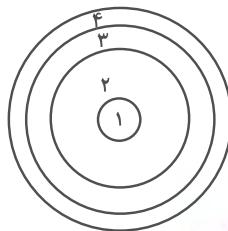
$$\frac{1}{2} \quad (۱)$$

$$\frac{1}{4} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{3} \quad (۳)$$

۶۷- اگر احتمال اصابت به ناحیه k ام در دارت زیر از رابطه $P(k) = \frac{\binom{6}{k}}{a(k-1)!}$ به دست آید، احتمال اصابت به ناحیه دوم چقدر

بیشتر از ناحیه سوم است؟



$$\frac{15}{67}$$

$$\frac{30}{67}$$

$$\frac{5}{67}$$

$$\frac{10}{67}$$

۶۸- اگر $\frac{P(B)}{P(A)}$ کدام است؟ $P(A' \cap B) = \frac{1}{5}$ و $P(A \cap B') = \frac{2}{5}$ باشند، حداقل مقدار

$$\frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{5}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{3}$$

۶۹- کيسه‌ای شامل ۴ مهره آبی و k مهره قرمز است. دو مهره پی در پی و بدون جاگذاری از کيسه انتخاب می‌کنیم. احتمال آبی

بودن مهره اول و قرمز بودن مهره دوم برابر $\frac{1}{2}$ باشد، مجموع مقادیر قابل قبول برای k کدام است؟

$$13(4)$$

$$12(3)$$

$$6(2)$$

$$5(1)$$

۷۰- اگر $P(A \cap B) = 0/3$ و $P(B) = 0/4$ باشد، حاصل $P(A'|B')$ کدام است؟

$$\frac{3}{2}(4)$$

$$\frac{1}{3}(3)$$

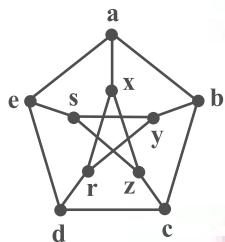
$$\frac{2}{3}(2)$$

$$\frac{1}{2}(1)$$

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: گراف و مدل سازی - ترکیبات: صفحه های ۶۱ تا ۴۳ / ریاضی ۱: شمارش بدون شمردن: صفحه های ۱۱۸ تا ۱۴۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش آموزان اجباری است.



۷۱- گراف زیر چند ۷- مجموعه شامل رأس a دارد؟

- ۱) ۱
۲) ۲
۳) ۳
۴) ۴

۷۲- در گراف G با مجموعه رأس های $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ ، مجموعه $V = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ یک مجموعه احاطه گر مینیمال است.

می دانیم G رأس تنها ندارد، در این صورت: (الف) مجموعه $C = \{1, 2\}$ ، مجموعه احاطه گر؛ (ب) مجموعه $E = \{4, 5, 6, 7\}$ مجموعه احاطه گر

- (۱) است- نیست
(۲) است- نیست
(۳) نیست- نیست
(۴) نیست- است

۷۳- تعداد مجموعه های احاطه گر دو عضوی گراف \bar{C} کدام است؟

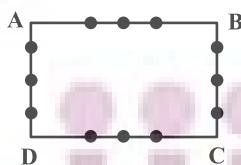
- ۹) ۲
۱۰) ۳
۱۲) ۴
۱۸) ۱

۷۴- چند عدد طبیعی سه رقمی مضرب ۵ با ارقام متمایز وجود دارد که مجموع ارقام آن عددی فرد باشد؟

- ۶۰) ۲
۶۸) ۳
۷۲) ۴
۵۶) ۱

۷۵- ۱۲ نقطه مطابق شکل روی اضلاع یک مستطیل قرار دارند. چند مثلث با رؤوس این نقاط می توان ساخت که هیچ دو رأسی روی

یک ضلع مستطیل نباشند؟



- ۲۲۰) ۱
۱۰۸) ۲
۸۱) ۳
۱۴۴) ۴



۷۶- به چند طریق می‌توان سه عدد از مجموعه $A = \{1, 2, \dots, 12\}$ انتخاب کرد طوری که مجموع آن‌ها بر ۳ بخش‌پذیر باشد؟

۷۶ (۲)

۷۶ (۱)

۱۲ (۴)

۳۶ (۳)

۷۷- حروف کلمه «مماشات» را به چند طریق می‌توان در یک ردیف با ۸ خانه قرار داد؟ (دو تا از خانه‌ها خالی می‌مانند).

۷! (۲)

۸! (۱)

 $\frac{7!}{4} (۴)$ $\frac{8!}{4} (۳)$

۷۸- تعداد جواب‌های صحیح و نامنفی دستگاه معادلات زیر کدام است؟

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = 5 \\ x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 11 \end{cases}$$

۹۶ (۴)

۹۰ (۳)

۸۴ (۲)

۷۸ (۱)

۷۹- گل فروشی تمام حالت‌های ممکن دسته گل‌های ۷ شاخه‌ای از ۴ نوع گل را درست کرده است. دسته گلی به تصادف انتخاب می‌کنیم، با کدام احتمال از همه انواع گل‌ها در دسته گل وجود دارد؟

 $\frac{3}{5} (۲)$ $\frac{1}{6} (۱)$ $\frac{3}{10} (۴)$ $\frac{4}{7} (۳)$

۸۰- چند عدد طبیعی ۴ رقمی وجود دارد که همه ارقام آن فرد بوده و مجموع ارقام آن برابر با ۱۲ باشد؟

۲۸ (۲)

۴۲ (۱)

۵۶ (۴)

۳۵ (۳)

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: ترکیبات: صفحه‌های ۷۳ تا ۸۴

دانش آموزانی که خود را برای کنکور مرحله اول آماده می‌کنند، باید به این دسته سوالات (بیش روی سریع) نیز، پاسخ دهند.

۸۱- در چند عدد چهار رقمی با ارقام ۱، ۲، ۳، ۴ و ۵ هر دو رقم ۴ و ۵ وجود دارند؟

۲۲۳ (۴)

۱۹۴ (۳)

۱۶۴ (۲)

۱۱۳ (۱)

۸۲- رمز یک کیف پول دیجیتال ۴ کاراکتری است و از حروف کوچک یا بزرگ a، b، c و d و ارقام ۰ و ۱ تشکیل می‌شود. این رمز با وقni امنیت قابل قبول دارد که هم زمان هم دارای حرف بزرگ و هم حرف کوچک و هم رقم در آن به کار رفته باشد. چند رمز با

امنیت قابل قبول ممکن است وجود داشته باشد؟

۳۸۴۰ (۴)

۴۰۸۰ (۳)

۵۹۲۰ (۲)

۶۱۶۰ (۱)

۸۳- با مجموعه رأس‌های $V = \{a, b, c, d, e\}$ چند گراف ساده ساخته می‌شود به‌طوری که هیچ کدام از رأس a، b یا c از درجه ۴ باشند؟

۵۷۶ (۴)

۵۱۲ (۳)

۸۷۶ (۲)

۸۵۴ (۱)

۸۴- چه تعداد تابع یک به یک از مجموعه $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ به مجموعه $Y = \{a, b, c, d, e\}$ وجود دارد که هیچ کدام از زوج‌های مرتب (a, ۵) و (b, ۶) را ندارد؟

۶۴۰ (۴)

۵۴۸ (۳)

۵۰۴ (۲)

۴۸۰ (۱)

۸۵- به چند حالت ۳ داور می‌توانند ۵ فیلم a، b، c، d و e را داوری کنند به‌طوری که (۱) هر فیلم را فقط یک نفر داوری کند، (۲) هر داور حداقل یک فیلم را داوری کرده باشد و (۳) داور دو فیلم a و e، یکی باشد؟

۱۴۲ (۴)

۱۵۰ (۳)

۸۴ (۲)

۳۶ (۱)

۸۶- ۱۷ مرد و ۴ زن می‌خواهند، در یک ردیف با هم، عکس یادگاری بگیرند. به هر حالتی که بايستند حداقل m مرد کنار هم قرار می‌گیرند. حداقل مقدار m کدام است؟

۶ (۴)

۵ (۳)

۴ (۲)

۳ (۱)

محل انجام محاسبات

۸۷- کدام گزینه، جاهای خالی را به درستی پر می‌کند؟

«درون یک مستطیل 4×6 ، نقطه قرار دارند. حداقل دو نقطه در بین این نقاط وجود دارد که فاصله آن‌ها از هم، کمتر از

است.

