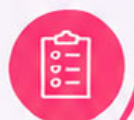


با ایران توشه
یک قدم جلوتر
باش!



ایران توشه، مرجع دانلود فایل های کمک آموزشی دانش آموزان و کنکوری ها



دانلود رایگان آزمون های آزمایشی
قلمچی، خیلی سبز، گاج و ...



دانلود رایگان گام به گام تمامی دروس



دانلود رایگان نمونه سوالات امتحانی
(نوبت اول و دوم) و امتحانات نهایی



دانلود رایگان جزوه های کمک آموزشی
و شب امتحانی

همه چیز
برای موفقیت
تو!

Google

دانلود گام به گام دوازدهم تجربی ایران توشه

دانلود گام به گام دوازدهم تجربی ایران توشه

کافیست هر فایلی که نیاز دارید
را در گوگل به این صورت جستجو کنید:

فایل مورد نیاز + ایران توشه

مثال:

دانلود گام به گام دوازدهم تجربی ایران توشه



irantooshe.ir



t.me/irantooshe



فیزیک ۲ یازدهم - فصل اول

الکتریسیته ساکن

فهرست

۱	صفحه ۳ پرسش ۱-۱ — چسبیدن روکش پلاستیکی	۴
۲	صفحه ۵ تمرین ۱-۱ — بار هسته اتم اورانیوم	۴
۳	صفحه ۵ فعالیت ۱-۱ (کار در کلاس) — نیروی دافعه نی‌های باردار	۴
۴	صفحه ۷ فعالیت ۲-۱ — دستگاه فتوکپی	۵
۵	صفحه ۸ پرسش ۲-۱ — نیروی خالص بر بار میانی	۵
۶	صفحه ۹ تمرین ۲-۱ — نیروی خالص بر q_2 در مثال ۳-۱	۶
۷	صفحه ۹ پرسش ۳-۱ — سه بار در سه گوشه مربع	۷
۸	صفحه ۱۰ تمرین ۳-۱ — تغییر علامت بارها در مثال ۴-۱	۸
۹	صفحه ۱۴ تمرین ۴-۱ — میدان پروتون در اتم هیدروژن	۹
۱۰	صفحه ۱۶ تمرین ۵-۱ — میدان دوقطبی الکتریکی	۹
۱۱	صفحه ۱۷ تمرین ۶-۱ — میدان بارهای مثال ۸-۱ در نقطه A	۱۰
۱۲	صفحه ۱۷ فعالیت ۳-۱ (کار در کلاس) — سمت‌گیری دانه‌ها بین دو الکترود	۱۱
۱۳	صفحه ۱۹ پرسش ۴-۱ — قطع نشدن خطوط میدان	۱۱
۱۴	صفحه ۱۹ پرسش ۵-۱ — نیرو بر بار منفی در میدان غیریکنواخت	۱۲
۱۵	صفحه ۱۹ فعالیت ۴-۱ — گرده‌افشانی و میدان الکتریکی	۱۳
۱۶	صفحه ۲۱ تمرین ۷-۱ — بادکنک معلق در میدان الکتریکی	۱۳
۱۷	صفحه ۲۱ فعالیت ۵-۱ — رسوب‌دهنده الکتروستاتیکی	۱۴
۱۸	صفحه ۲۳ تمرین ۸-۱ — جابه‌جایی پروتون پس از عوض کردن قطب‌های باتری	۱۴
۱۹	صفحه ۲۵ تمرین ۹-۱ — تغییر پتانسیل در میدان یکنواخت	۱۵
۲۰	صفحه ۲۵ تمرین ۱۰-۱ — پتانسیل پایانه منفی باتری ۱۲ ولتی	۱۵
۲۱	صفحه ۲۶ فعالیت ۶-۱ — چگونگی کار نورون‌ها	۱۶
۲۲	صفحه ۲۷ تمرین ۱۱-۱ — کار نیروی خارجی در شکل ۲۷-۱	۱۷
۲۳	صفحه ۲۹ فعالیت ۷-۱ — قفس فاراده، امنیت در خودرو و آزمایش طراحی‌شده	۱۸
۲۴	صفحه ۳۰ فعالیت ۸-۱ — توزیع بار روی جسم فلزی دوکی شکل	۱۹
۲۵	صفحه ۳۱ فعالیت ۹-۱ — برق‌گیر ساختمان	۱۹
۲۶	صفحه ۳۶ پرسش ۶-۱ — ورودی الکتریک بین صفحه‌های خازن بدون اتصال به باتری	۲۰
۲۷	صفحه ۳۷ فعالیت ۱۰-۱ — خازن در کیسه هوای خودرو	۲۰
۲۸	صفحه ۳۸ تمرین ۱۲-۱ — مدل‌سازی غشای نورون با خازن تخت	۲۱
۲۹	صفحه ۳۸ فعالیت ۱۱-۱ — انواع خازن	۲۱
۳۰	صفحه ۴۱ مسئله ۱ — برق‌نما؛ بار، رسانایی و نوع بار میله	۲۲
۳۱	صفحه ۴۱ مسئله ۲ — مالش میله پلاستیکی با پارچه پشمی	۲۲