(۲) چهار / $\sqrt{17}$ واحد

(۱) پنج / $\sqrt{10}$ واحد

(۴) شش / ۳ واحد

(۳) هفت / $2\sqrt{2}$ واحد

۸۸- ظرفی شامل ۵ مهره سفید، ۹ مهره سیاه و ۱۲ مهره سبز است. حداقل چند مهره از ظرف خارج کنیم تا مطمئن باشیم تعداد

مهره‌های سفید خارج شده از تعداد هر یک از مهره‌های سیاه و سبز کمتر است؟

۲۳ (۴)

۲۰ (۳)

۱۷ (۲)

۱۴ (۱)

۸۹- ۵ کارت داریم که روی آن‌ها اعداد ۱، ۲، ۳، ۴ و ۵ نوشته شده است. هر بار سه تا از این کارت‌ها خارج می‌کنیم و آن‌ها را به

ترتیب صعودی کنار هم قرار می‌دهیم تا به یک عدد سه رقمی برسیم. حداقل چند بار این آزمایش را انجام دهیم تا مطمئن

باشیم عدد سه رقمی وجود دارد که ۳ بار یا بیشتر ساخته شده است؟

۹۱ (۴)

۶۱ (۳)

۳۱ (۲)

۲۱ (۱)

۹۰- کدام مورد درباره مجموعه $A = \{1, 2, \dots, 10\}$ درست است؟

(۱) در بین هر ۶ عدد از مجموعه A ، مجموع دو عدد برابر ۱۰ است.

(۲) در بین هر ۶ عدد از مجموعه A ، مجموع دو عدد برابر ۹ است.

(۳) در بین هر ۶ عدد از مجموعه A ، تفاضل دو عدد برابر ۱ است.

(۴) در بین هر ۶ عدد از مجموعه A ، تفاضل دو عدد برابر ۲ است.

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۲ (از ۲)

از ساعت ۹:۵۰ تا ۱۱ صبح



آزمون ۱۸ اسفند ۱۴۰۲

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	قاسمهاره
۱	عادی	۱۰	۹۱	۱۱۰
	پیشروی سریع	۳		
۲	زوج کتاب	۱۰	۱۱۱	۱۲۰
	فیزیک	۲		
۳	عادی	۱۰	۱۲۱	۱۳۰
	پیشروی سریع	۳		
۴	زوج کتاب	۱۰	۱۳۱	۱۴۰
	شیمی	۲		
۵	عادی	۱۰	۱۴۱	۱۵۰
	پیشروی سریع	۳		
۶	زوج کتاب	۱۰	۱۵۱	۱۶۰
	شیمی	۱		

تابلو نوروزی

تابلو نوروزی را به یکی از ۳ روش زیر دریافت کرده و حتماً آن را تکمیل کنید.

۱- از دفتر نمایندگی شهر خود

۲- از داخل مجله آزمون

۳- از سایت کانون

تشوههای برای موفقیت



آزمون «۱۸ اسفند ۱۴۰۲»

اختصاصی دوازدهم ریاضی

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات عادی و سریع: ۷۰ دقیقه
از ساعت ۹:۵۰ تا ۱۱ صبح

نقد و کمک سوال

تعداد کل سوالات: ۸۰ سوال

(۴۰ سوال اجباری + ۴۰ سوال اختیاری)

شماره سوال	تعداد سوال	نام درس
۹۱-۱۱۰	۱۰	فیزیک ۳
	۱۰	پیشروی سریع
۱۱۱-۱۲۰	۱۰	فیزیک ۲
	۱۰	زوج کتاب
۱۲۱-۱۳۰	۱۰	فیزیک ۱
	۱۰	عادی
۱۳۱-۱۵۰	۱۰	شیمی ۳
	۱۰	پیشروی سریع
۱۵۱-۱۶۰	۱۰	شیمی ۲
	۱۰	زوج کتاب
۱۶۱-۱۷۰	۱۰	شیمی ۱

جدیدآورندگان

نام طراحان	نام درس	نقاط
کامران ابراهیمی-مهران اسماعیلی-عباس اصغری-علی برزگر-علیرضا جباری-دانیال راستی-فراز رسولی-محمد جواد سورچی معصومه شریعت‌ناصری-محمد رضا شریفی-پوریا علاقه‌مند-آراس محمدی-محمد کاظم منشادی-محمد منصوری امیر‌احمد میر‌سعید-سیده مليحه میرصالحی-حسام نادری-مجتبی نکویان-محمد نهادی مقدم	فیزیک	۵
محمد رضا بور جاوید-امیر حاتمیان-پیمان خواجه‌مجد-حمدی ذبیحی-روزبه رضوانی-امیرحسین طبی-محمد عظیمیان زواره امیر‌محمد کنگرانی-علیرضا کیانی دوست-رضام مسکن-امیرحسین مسلمی-هادی مهدی‌زاده-میلاد میر‌حدیری	شیمی	۵

گزینشگران و ویراستاران

شیمی	فیزیک	نام درس
امیرحسین مسلمی	حسام نادری	گزینشگر
محمدحسن محمدزاده مقدم امیرحسین مسلمی میلاد میرحدیری	زهره آقامحمدی	گروه ویراستاری
علی رضایی احسان پنجه‌شاهی مهندی سهامی	حسین بصیر تر کمبور	ویراستاری رقیه‌های برق
پارسا عیوض بور	حسام نادری	مسئول درس
امیرحسین مرتضوی	علیرضا همایون خواه	مسئلند سازی

کارکرد فنی و تولید

مهرداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنی‌زاده	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: الهه شهبازی	مدیر گروه: محیا اصفیری
ویراستاران: بیوی عربی-امیرحسین توحیدی-محسن دستجردی-حسین شاهسواری	گروه مستندسازی
فرزانه فتح‌الله‌زاده	حروف‌نگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۱-۶۴۶۳

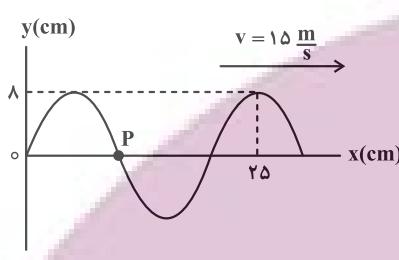
وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: نوسان و موج - برهم‌گش‌های موج؛ صفحه‌های ۶۹ تا ۱۱۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۹۱- در لحظه $t = 0$ نقش یک موج عرضی در طنابی به صورت زیر است. چند ثانیه طول می‌کشد تا ذره P برای دومین بار به مکان

برسد؟ -8 cm



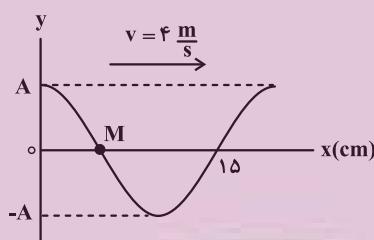
$$\frac{1}{100} \quad (1)$$

$$\frac{1}{50} \quad (2)$$

$$\frac{7}{300} \quad (3)$$

$$\frac{7}{150} \quad (4)$$

۹۲- شکل زیر، تصویری از یک موج عرضی را در یک ریسمان کشیده شده در لحظه $t = 0$ نشان می‌دهد. در بازه زمانی $t_1 = 0 / 075\text{s}$ در بازه زمانی $t_2 = 0 / 098\text{s}$ نوع حرکت ذره M چگونه است؟



(۱) پیوسته تندشونده

(۲) پیوسته کندشونده

(۳) ابتدا کندشونده و سپس تندشونده

(۴) ابتدا تندشونده و سپس کندشونده

۹۳- در یک موج طولی فاصله یک تراکم بیشینه (وسط ناحیه تراکم) از انبساط بیشینه (وسط ناحیه انسساط) مجاورش برابر با 12 cm

است. اگر حداکثر جابه‌جایی ممکن برای ذرات محیط برابر با 10 cm باشد، حداکثر تندی ممکن برای یک ذره چند متر بر ثانیه

است؟ (تندی انتشار موج طولی $1 / 2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ است).

$$\pi \quad (4)$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{3} \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{4} \quad (1)$$

۹۴- شدت صوتی در فاصله r از یک چشممه صوتی برابر با $\frac{W}{m^2} 100$ است. اگر با دو برابر شدن فاصله، 20 درصد از انرژی صوت تلف شود، تراز شدت صوت چند برابر می‌شود؟ (log $2 = 0.3$)

$$\frac{12}{25} \quad (4)$$

$$\frac{20}{19} \quad (3)$$

$$\frac{19}{20} \quad (2)$$

$$\frac{25}{13} \quad (1)$$

۹۵- کدام گزینه درست است؟

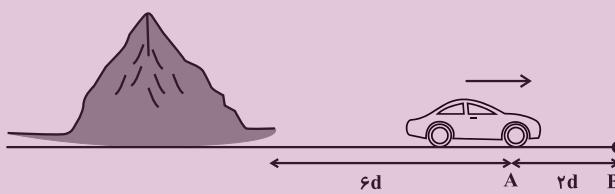
(۱) ارتفاع صوت، شدتی است که گوش انسان از صوت درک می‌کند.

(۲) بیشترین حساسیت گوش انسان به بسامدهایی در گستره 2000 Hz تا 50000 Hz است.

(۳) وقتی دو شنونده در حال نزدیک شدن به یک چشممه صوت ساکن هستند، طول موج صدای دریافتی آنها با هم برابر است.

(۴) وقتی یک چشممه نور از ناظر دور می‌شود، انتقال به آبی رخ می‌دهد.

۹۶- خودرویی با تندي ثابت در حال دور شدن از یک صخره است. اگر راننده، در نقطه A بوق ماشین را به صدا درآورد و در نقطه B صدای بوق را بشنود، تندي صوت چند برابر تندي خودرو است؟



$$(4)$$

$$(2)$$

$$(10)$$

(۴) اطلاعات مسئله کافی نیست.

۹۷- در شکل زیر، پرتو نور تک رنگی به سطح آینه‌ای می‌تابد. اگر زاویه α ، ۵ برابر زاویه بازتابش باشد، زاویه بین پرتو تابش و پرتو بازتابش چند درجه است؟



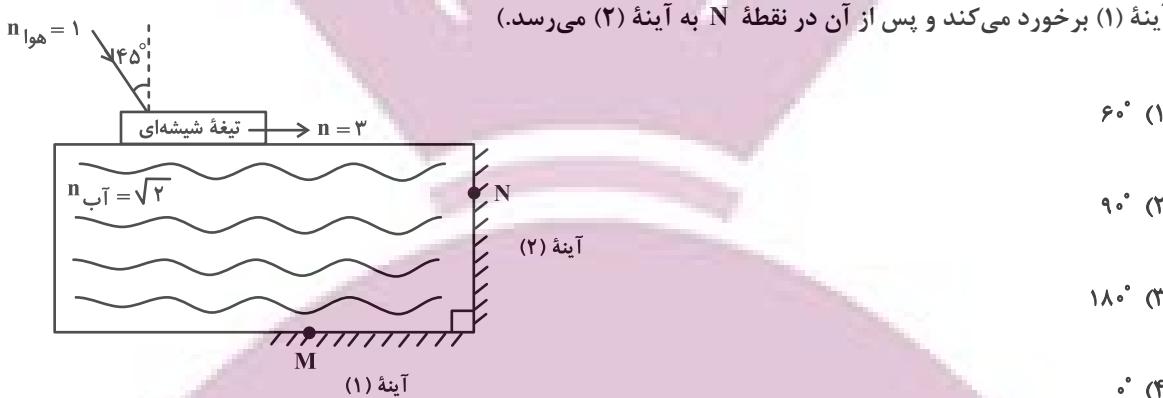
$$67/5 \quad (1)$$

$$120 \quad (2)$$

$$22/5 \quad (3)$$

$$45 \quad (4)$$

۹۸- در شکل زیر، زاویه بین پرتوی خروجی از آب با پرتوی ورودی به آب چند درجه است؟ (پرتو پس از ورود به آب در نقطه M به آینه (۱) برخورد می‌کند و پس از آن در نقطه N به آینه (۲) می‌رسد).



۹۹- حاصل جمع بسامدهای چهار هماهنگ اول یک تار دو سر بسته، اگر طول تار 10cm و نیروی کشش تار 128N و

$$\text{سطح مقطع تار } 2\text{cm}^2 \text{ باشد، چگالی تار چند } \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \text{ می‌باشد؟}$$

(۱) 120000 (۲) 80000

(۳) 100000 (۴) 25000

۱۰۰- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) در پدیده پراش هر چه نسبت طول موج به پهنهای شکاف بیشتر باشد، پراش بارزتر است.

ب) تداخل، ترکیب دو یا چند موج است که همزمان از یک منطقه عبور می‌کنند.

پ) در آزمایش یانگ، نوارهای روشن در اصل نقاط با تداخل ویرانگر هستند.

ت) در نقش تداخلی آزمایش یانگ، پهنهای هر نوار روشن یا تاریک با فرکانس نور متناسب است.

ث) وقتی آب را داخل یک لیوان یا پارچ می‌ریزیم، صدایی که می‌شنویم رفته‌رفته زیرتر می‌شود.

۱) (۴) ۲) (۳) ۳) (۲) ۴) (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: آشنایی با فیزیک هسته‌ای: صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۵۶

دانش آموزانی که خود را برای کنکور مرحلۀ اول آماده می‌کنند، باید به این دسته سوالات (پیشروی سریع) نیز، پاسخ دهند.

۱۰۱- اگر در عنصر X_{m^95} عدد نوترونی برابر ۴۸ باشد، در عنصر $Y_{m^{25}}$ عدد نوترونی چند است؟

۷۰ (۲)

۷۳ (۱)

۱۴۳ (۴)

۲۲ (۳)

۱۰۲- چه تعداد از گزاره‌های زیر صحیح است؟

الف) نیروی هسته‌ای کوتاه‌برد است و تنها در فاصله‌ای کوچک‌تر از ابعاد هسته اثر می‌کند.

ب) نیروی هسته‌ای مستقل از بار الکتریکی است.

پ) هسته پایدار با بیشترین تعداد پروتون ($Z = ۹۲$) متعلق به اورانیوم می‌باشد.

ت) هرگاه کاستی جرم هسته را در مربع تندی نور (c^3) ضرب کنیم انرژی بستگی هسته به دست می‌آید.

ث) نوکلئون‌های درون هسته می‌توانند هر انرژی دلخواهی را اختیار کنند.

۲ (۲)

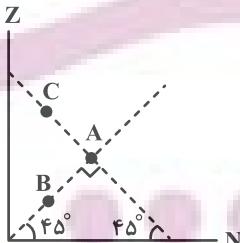
۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۱۰۳- در شکل زیر، بار هسته A، B و C و مقیاس روی محورها یکسان است.

است؟ ($C_{m^{-19}} = 1/6 \times 10^{-19} e$ و مقیاس روی محورها یکسان است.)



۱۵ (۱)

۳۰ (۲)

۶۰ (۳)

۹۰ (۴)

۱۰۴- سه نوکلئون A، B و C در اختیار داریم. اگر نیروی خالص بین نوکلئون‌های A و B، F_{AB} و بین نوکلئون‌های B و C، F_{BC} در ترتیب از راست به چپ کدام‌اند؟

(فاصله نوکلئون‌ها با هم یکسان است).

۲) پروتون- نوترون- نوترون

۱) نوترون- پروتون- پروتون

۴) پروتون- نوترون- پروتون

۳) نوترون- پروتون- نوترون

۱۰۵- برای آن که عنصر X^{83/82} در اثر واپاشی هسته‌ای به عنصر Y^{75/76} تبدیل شود، باید چه ذراتی را از هسته خود تابش کند؟

۲) ذره آلفا و یک ذره الکترون

۱) ۲ ذره آلفا و یک ذره پوزیترون

۴) ۴ ذره آلفا و ۴ ذره الکترون

۳) ۴ ذره آلفا و ۴ ذره پوزیترون

۱۰۶- عدد جرمی هسته X برابر A=65 است. طی یک بار واپاشی β^+ ، تعداد نوترون‌های هسته دختر ۷ عدد بیشتر از تعداد

پروتون‌های آن می‌شود. بار هسته مادر چند کولن است؟ ($e = 1/13 \times 10^{-19} C$)

۴/۸ $\times 10^{-18}$ (۲)

۹/۶ $\times 10^{-19}$ (۱)

۹/۶ $\times 10^{-18}$ (۴)

۴/۶۴ $\times 10^{-18}$ (۳)

۱۰۷- ۱۶۰۰g از ماده پرتوzای A و ۶۰۰۰g از ماده پرتوzای B داریم. بعد از گذشت زمان Δt ، جرم فعال باقی‌مانده از B، برابر جرم

واپاشیده شده A می‌شود. در این مدت چند گرم از ماده B واپاشیده شده است؟ (نیمه‌عمر B، دو برابر نیمه‌عمر A است).

۱۵۰۰ (۲)

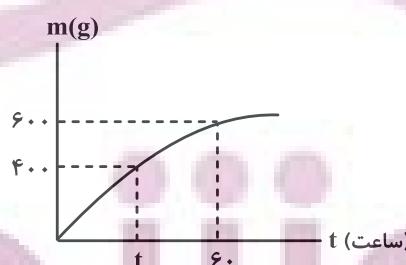
۱۰۰ (۱)

۴۵۰۰ (۴)

۳۰۰۰ (۳)

۱۰۸- نمودار جرم واپاشیده شده برحسب زمان برای یک ماده رادیواکتیو به صورت زیر است. t برحسب دقیقه کدام گزینه است؟ (جرم

اولیه ۸۰۰ گرم است).



۳۰ (۱)

۱۸۰۰ (۲)

۶۰ (۳)

۴۶۰۰ (۴)

محل انجام محاسبات

۱۰۹- چه تعداد از جملات زیر صحیح است؟

الف) از آب معمولی به عنوان کندساز نوترون‌ها در واکنش‌های شکافت هسته‌ای استفاده می‌شود.

ب) انرژی جنبشی نوترون برای واکنش هسته‌ای، حدود 0.45eV است.

پ) هسته مرکب $^{92}_{36}\text{U}^*$ در کمتر از 10^{-12}s واپاشیده می‌شود.

ت) در فرایند شکافت هسته‌ای اورانیوم در هر شکافت بین ۲ تا ۵ نوترون آزاد می‌شود.

ث) انرژی آزاد شده در هر شکافت، 10^8 برابر انرژی آزاد شده به ازای هر مول سوختن بنزین است.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۱۱۰- کدام یک از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) در واکنش گداخت، به دلیل همجوشی هسته‌ها، مجموع جرم محصولات فرایند بیشتر از مجموع جرم هسته‌های اولیه است.