۳۲ ... صفحه ۴۱ مسئله ۳ — بار اتم کربن ^{12}C و یون C^{+} ... ۲۳	۴۷ ... صفحه ۴۳ مسئله ۱۸ — تندی پروتون در سه آرایش خطوط میدان ... ۳۲
۳۳ ... صفحه ۴۱ مسئله ۴ — نیروی بین دو گوی پس از تماس ... ۲۳	۴۸ ... صفحه ۴۳ مسئله ۱۹ — میدان بین دو صفحه رسانای موازی ... ۳۳
۳۴ ... صفحه ۴۱ مسئله ۵ — نیروی خالص بر q_3 در رأس مربع ... ۲۴	۴۹ ... صفحه ۴۳ مسئله ۲۰ — انرژی بار منفی بین دو پتانسیل ... ۳۳
۳۵ ... صفحه ۴۱ مسئله ۶ — نیروی خالص بر بارهای روی یک خط ... ۲۴	۵۰ ... صفحه ۴۳ مسئله ۲۱ — گوی فلزی خنثی و آونگ باردار ... ۳۴
۳۶ ... صفحه ۴۱ مسئله ۷ — دو گوی باردار در لوله شیشه‌ای ... ۲۵	۵۱ ... صفحه ۴۳ مسئله ۲۲ — جذب براده آلومینیم توسط صفحه پلاستیکی ... ۳۴
۳۷ ... صفحه ۴۱ مسئله ۸ — نیرو بر ذره باردار در میدان یکنواخت ... ۲۶	۵۲ ... صفحه ۴۳ مسئله ۲۳ — چگالی سطحی بار ماهواره مکعبی ... ۳۴
۳۸ ... صفحه ۴۱ مسئله ۹ — نیروی دافعه و میدان هسته اتم آهن ... ۲۶	۵۳ ... صفحه ۴۳ مسئله ۲۴ — تغییر بار یا ولتاژ و ظرفیت خازن ... ۳۵
۳۹ ... صفحه ۴۱ مسئله ۱۰ — نقطه میدان صفر و میدان در مبدأ ... ۲۷	۵۴ ... صفحه ۴۳ مسئله ۲۵ — ظرفیت خازن از تغییر بار و ولتاژ ... ۳۵
۴۰ ... صفحه ۴۲ مسئله ۱۱ — ذره معلق در میدان الکتریکی ... ۲۷	۵۵ ... صفحه ۴۴ مسئله ۲۶ — خم شدن آب نزدیک بادکنک باردار ... ۳۵
۴۱ ... صفحه ۴۲ مسئله ۱۲ — میدان در مرکز دو آرایه مربعی بار ... ۲۸	۵۶ ... صفحه ۴۴ مسئله ۲۷ — ربایش خرده‌های کاغذ توسط میله باردار ... ۳۶
۴۲ ... صفحه ۴۲ مسئله ۱۳ — نوع و اندازه بار دو کره از روی خطوط میدان ... ۲۹	۵۷ ... صفحه ۴۴ مسئله ۲۸ — مساحت صفحه‌های خازن ۱ فارادی ... ۳۶
۴۳ ... صفحه ۴۲ مسئله ۱۴ — تشخیص آرایش نادرست خطوط میدان ... ۲۹	۵۸ ... صفحه ۴۴ مسئله ۲۹ — دو برابر شدن فاصله صفحه‌ها با باتری متصل ... ۳۷
۴۴ ... صفحه ۴۲ مسئله ۱۵ — میدان دو بار هم‌اندازه ناهم‌نام روی محور ... ۳۰	۵۹ ... صفحه ۴۴ مسئله ۳۰ — ظرفیت خازن با دی‌الکتریک ... ۳۷
۴۵ ... صفحه ۴۲ مسئله ۱۶ — جابه‌جایی بار در میدان یکنواخت $A \rightarrow B \rightarrow C$... ۳۱	۶۰ ... صفحه ۴۴ مسئله ۳۱ — جرقه پس از دو برابر کردن فاصله صفحه‌ها ... ۳۷
۴۶ ... صفحه ۴۲ مسئله ۱۷ — نزدیک کردن ذره مثبت به کره باردار ... ۳۱	۶۱ ... صفحه ۴۴ مسئله ۳۲ — انتقال بار و افزایش انرژی خازن ... ۳۸