ب) محصولات گداخت هسته‌های دوتریم و تریتیم، هسته هیدروژن و یک نوترون است.

پ) در واکنش $\text{Mo}^{92} + \text{n}^{101} \rightarrow \text{Sn}^{90} + \text{n}^{235}$ ، تعداد نوترون‌ها (x)، ۲ تا است.

ت) افزایش غلظت ^{238}U در یک نمونه اورانیوم را غنی‌سازی می‌گویند.

ث) میله‌های کنترل در یک راکتور هسته‌ای، از جنس گرافیت هستند.

۲) الف، ب و ت

۱) الف و پ

۴) فقط پ

۳) پ و ث

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: القای الکترومغناطیس و جریان متناوب: صفحه های ۱۰۹ تا ۱۳۰

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال فیزیک ۲ (۱۲۰ تا ۱۱۱) و فیزیک ۱ (۱۲۰ تا ۱۲۱) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۱۱- یک قاب مربع شکل، عمود بر خطوط میدان مغناطیسی یکنواختی قرار دارد و شار مغناطیسی ۱۲ و بر از آن عبور می کند. اگر این قاب را به دو حلقه دایره ای شکل هماندازه تبدیل کرده و حلقه ها را به هم بچسبانیم و در همان میدان مغناطیسی عمود بر خطوط قرار دهیم، شار عبوری از آن چند وبر می شود؟ ($\pi = 3$)

۶ (۲)

۴ (۱)

۱۲ (۴)

۸ (۳)

۱۱۲- حلقه ای مستطیل شکل به ابعاد $20\text{cm} \times 10\text{cm}$ در میدان مغناطیسی یکنواخت به اندازه $G = 10^3$ به گونه ای قرار گرفته است که خطوط میدان با خط عمود بر حلقه زاویه 37° ساخته اند. اگر در مدت 2ms اندازه میدان به $G = 10^3 \times 6$ برسد و حلقه طوری بچرخد که زاویه بین خطوط میدان و سطح حلقه به 30° برسد، اندازه نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه در این بازه زمانی

(cos $37^\circ = 0.8$) چند ولت خواهد بود؟

۱/۸ (۲)

۲/۲ (۱)

۵/۴ (۴)

۳/۹ (۳)

۱۱۳- نمودار زیر تغییرات میدان مغناطیسی را بر حسب زمان نشان می دهد. با سیمی به طول $4/5$ متر، پیچه ای با حلقه هایی به شعاع 5cm می سازیم. اگر سطح حلقه بر میدان عمود باشد، توان تولیدی این پیچه در این میدان از لحظه صفر تا 0.035 چند mW

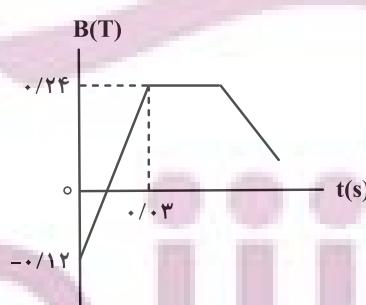
است؟ ($\pi = 3$ و مقاومت هر متر سیم 5Ω است.)

۲۲ (۱)

۸۱ (۲)

۱۶۲ (۳)

۱۳۵ (۴)

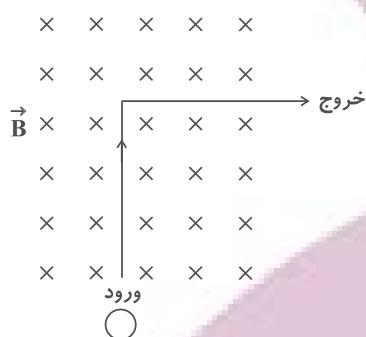


محل انجام محاسبات

تشوشهای برای موفقیت

۱۱۴- مطابق شکل، حلقه‌ای رسانا در مسیر نشان داده شده وارد یک میدان مغناطیسی یکنواخت درون سو شده و از سمت راست

میدان، خارج می‌گردد. جهت جریان القایی هنگام ورود و خروج از میدان به ترتیب از راست به چپ چگونه است؟



۱) ساعتگرد- ساعتگرد

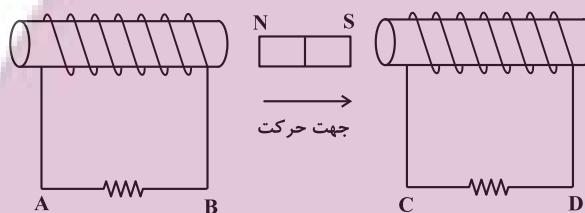
۲) پاد ساعتگرد- پاد ساعتگرد

۳) ساعتگرد- پاد ساعتگرد

۴) پاد ساعتگرد- ساعتگرد

۱۱۵- در شکل زیر، آهنربا را به سمت حرکت می‌دهیم. جهت جریان القایی در مقاومت‌های AB و CD به ترتیب از راست به

چپ چگونه است؟



۱) از A به B، از C به D

۲) از D به C، از A به B

۳) از C به A، از B به D

۴) از D به A، از B به C

۱۱۶- با استفاده از دو سیم هم‌جنس و هم‌طول دو سیم‌لوله ساخته‌ایم. اگر محیط هر حلقه سیم‌لوله (۲)، ۲ برابر محیط هر حلقه

سیم‌لوله (۱) و ضریب القاوری سیم‌لوله (۲)، ۳ برابر ضریب القاوری سیم‌لوله (۱) و جریان عبوری از سیم‌لوله (۱)، ۳ برابر جریان

عبوری از سیم‌لوله (۲) باشد، قطر مقطع سیم (۱) چند برابر قطر مقطع سیم (۲) و انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله (۲) چند برابر

انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله (۱) است؟ (فرض کنید حلقه‌های هر سیم‌لوله به همدیگر چسبیده‌اند).

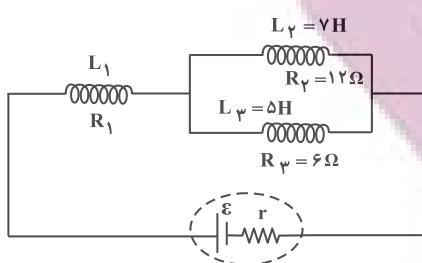
۱) $\frac{3}{2}$ و $\frac{3}{2}$

۲) $\frac{2}{3}$ و $\frac{2}{3}$

۳) $\frac{2}{3}$ و $\frac{3}{2}$

۴) $\frac{3}{2}$ و $\frac{3}{2}$

۱۱۷- در مدار شکل زیر، اگر انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله (۱)، سه برابر مجموع انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله‌های (۲) و (۳) باشد،



L_۱ چند هانتری است؟

۹ (۱)

۱۲ (۲)

۳ (۳)

۱۱ (۴)

۱۱۸- از سیم‌لوله‌ای به ضریب القاواری 20mH جریان متناوبی می‌گذرد که معادله آن در SI به صورت $I = 6 \sin 10\pi t$ است. در لحظه

$$\text{انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله چند میلیژول است و از لحظه } t=0 \text{ تا این مدت چند بار جهت جریان عوض می‌شود؟}$$

۴ (۴)

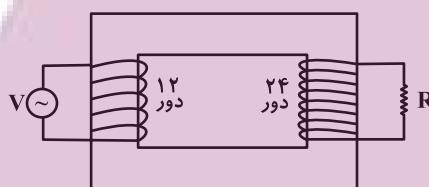
۲۷۰ (۳)

۹۰، ۳ بار (۲)

۹۰، ۲ بار (۱)

۱۱۹- مبدل آرمانی زیر توسط مولد جریان متناوب با تابع $e = 2\sin(50\pi t)$ در SI تغذیه می‌شود. بیشینه ولتاژ دو سر مقاومت R چند

ولت است؟



۶ (۱)

۲۴ (۲)

۱۴ (۳)

۴ (۴)

۱۲۰- چند مورد از موارد زیر نادرست است؟

الف) در یک مولد جریان متناوب در لحظه‌ای که شارعبوری از قاب بیشینه است، جریان القایی صفر است و سطح قاب موازی خطوط میدان

مغناطیسی است.

ب) در مولدهای صنعتی جریان متناوب، پیچه‌ها ساکن‌اند و آهنربای الکتریکی در آن‌ها می‌چرخدند.

پ) افزایش یا کاهش ولتاژ dc بسیار آسان‌تر از ac است.

ت) در یک مولد جریان متناوب، در لحظه‌ای که سطح پیچه با خطوط میدان مغناطیسی یکنواخت زاویه 60° می‌سازد، اندازه ولتاژ القایی

نصف ولتاژ القایی بیشینه است.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

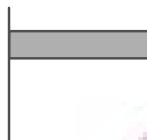
وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۲۷ تا ۱۴۹

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال فیزیک ۲ (۱۲۰ تا ۱۱۱) و فیزیک ۱ (۱۳۰ تا ۱۲۱) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و باسخ دهید.