چرا وقتی روکش پلاستیکی را روی یک ظرف غذا می کشید و آن را در لبه های ظرف فشار می دهید، روکش در جای خود ثابت باقی می ماند؟

هنگام کشیدن و مالش روکش پلاستیکی روی ظرف (و دست)، روکش بار الکتریکی پیدا می کند (الکتریسیته ساکن). روکش باردار، مولکول های ظرف را قطبیده می کند و بار ناهمنام القاشده در سطح ظرف، روکش را می رباید. بنابراین نیروی جاذبه الکتریکی بین روکش و ظرف باعث می شود روکش در جای خود بچسبد و ثابت بماند.

عدد اتمی اورانیوم $Z = 92$ است. بار الکتریکی هسته اتم اورانیوم چقدر است؟ مجموع بار الکتریکی الکترون های اتم اورانیوم (خنثی) چه مقدار است؟ بار الکتریکی اتم اورانیوم (خنثی) چقدر است؟

عدد اتمی برابر تعداد پروتون های هسته است؛ پس بار هسته برابر با $q = Ze$ است:

$$q = 92 \times 1.60 \times 10^{-19} \text{ C} = +1.472 \times 10^{-17} \text{ C} \approx +1.47 \times 10^{-17} \text{ C}$$

اتم خنثی ۹۲ الکترون دارد؛ پس مجموع بار الکترون ها هم اندازه و ناهمنام است: $q = -92e \approx -1.47 \times 10^{-17} \text{ C}$
بار کل اتم خنثی برابر است با $+1.47 \times 10^{-17} \text{ C} + (-1.47 \times 10^{-17} \text{ C}) = 0$

توشه ای برای موفقیت

مطابق شکل، دو نی پلاستیکی را از نزدیکی یک انتهای آنها خم کنید و پس از مالش دادن با پارچه ای پشمی نزدیک یکدیگر قرار دهید. اگر نی ها به خوبی باردار شده باشند، نیروی دافعه آنها را می توانید به وضوح بر روی انگشتان خود حس کنید.

نتیجه آزمایش: پس از مالش با پارچه پشمی، هر دو نی دارای بار الکتریکی همنام (هر دو منفی، زیرا الکترون از پارچه به نی منتقل می شود) می شوند. بارهای همنام یکدیگر را دفع می کنند؛ به همین دلیل وقتی نی ها را

نزدیک هم می‌آوریم، سرهای آنها از هم دور می‌شوند و نیروی دافعه را روی انگشتان خود حس می‌کنیم. هرچه دو نی نزدیک‌تر باشند، این نیرو بیشتر است (قانون کولن).

فعالیت ۲-۱

صفحه ۷

۴

شکل روبه‌رو تصویری از مراحل ایجاد یک رونوشت در دستگاه فتوکپی را نشان می‌دهد. در مورد چگونگی کار دستگاه‌های فتوکپی تحقیق کنید.

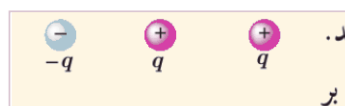
۱. **باردار کردن استوانه:** سطح استوانه دوار فتوکپی (از جنس ماده‌ای نیمه‌رسانا و حساس به نور، مثل سلنیوم) با سیم‌های تخلیه الکتریکی یکنواخت باردار (مثلاً مثبت) می‌شود.
۲. **تابش تصویر:** تصویر سند با نور روی استوانه می‌افتد. جاهایی که نور می‌رسد (قسمت‌های سفید کاغذ)، رسانا می‌شوند و بارشان تخلیه می‌شود؛ ولی جاهای تیره (نوشته و تصویر) تاریک می‌مانند و بار مثبتشان باقی می‌ماند. به این ترتیب «تصویر نهان باردار» روی استوانه پدید می‌آید.
۳. **پودر جوهر (تونر):** ذرات پودر جوهر، که بار منفی دارند، فقط به قسمت‌های باردار مثبت استوانه می‌چسبند (نیروی جاذبه الکتریکی).
۴. **انتقال به کاغذ:** کاغذ با بار مثبتی که بزرگ‌تر از بار استوانه است از کنار استوانه می‌گذرد و پودر جوهر از استوانه به کاغذ منتقل می‌شود.
۵. **ثابت کردن:** کاغذ از میان غلتک‌های گرم می‌گذرد تا پودر ذوب شود و روی کاغذ بچسبد؛ سپس رونوشت خارج می‌شود و استوانه برای رونوشت بعدی پاک و دوباره باردار می‌شود.

پرسش ۲-۱

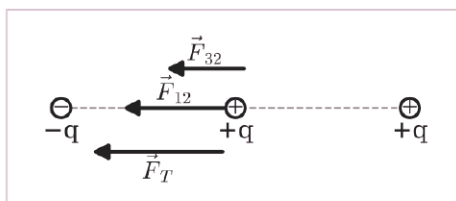
صفحه ۸

۵

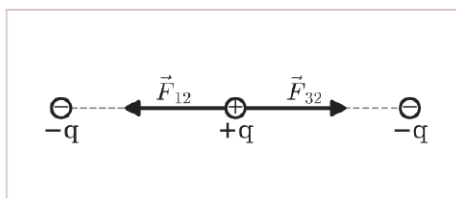
سه ذره باردار مانند شکل روبه‌رو، روی یک خط راست قرار دارند و فاصله بارهای سمت راست و چپ از بار میانی برابر است. الف) جهت نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار الکتریکی میانی را تعیین کنید. ب) اگر ذره سمت راست به جای q ، بار $-q$ داشته باشد، جهت نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار میانی چگونه خواهد بود؟



الف) بار چپ ($-q$) بار میانی ($+q$) را جذب می‌کند؛ پس F_{12} به سمت چپ است. بار راست ($+q$) همان‌ام با بار میانی است و آن را دفع می‌کند؛ F_{32} هم به سمت چپ است. هر دو نیرو هم‌جهت‌اند و هم‌اندازه ($F = kq^2/r^2$)؛ بنابراین نیروی خالص به سمت چپ (به طرف بار $-q$) و بزرگی آن $F_t = 2kq^2/r^2$ است.



ب) اکنون بار راست $-q$ است و بار میانی را جذب می‌کند؛ F_{32} به سمت راست است. F_{12} همچنان به سمت چپ است. اندازه دو نیرو برابر (kq^2/r^2) ولی جهت آنها مخالف است؛ پس نیروی خالص صفر است: $F_t = 0$

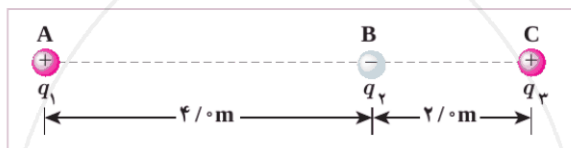


تمرین ۲-۱

صفحه ۹

۶

در مثال ۱-۳، نیروی خالص وارد بر بار q_2 را به دست آورید.



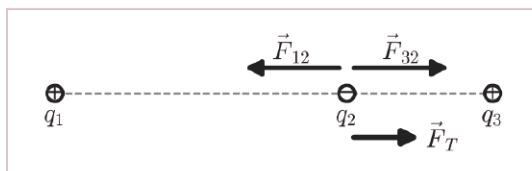
داده‌ها: $q_1 = +2.5 \mu\text{C}$, $q_2 = -1.0 \mu\text{C}$, $q_3 = +4.0 \mu\text{C}$; $r_{12} = 4.0 \text{ m}$ و $r_{23} = 2.0 \text{ m}$. بار q_2 منفی است؛ پس هر دو بار دیگر آن را می‌ربایند: F_{12} به سمت q_1 (چپ) و F_{32} به سمت q_3 (راست).

$$F_{12} = k|q_1||q_2|/r_{12}^2 = (9.0 \times 10^9)(2.5 \times 10^{-6})(1.0 \times 10^{-6})/(4.0)^2 = 1.4 \times 10^{-3} \text{ N}$$

$$F_{32} = k|q_3||q_2|/r_{23}^2 = (9.0 \times 10^9)(4.0 \times 10^{-6})(1.0 \times 10^{-6})/(2.0)^2 = 9.0 \times 10^{-3} \text{ N}$$