۱۲۱- مطابق شکل، مقداری گاز کامل در داخل سیلندر به دام افتاده است. به گاز گرما می‌دهیم تا دما بر حسب درجه سلسیوس، دو برابر شود. مشاهده می‌شود که حجم گاز داخل سیلندر 40% افزایش می‌یابد. دمای اولیه گاز چند کلوین بوده است؟ (پیستون می‌تواند آزادانه حرکت کند).



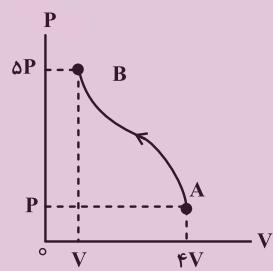
۹۱ (۱)

۱۸۲ (۲)

۳۶۴ (۳)

۴۵۵ (۴)

۱۲۲- مقداری گاز کامل فرایند AB را طی می‌کند. در این فرایند (W کار محیط روی دستگاه و ΔU تغییرات انرژی درونی گاز است).



W > 0 , ΔU > 0 (۱)

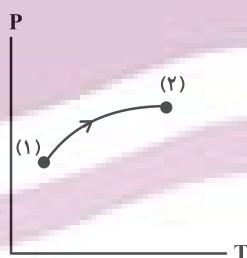
W < 0 , ΔU > 0 (۲)

W > 0 , ΔU < 0 (۳)

W < 0 , ΔU < 0 (۴)

۱۲۳- نمودار فشار بر حسب دمای یک فرایند کار گاز بر روی محیط منفی است.

الف) در طی این فرایند کار گاز بر روی محیط منفی است.



ب) در طی این فرایند چگالی گاز کاهش می‌یابد.

پ) در طی این فرایند گاز متراکم می‌شود.

ت) در طی این فرایند گاز از محیط گرما می‌گیرد.

(۱) الف، پ

(۲) الف، ب و ت

(۳) ب و ت

(۴) ب و ت

۱۲۴- در یک فرایند هم حجم بر روی مقداری گاز کامل، فشار آن را از $1/2 \text{ atm}$ به 8 atm می‌رسانیم. اگر در این فرایند 3900 J

گرما مبادله شده باشد، انرژی درونی اولیه گاز چند ژول بوده است؟

۹۰۰ (۴)

۱۲۳۰ (۳)

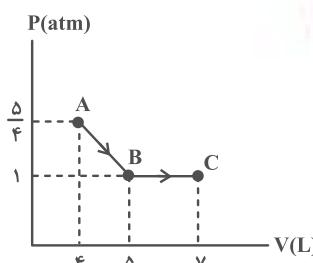
۵۷۰۰ (۲)

۱۸۰۰ (۱)

محل انجام محاسبات

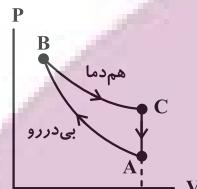


۱۲۵- نمودار $P-V$ مربوط به مقدار معینی گاز کامل مطابق شکل زیر است. اگر در فرایند BC تغییر انرژی درونی گاز برابر 300 J باشد، گرمایی که گاز در فرایند ABC با محیط مبادله می‌کند چند ژول است؟



- ۴۸۷/۵ (۱)
۳۵۰ (۲)
۶۱۲/۵ (۳)
۸۵۰ (۴)

۱۲۶- یک گاز آرمانی چرخه‌ای مطابق شکل زیر را طی می‌کند. اگر در مسیر AB ، $J = 600$ کار روی دستگاه انجام شده باشد، در مسیر CA دستگاه ژول گرما است.



- (۱) ۶۰۰ ، گرفته
(۲) ۶۰۰ ، از دست داده
(۳) ۱۲۰۰ ، گرفته
(۴) ۱۲۰۰ ، از دست داده

۱۲۷- به ازای سوخت یکسان و در بازه‌های زمانی مساوی، انرژی گرمایی تلف شده در ماشین گرمایی B ، به اندازه 20 درصد کمتر از ماشین گرمایی A است. اگر بازده ماشین گرمایی A ، 25 درصد باشد، بازده ماشین گرمایی B چند درصد خواهد بود؟

- (۱) ٪۲۷/۵ (۲) ٪۳۰ (۳) ٪۳۵ (۴) ٪۴۰

۱۲۸- کدام یک از عبارات زیر صحیح هستند؟

- الف) ممکن نیست دستگاه چرخه‌ای را بیماید که در طی آن مقداری گرما را از منبع دما بالا جذب و تمام آن را به کار تبدیل کند.
ب) امکان تبدیل کامل مقداری گرما به کار وجود ندارد.
پ) اگر در چرخه یک ماشین گرمایی، تمام گرمایی گرفته شده از منبع دما بالا به کار تبدیل شود قانون اول ترمودینامیک هم نقض می‌شود.
ت) ممکن نیست گرما از جسم با دمای پایین‌تر به جسم با دمای بالاتر منتقل شود.

- (۱) الف و ب (۲) پ و ت (۳) الف، ب و ت (۴) الف و ب

۱۲۹- در گزینه‌های زیر، کدام یخچال قانون دوم ترمودینامیک را نقض کرده ولی قانون اول ترمودینامیک برای آن صادق است؟

$$Q_L = 90\text{ J} , W = 0 , Q_H = -100\text{ J} \quad (۱)$$

$$Q_L = 0 , W = 100\text{ J} , Q_H = -100\text{ J} \quad (۲)$$

$$Q_L = 100\text{ J} , W = 100\text{ J} , Q_H = 200\text{ J} \quad (۳)$$

$$Q_L = 100\text{ J} , W = 0 , Q_H = -100\text{ J} \quad (۴)$$

۱۳۰- کدام یک از عبارت‌های زیر نادرست است؟

- (۱) در فرایند تراکم بی‌دررو، انرژی درونی گاز افزایش می‌یابد.
(۲) ماشین‌های نیوکامن و ماشین بخار، برون‌سوز هستند.
(۳) در مرحله ضربه قدرت در یک موتور بنزینی، یک تراکم بی‌دررو رخ می‌دهد.
(۴) نمودار $T-V$ برای فرایند هم‌شار یک گاز آرمانی، خط راستی گذرا از مبدأ مختصات است.



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: شیمی جلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری + شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن تر
 (قا انتهای انرژی فعال‌سازی در واکنش‌های شیمیایی): صفحه‌های ۶۷ تا ۱۰۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۱۳۱- کدام موارد از مطالب زیر نادرست است؟

- آ) سیلیس ماده‌ای است که در حالت خالص و تراش خورده، شفاف، زیبا و سخت بوده و یخ نیز همانند آن ساختاری بلوری دارد.
- ب) مولکول‌های آب در ساختار یخ در یک آرایش منظم و سه بعدی از طریق تشکیل پیوندهای اشتراکی ساختاری با حلقه‌های شش گوشه با استحکام ویژه پدید می‌آورند.
- پ) در ساختار یک جامد کوالانسی میان همه اتم‌ها پیوندهای کوالانسی وجود داشته و چنین موادی دیرگداز هستند.
- ت) در بین مواد زیر برای توصیف چهار ترکیب می‌توان از واژه‌های رایج مانند ماده مولکولی، فرمول مولکولی و نیروهای بین مولکولی استفاده کرد.



- ث) آنتالپی تبخیر و نقطه جوش یک ترکیب مولکولی به حالت مایع به طور عمده به جفت الکترون‌های پیوندی و جفت الکترون‌های ناپیوندی موجود در مولکول وابسته است.

(۴) ب، ث

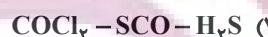
(۳) آ، پ، ت

(۲) ب، ت، ث

(۱) آ، ب، پ

۱۳۲- کدام گزینه عبارت زیر را به درستی تکمیل می‌کند؟

- «در ساختار مولکول همانند مولکول اتم مرکزی دارای بار جزئی منفی است و این مولکول برخلاف مولکول در میدان الکتریکی جهت‌گیری می‌کند.»



- ۱۳۳- در یک آزمایش ۱۹/۵ گرم فلز روی به طور کامل با ۵۰۰ میلی‌لیتر از محلول ۴٪ نیترات وانادیم (V) نیترات واکنش داده است. اگر

همه مواد استفاده شده در واکنش خالص باشند و تمام واکنش‌ها با بازدهی ۱۰۰٪ انجام شوند، رنگ محلول نهایی کدام است؟

(Zn = 65 g.mol⁻¹)

(۴) سبز

(۳) زرد

(۲) بنفش

(۱) آبی

محل انجام محاسبات

تشوهاتی برای موفقیت



۱۳۴- کدام گزینه درباره شبکه یونی سدیم کلرید نادرست است؟

(۱) انرژی حاصل از فروپاشی شبکه یونی سدیم کلرید و تبدیل آن به یون‌های گازی برابر 787 kJ/mol است.

(۲) در شبکه یونی سدیم کلرید هر یون سدیم با ۶ یون کلر و هر یون کلر با ۶ یون سدیم احاطه شده است.

(۳) در ساختار آن نیروهای جاذبه میان یون‌های Na^+ ... Cl^- بر نیروهای دافعه میان یون‌های Na^+ ... Cl^- غالب است.

(۴) در واکنش تهیه سدیم کلرید از سدیم و کلر، فراورده‌ها پایدارتر از واکنش‌دهنده‌ها هستند.

۱۳۵- چند مورد از موارد زیر، در تیتانیم نسبت به فولاد بیشتر است؟

• واکنش با ذره‌های موجود در آب دریا

• حجم یک گرم از آن

• نقطه ذوب

• مقاومت در برابر سایش

• تمایل به خوردگی

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۳۶- چند مورد از مطالب زیر درباره ترکیب‌های داده شده درست است؟

A : SO_4 B : NH_3 C : SO_2 D : CO_2

- در مولکول‌های A و B، بار جزئی اتم‌های مرکزی مشابه است.

- نقشهٔ پتانسیل الکترواستاتیکی ترکیب D به صورت مقابل است.

- مولکول‌های C نسبت به مولکول‌های D در حالت گازی آسان‌تر به مایع تبدیل می‌شوند.

- توزیع الکترون در مولکول‌های A و D برخلاف مولکول‌های C و B یکنواخت و متقارن است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۳۷- دو واکنش گرماییر و گرماده مفروض هستند. اگر انرژی فعال‌سازی برگشت این دو واکنش برابر باشند و تغییرات آنتالپی واکنش

گرماییر و گرماده به ترتیب a و b کیلوژول و انرژی فعال‌سازی رفت واکنش گرماییر و گرماده به ترتیب c و d کیلوژول

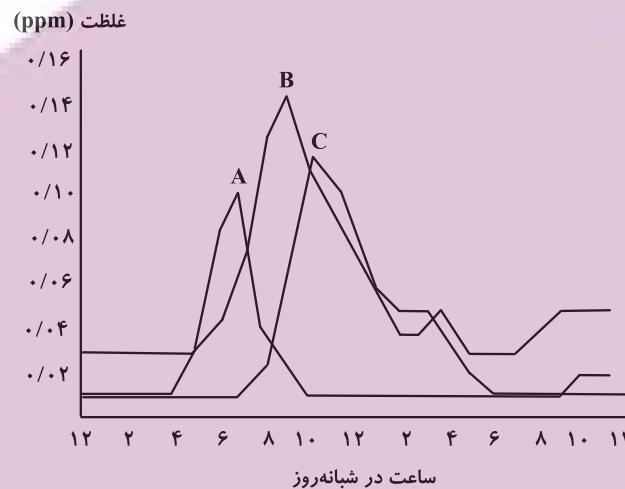
باشد، کدام گزینه درست است؟

 $c = -a + b + d$ (۴) $c = a + b - d$ (۳) $c = a - b + d$ (۲) $c = a + b + d$ (۱)

۱۳۸- کدام گزاره درباره واکنش هیدروژن با اکسیژن درست است؟

- (۱) حضور پودر روی همانند ایجاد جرقه سبب انجم و واکنش به صورت انفجاری می‌شود.
- (۲) در حضور توری پلاتینی همانند حضور پودر روی انرژی فعال‌سازی واکنش کاهش می‌یابد.
- (۳) آنتالپی واکنش با تغییر نوع کاتالیزگر کاهش می‌یابد.
- (۴) با افزودن کاتالیزگر مناسب، انرژی فعال‌سازی واکنش و سطح انرژی فراورده به یک اندازه کاهش می‌یابد.

۱۳۹- با توجه به نمودار زیر، چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

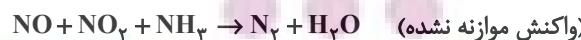


- الف) آلینده B با دومین گاز فراوان هواکره واکنش می‌دهد و در حضور نور خورشید آلینده C و A را تولید می‌کند.
- ب) از بین سه آلینده A، B و C در ساختار لوویس همگی پیوند دوگانه وجود دارد.
- پ) آلینده A و B جزو آلینده‌های خروجی خودروهای دیزلی هستند.
- ت) مولکول A قطبی است و در حالت گازی، انحلال‌پذیری کمتری از مولکول کربن دی‌اکسید در آب دارد.

۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۴۰- در واکنش زیر، با مبادله $1/806 \times 10^{24}$ الکترون بین گونه‌های اکسنده و کاهنده، تفاوت جرم فراورده‌های واکنش چند گرم خواهد

$$(H=1, N=14, O=16: g/mol^{-1}) \text{ بود؟}$$



۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۴ (۵) ۳

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش : صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۲۳

دانش آموزانی که خود را برای کنکور مرحله اول آماده می‌کنند، باید به این دسته سوالات (پیشروی سریع) نیز، پاسخ دهند.

۱۴۱- کدام ماده به صورت مستقیم از اتن به دست نمی‌آید؟

(۱) اتان

(۲) اتانول

(۳) اتانوئیک اسید

(۴) پلی اتن

۱۴۲- اگر جرم‌های مولی نمونه‌هایی از پلی‌اتیلن ترفتالات و پلی استیرن یکسان و برابر $12 \times 10^5 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ باشد، تفاوت شمار واحدهای تکرارشونده در این دو پلیمر کدام است؟ ($H=1$ ، $C=12$ ، $O=16: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

(۱) ۱۰۳۰

(۲) ۱۲۸۰

(۳) ۱۳۷۵

(۴) ۱۲۵۰

۱۴۳- اگر از تجزیه ۹۳ گرم از یک پلی‌استر، ۳۸ گرم از یک الکل دو عاملی با ساختار زیر به دست آید، جرم مولی دی‌اسید سازنده این

(۱) پلی‌استر چند گرم بر مول بوده است؟ ($H=1$ ، $C=12$ ، $O=16: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

(۱) ۱۶۲

(۲) ۱۴۶

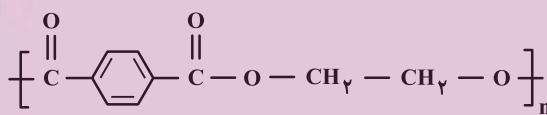
(۳) ۶۰

(۴) ۵۶

۱۴۴- یک بطری آب معدنی دارای ۹/۶ گرم پلی‌اتیلن ترفتالات است. جرم ترفتالیک اسید به کار رفته در تولید آن چند گرم بیشتر از جرم اتیلن گلیکول به کار رفته است و در پلیمر حاصل چند اتم هیدروژن وجود دارد؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

(۱) $N_A = 6 \times 10^{23}$ ، $H=1$ ، $C=12$ ، $O=16: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$ (۲) $2/4 \times 10^{23} - 2/6$ (۳) $2/4 \times 10^{24} - 5/2$ (۴) $1/5 \times 10^{22} - 2/6$ (۱) $2/4 \times 10^{23} - 5/2$

۱۴۵- با توجه به ساختار پلیمر زیر، کدام عبارت درست است؟



(۱) این پلیمر از نوع پلی‌استر است و یکی از مونومرهای آن در نفت خام وجود دارد.

(۲) شمار اتم‌های هیدروژن در دی‌اسید این پلیمر با شمار اتم‌های هیدروژن در دی‌الکل آن برابر است.

(۳) دی‌الکل سازنده این پلیمر از واکنش اتنین با محلول رقیق پتانسیم پرمنگنات به دست می‌آید.

(۴) پلیمر داده شده زیست تخریب‌پذیر است و در شرایط مناسب می‌تواند با متانول واکنش دهد.

۱۴۶- با توجه به شکل زیر که فرایند کلی سنتز PET را نشان می‌دهد، کدام گزینه درست است؟ ($H=1$ ، $C=12$ ، $O=16: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

(۱) اختلاف جرم مولی ماده (۱) و پارازایلن بیش از ۶۰٪ جرم مولی پارازایلن

است.

(۲) در فرایند تبدیل اتن به ماده (۱)، هر اتن کرین ۱ درجه اکسایش می‌یابد.

(۳) ماده (۲) دارای گروه عاملی مشترک با اتیل استات و ماده (۱) دارای گروه عاملی مشترک با استون است.

(۴) در واکنش تبدیل پارازایلن به ماده (۲)، بیشترین تغییر عدد اکسایش را Mn خواهد داشت.

محل انجام محاسبات



۱۴۷- کدام موارد زیر در مورد PET صحیح هستند؟

- الف) مونومرهای PET بطور مستقیم از پالایش نفت خام به دست نیامده و از این‌رو PET جزو پلیمرهای نفتی محسوب نمی‌شود.
- ب) از ویژگی‌های باز PET می‌توان به مقاومت در برابر خوردگی، ارزان بودن، نسبت جرم به حجم بالا، نفوذناپذیری نسبت به آب و هوا اشاره کرد.
- پ) به دلیل قابل بازیافت بودن PET جزو پلیمرهای سبز دسته‌بندی می‌شود.
- ت) در بازیافت PET، با واکنش دادن آن با یکی از الکل‌های رایج، آن را به مونومرهای سازنده‌اش تجزیه می‌کنیم.