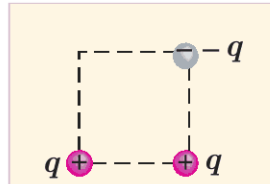
نیروها در خلاف جهت یکدیگرند؛ پس: $F_t = F_{32} - F_{12} = 9.0 \times 10^{-3} - 1.4 \times 10^{-3} = 7.6 \times 10^{-3} \text{ N}$ و جهت آن به سمت راست (جهت نیروی بزرگ‌تر F_{32}) است، یعنی:

$$\vec{F}_t = (+7.6 \times 10^{-3} \text{ N}) \hat{i}$$



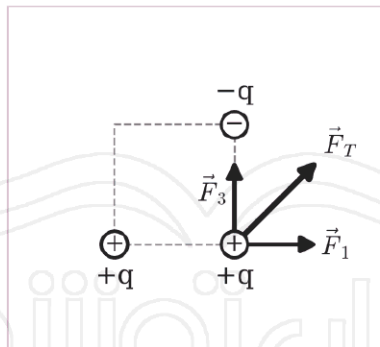
سه ذره باردار مطابق شکل روبه‌رو، در سه گوشه یک مربع قرار دارند. الف) جهت نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار سمت راست پایینی را تعیین کنید.

ب) اگر ذره سمت چپ پایینی به جای q ، بار $-q$ داشته باشد، جهت نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار سمت راست پایینی چگونه خواهد بود؟

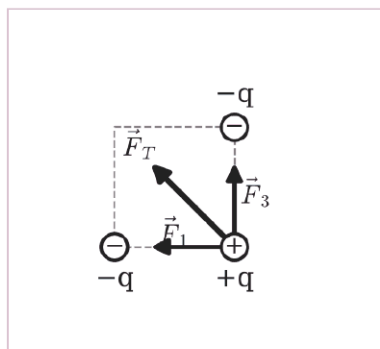


ضلع مربع را a بگیرید. بار سمت راست پایین $(+q)$ را با q_2 ، بار سمت چپ پایین را با q_1 و بار بالایی $(-q)$ را با q_3 نشان می‌دهیم. دو نیرو هم‌اندازه‌اند: $F = kq^2/a^2$.

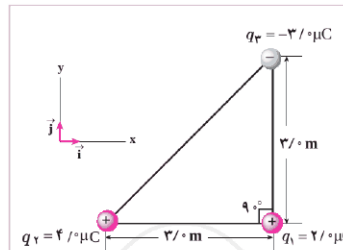
الف) بار سمت چپ پایین $(+q)$ هم‌نام است و بار راست پایین را به سمت راست می‌راند (F_{12} افقی و به راست). بار بالایی $(-q)$ ناهم‌نام است و آن را به سمت بالا می‌رباید (F_{32} قائم و رو به بالا). براین دو نیروی عمود بر هم و هم‌اندازه، در راستای قطر و به سمت بالا و راست (زاویه 45° با افق) است و بزرگی آن $\sqrt{2} \cdot kq^2/a^2$ می‌شود.



ب) اکنون بار چپ پایین $-q$ است و بار راست پایین را به سمت چپ می‌رباید؛ نیروی بار بالایی بدون تغییر و رو به بالاست. براین آنها در راستای قطر و به سمت بالا و چپ (زاویه 45° با افق) و با همان بزرگی $\sqrt{2} \cdot kq^2/a^2$ است.

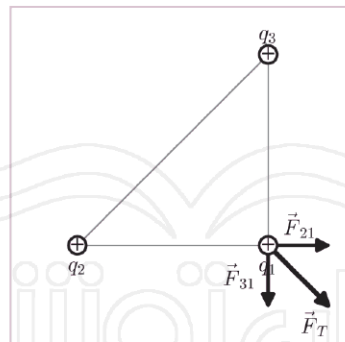


در مثال ۴-۱ الف) اگر علامت بار q_3 تغییر کند جهت نیروی برآیند وارد بر بار q_1 چگونه خواهد شد؟
 ب) اگر علامت بار q_2 تغییر کند، جهت نیروی برآیند وارد بر بار q_1 چگونه خواهد شد؟
 پ) آیا اندازه نیروی برآیند وارد بر بار q_1 در قسمت‌های الف و ب با مقدار به دست آمده در مثال ۴-۱ متفاوت است؟

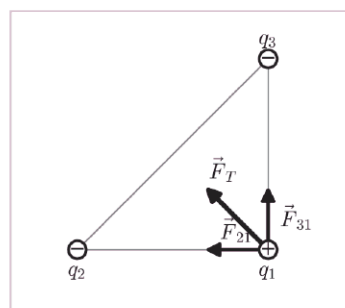


در مثال ۴-۱: $F_{21} = 8.0 \times 10^{-3} \text{ N}$ (دافعه، در جهت $+x$) و $F_{31} = 6.0 \times 10^{-3} \text{ N}$ (جاذبه، در جهت $+y$) و $F_t = 1.0 \times 10^{-2} \text{ N}$ است.