(۴) ب و ت

(۳) الف، ب و پ

(۲) ت

(۱) هیچ کدام

۱۴۸- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- الف) یک واکنش شیمیایی زمانی به صرفه‌تر است که شمار بیشتری از اتم‌های واکنش‌دهنده به فراورده‌های سودمند تبدیل شوند.
- ب) میزان انحلال‌پذیری ترفتالیک اسید در آب بیشتر از انحلال‌پذیری اتیلن گلیکول و پارازایلن در آب است.
- پ) مجموع شمار اتم‌های کربن در ۲ / ۰ مول نفتالن، چهار برابر مجموع شمار اتم‌های هیدروژن در ۰ / ۵ مول پارازایلن است.
- ت) زیله‌های ساخته شده از PET را می‌توان با اتانول واکنش داده و مواد مفیدی تهیه کرد که برای تولید پلیمرها قابل استفاده باشند.

(۴) ۴

(۳) ۳

(۲) ۲

(۱) ۱

۱۴۹- یک کارخانه تولید متانول ۸ kg متنان را با مقدار کافی بخارآب وارد واکنشگاه (I) کرده است، سپس گازهای حاصل را در واکنشگاه (II) به متانول تبدیل کرده است. گاز H_2 باقی مانده چند گرم نفتالن را می‌تواند به یک ماده سیر شده تبدیل کند؟

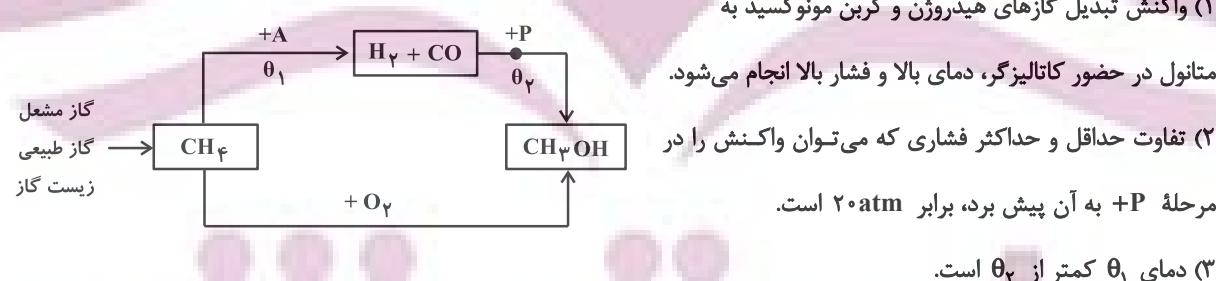
$$(H = 1, C = 12, O = 16 : g \cdot mol^{-1})$$

(۱۲۸۰۰) ۴

(۶۴۰۰) ۳

(۲۵۶۰) ۲

(۳۲۰۰) ۱

۱۵۰- نمودار زیر روش‌های تولید متانول را نشان می‌دهد. کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: پوشک، نیازی پایان ناپذیر: صفحه های ۹۷ تا ۱۲۱

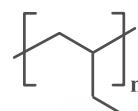
توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال شیمی ۲ (۱۶۰ تا ۱۶۱) و شیمی ۱ (۱۶۱ تا ۱۶۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و یاسخ دهید.

۱۵۱- وینیل کلرید با سبک ترین عضو خانواده الکل های تک عاملی در چند مورد از ویژگی های زیر مشابه است؟

- شمار جفت الکترون های ناپیوندی
- شرکت در واکنش های پلیمری شدن

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) صفر



۱۵۲- با توجه به ساختار واحد تکرارشونده پلیمر نشان داده شده کدام مطلب درست است؟

- (۱) نام مونومر سازنده آن، ۲- بوتن است.
- (۲) در تهیه تجهیزات پزشکی و سرنگ کاربرد دارد.
- (۳) از سوختن کامل هر مول از این پلیمر، چهار مول گاز کربن دی اکسید تولید می شود.
- (۴) نسبت شمار پیوندهای اشتراکی به شمار اتم ها در مونومر آن برابر با یک است.

۱۵۳- از پلیمری شدن نمونه ای از استیرن که دارای x پیوند دوگانه است، ۱۳ کیلوگرم پلی استیرن تهیه شده است. حجم نمونه ای از پلی اتن شاخه دار که دارای x واحد تکرارشونده است، به تقریب بر حسب لیتر کدام است؟ (پلی اتن، دو نوع پلیمر سبک و سنگین با چگالی های 0.92 و 0.97 گرم بر میلی لیتر دارد؛ $H = 1$ ، $C = 12 : g \cdot mol^{-1}$)

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۱۴/۴ (۴) ۱۵/۲

۱۵۴- چند مورد از عبارت های داده شده نادرست است؟

- الکل های یک عاملی را با فرمول ROH نشان می دهند که در آن R یک زنجیر هیدروکربنی و OH - گروه عاملی هیدروکسید است.
- متانوئیک اسید (فورمیک اسید) با فرمول $HCOOH$ ، پر کاربرد ترین کربوکسیلیک اسید در زندگی روزانه است.
- با کاهش درصد جرمی اکسیژن در الکل های یک عاملی و راست زنجیر، تفاوت انحلال پذیری در آب بین دو الکل متوالی کاهش می یابد.
- هر چه جرم مولی الکل های راست زنجیر یک عاملی افزایش یابد، تفاوت انحلال پذیری آن در آب با آلان هم کربن آن افزایش می یابد.
- در الکل ها با افزایش جرم مولی، قدرت نیروی بین مولکولی و اندروالسی بیشتر شده و سهم آن در تعیین خواص فیزیکی بیشتر از پیوند هیدروژنی می شود.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۵۵- درباره ترکیب آلی با فرمول $C_7H_6O_2$ کدام عبارت به یقین درست است؟ ($H = 1$ ، $C = 12$ ، $O = 16 : g \cdot mol^{-1}$)

(۱) میان مولکول های سازنده آن پیوند هیدروژنی برقرار می شود.

(۲) برای رسم ساختار پیوند- خط آن حداقل به ۵ خط نیاز است.

(۳) شمار جفت الکترون های ناپیوندی آن دو برابر شمار الکترون های ناپیوندی آن است.

(۴) نسبت درصد جرمی اتم های کربن به درصد جرمی اتم های اکسیژن آن برابر $75/78$ است.

محل انجام محاسبات

۱۵۶- با توجه به واکنش استری شدن زیر، اگر جرم مولی ترکیب A از B بیشتر باشد کدام یک از عبارت‌ها نادرست است؟



$$(H = 1, C = 12, O = 16 : g/mol^{-1})$$

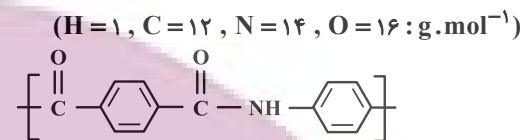
(۱) بیش از ۵۰ درصد جرم ترکیب B را کربن تشکیل می‌دهد و این ماده به هر نسبتی در آب حل می‌شود.

(۲) مجموع شمار اتم‌ها در ترکیب A، دو برابر مجموع شمار اتم‌ها در ساده‌ترین الکل است.

(۳) نسبت شمار اتم‌های هیدروژن به اتم‌های کربن در اتیل بوتانوات مشابه همین نسبت در یکی از واکنش‌های دهنده‌هاست.

(۴) ترکیبی قطبی است که واکنش آن با ساده‌ترین آکلن در محیط اسیدی منجر به تشکیل ترکیب B می‌شود.

۱۵۷- کولار نوعی پلی‌آمید است که از واکنش مونومرهای زیر (شکل ۱) به دست می‌آید. کدام مطلب در مورد آن درست است؟



شکل (۱)

شکل (۲)

(۱) واحد تکرارشونده آن به صورت شکل (۲) است.

(۲) نسبت شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی به شمار هیدروژن در واحد تکرارشونده آن برابر با ۰/۸ است.

(۳) مونومر سبک‌تر، در تولید پلی‌استر نیز به کار می‌رود.

(۴) جرم مولی هر واحد تکرارشونده در آن برابر با ۲۳۸ گرم بر مول است.

۱۵۸- در اثر واکنش ۱/۰ مول از استری به فرمول $C_5H_{10}O_2$ که فاقد پیوند C=C است با آب چند گرم ماده آلی به دست می‌آید؟

$$(H = 1, C = 12, O = 16 : g/mol^{-1})$$

۷/۴ (۴)

۱/۸ (۳)

۱۲ (۲)

۷/۲ (۱)

۱۵۹- چند مورد از مطالب زیر، درباره پلیمرهای سبز، به درستی بیان شده است؟

• این پلیمرها توسط جانداران ذره‌بینی تجزیه می‌شوند.

• در ساختار آن‌ها می‌تواند تنها اتم‌های کربن و هیدروژن به کار رفته باشد.

• پلاستیک‌های تهیه شده از پلی‌لакتیک اسید، قابلیت تبدیل شدن به کود را دارند.

• اگر پلیمرهای سبز در طبیعت رها شوند، پس از چند ماه به مولکول‌های ساده مثل آب و کربن تبدیل می‌شوند.

• یکی از این پلیمرها، پلی‌لакتیک اسید است که روند تولید آن را می‌توان به صورت زیر نمایش داد.

پلی‌لactیک اسید → یک کوچک مولکول با خاصیت اسیدی → یک پلیمر طبیعی → فراورده‌های کشاورزی

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۶۰- با توجه به معادله شیمیایی زیر که به واکنش اتن با گاز کلر مربوط می‌شود کدام یک از جمله‌های داده شده در گزینه‌ها از نظر درستی یا نادرستی مشابه جمله زیر است؟ (H = 1, C = 12, Cl = 35/5 : g/mol^{-1})



«در این واکنش، ماده X آهن (II) کلرید است و نقش کاتالیزگر را دارد.»

(۱) اختلاف شمار جفت الکترون‌های پیوندی و ناپیوندی در فراورده حاصل برابر یک است.

(۲) در ساختار فراورده حاصل، همه اتم‌ها به آرایش گاز نجیب هم دوره خود رسیده‌اند.

(۳) با تولید $g = 14/85$ فرآورده، $26/7$ انرژی توسط سامانه جذب می‌شود.

(۴) فراورده حاصل سیرشده و نام آن، ۱، ۲-دی‌کلرواتان است.



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: آب، آهنگ زندگی: صفحه های ۹۸ تا ۱۲۲

قوجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال شیمی ۲ (۱۶۰ تا ۱۵۱) و شیمی ۱ (۱۶۱ تا ۱۶۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و باسخ دهید.

۱۶۱- محلول ۲۰٪ جرمی از نمکی را در اختیار داریم. اگر انحلال پذیری این نمک در دمای ۶۰ درجه سلسیوس ۸۰ گرم در ۱۰۰ گرم

آب باشد، پس از رساندن دمای $1/5$ کیلوگرم از این محلول به ۶۰ درجه سلسیوس حداقل چند گرم دیگر از این نمک را می توان در آن حل کرد؟ (از ایجاد محلول فراسیرشده در طول مراحل آزمایش صرف نظر کنید).

۶۶۰ (۲)

۵۴۰ (۱)

۹۶۰ (۴)

۳۳۰ (۳)

۱۶۲- کلسیم سولفات با انحلال پذیری ۲۱٪ ۰/۰ گرم در 100 g آب از دسته ترکیبات در آب به شمار می رود و غلظت یون کلسیم در(O = ۱۶ ، S = ۳۲ ، Ca = $40 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ ppm است.)

۲۱۰۰- (۲) نامحلول

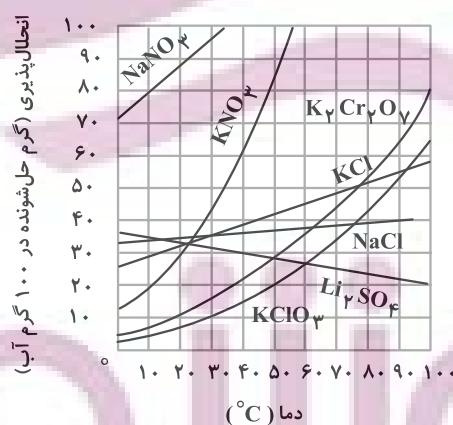
۵۸۸- (۱) کم محلول

۲۱۰۰- (۴) محلول

۶۱۸- (۳) کم محلول

۱۶۳- در چهار ظرف دارای ۲۰۰ گرم آب در دمای 20°C به ترتیب از راست به چپ 80 g از ترکیب های KNO_۳، (B) NaNO_۳، (A) K_۲Cr_۷O_۷ و (D) KClO_۴ و (C) KClO_۴ اضافه کرده و پس از هم زدن محلول از مواد جامد باقی مانده جداسازی شده است. ترتیب

چگالی محلول ها به دست آمده کدام است؟ (از تغییر حجم چشم پوشی شود).



A > B > C > D (۱)

D > B > A > C (۲)

C > A > B > D (۳)

B > A > D > C (۴)

محل انجام محاسبات

۱۶۴- کدام عبارت نادرست است؟

- ۱) استفاده از گشتاور دوقطبی برای بررسی روند تغییر نقطه جوش هیدروکربن‌ها مناسب نیست.
- ۲) در دمای اتاق در بین عناصر موجود در گروه هالوژن‌ها تا تناوب پنجم، دو عنصر با حالت فیزیکی یکسان وجود دارند.
- ۳) تمام عوامل مؤثر بر نقطه جوش مولکول‌های قطبی با عوامل مؤثر بر نقطه جوش مولکول‌های ناقطبی تفاوت دارند.
- ۴) تفاوت در نوع نیروی بین مولکولی دلیل تفاوت نقطه جوش HF با HBr است.

۱۶۵- ترتیب درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر در کدام گزینه آمده است؟

- الف) مخلوط ید در هگزان، به صورت همگن، شفاف، بی‌رنگ و پایدار است.
- ب) اتانول در مقایسه با استون جرم مولی کمتر و نقطه جوش بیشتری دارد.
- پ) شمار اتم‌ها در هگزان دو برابر شمار اتم‌ها در استون است.
- ت) اتانول به عنوان حلال در تهیه مواد دارویی، آرایشی و بهداشتی کاربرد دارد و به هر نسبتی در آب حل می‌شود.
- ۱) درست، نادرست، نادرست، درست
 - ۲) درست، نادرست، درست، نادرست
 - ۳) نادرست، درست، درست، درست

۱۶۶- در مورد ساختار يخ کدام یک از مطالب داده شده درست است؟

- ۱) در هر حلقه ۶ پیوند اشتراکی و ۶ پیوند هیدروژنی بین مولکول‌های آب وجود دارد.
- ۲) اتم‌های اکسیژن در رأس حلقه‌های شبیه کندوی زنبور عسل قرار دارند.
- ۳) به دلیل وجود پیوندهای هیدروژنی، ساختار آب و يخ يکسان و منظم هستند.
- ۴) پیوند هیدروژنی و اشتراکی در ساختار يخ قدرت يکسانی دارند.

۱۶۷- در دمای 25°C در پنج ظرف جداگانه هر یک از مواد زیر را در مقدار یکسانی آب ریخته و به خوبی تکان داده‌ایم. در چند ظرف

نیروی جاذبه یون-دوقطبی در مخلوط حاصل کوچک‌تر از میانگین قدرت پیوند یونی (در نمک مورد نظر) و پیوند هیدروژنی

(در آب) خواهد بود؟



۱ (۲)

۳ (۴)

۱) صفر

۲ (۳)

محل انجام محاسبات

۱۶۸- در شکل زیر، محلولی از سدیم کلرید با غلظت نیم مولار در مخزن لوله‌ای شکل A به وسیله یک غشا نیمه تراوا از حجم مشخصی از آب خالص در مخزن B جدا شده است. کدام موارد از عبارت‌های زیر درست است؟

(آ) حالت C (بیرون ریختن محلول از مخزن A) به علت افزایش مولاریته محلول موجود در بخش A اتفاق می‌افتد.

ب) جریان مایع زمانی متوقف می‌شود که غلظت محلول‌های جدا شده توسط غشاء تقریباً برابر شود.

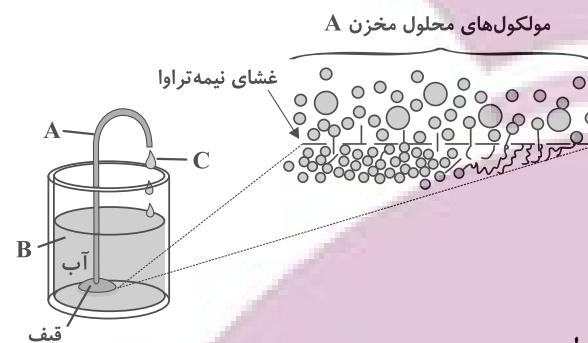
پ) این فرایند همانند انداختن میوه‌های خشک در آب که بعد از مدتها متورم می‌شوند بدون مصرف انرژی اتفاق می‌افتد.

ت) اگر به جای آب خالص در مخزن B، از محلول آب نمک غلیظتر از محلول A استفاده کنیم جریان C متوقف می‌شود.

۱) فقط ت

۲) فقط ب

۳) آ، ب



۱۶۹- اگر ۵ kg آب سیرشده از گاز اکسیژن در فشار $9 \text{ atm} / 4 \text{ atm}$ برسانیم، گاز اکسیژن به دست آمده از این آزمایش را می‌توان از تجزیه تقریباً چند گرم پتاسیم کلرات (KClO_3) طبق واکنش زیر به دست آورد؟

$2\text{KClO}_3(s) \rightarrow 2\text{KCl}(s) + 3\text{O}_2(g)$

۱/۱۸ ۴

۱/۵۵ ۳

۲/۱۸ ۲

۲/۵۵ ۱

۱۷۰- با توجه به شکل زیر که چگونگی تهیه آب شیرین از آب دریا را نشان می‌دهد، کدام گزینه نادرست است؟

۱) کارایی این روش از تقطیر برای تصفیه یک نمونه آب بالاتر است.

۲) غلظت محلول C بیشتر از غلظت محلول A است.

۳) برای تهیه آب شیرین در این روش وجود قسمت B ضروری است.

۴) در قسمت D مولکول‌های آب از محیط رقیق به محیط غلیظ منتقل می‌سازند.