الف) اگر q_3 مثبت شود، بار q_1 را دفع می‌کند و F_{31} رو به پایین ($-y$) می‌شود، ولی F_{21} تغییری نمی‌کند: $F_t = (8.0 \times 10^{-3} \text{ N})\hat{i} - (6.0 \times 10^{-3} \text{ N})\hat{j}$ ؛ برآیند به سمت پایین و راست است.



ب) اگر q_2 منفی شود، بار q_1 را جذب می‌کند و F_{21} به سمت چپ ($-x$) می‌شود ولی F_{31} ثابت می‌ماند: $F_t = -(8.0 \times 10^{-3} \text{ N})\hat{i} + (6.0 \times 10^{-3} \text{ N})\hat{j}$ ؛ برآیند به سمت بالا و چپ است.



پ) خیر. تغییر علامت بار فقط جهت نیرو را عوض می‌کند و اندازه هر نیرو ($F = k|q_1||q_2|/r^2$) ثابت می‌ماند. دو مؤلفه هنوز عمود بر هم و با همان اندازه‌هایند؛ پس $F_t = \sqrt{(8.0 \times 10^{-3})^2 + (6.0 \times 10^{-3})^2} = 1.0 \times 10^{-2} \text{ N}$ مانند مثال است.

تمرین ۴-۱

صفحه ۱۴

۹

طبق مدل بور برای اتم هیدروژن، در حالت پایه فاصله الکترون از پروتون هسته برابر با $5.3 \times 10^{-11} \text{ m}$ است. الف) اندازه میدان الکتریکی ناشی از پروتون هسته را در این فاصله تعیین کنید. ب) در چه فاصله‌ای از پروتون هسته، بزرگی میدان الکتریکی برابر با بزرگی میدان الکتریکی حاصل از مولد وان دوگراف مثال پیش در فاصله 1.0 m از مرکز کلاهیک آن است؟

$$E = k|q|/r^2 = (9.0 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2)(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})/(5.3 \times 10^{-11} \text{ m})^2 \approx 5.1 \times 10^{11} \text{ N/C} \text{ (الف)}$$

ب) بزرگی میدان مولد در فاصله 1.0 m طبق مثال ۶-۱ برابر $E = 9.0 \times 10^3 \text{ N/C}$ است. فاصله مورد نظر از پروتون:

$$r = \sqrt{(k e / E)} = \sqrt{((9.0 \times 10^9)(1.60 \times 10^{-19})/(9.0 \times 10^3))} = \sqrt{(1.6 \times 10^{-7})} = 4.0 \times 10^{-4} \text{ m}$$

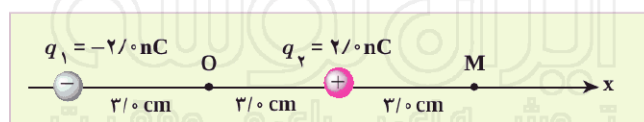
یعنی در فاصله حدود 0.40 mm از پروتون.

تمرین ۵-۱

صفحه ۱۶

۱۰

شکل زیر، آرایشی از دو بار هم‌اندازه و غیرهمنام (دوقطبی الکتریکی) را نشان می‌دهد که فاصله دو بار از هم 6.0 cm است. میدان الکتریکی خالص را در نقطه‌های O و M به دست آورید.



داده‌ها: $q_1 = -2.0 \text{ nC}$, $q_2 = +2.0 \text{ nC}$ ؛ O وسط دو بار است و M به فاصله 3.0 cm از q_2 در سمت راست قرار دارد. محور x را به سمت راست می‌گیریم.

نقطه O: $r_1 = r_2 = 3.0 \times 10^{-2} \text{ m}$. میدان q_1 (منفی) به سمت q_1 یعنی چپ، و میدان q_2 (مثبت) دور از q_2 یعنی باز هم به چپ است:

$$E_1 = E_2 = k|q|/r^2 = (9.0 \times 10^9)(2.0 \times 10^{-9})/(3.0 \times 10^{-2})^2 = 2.0 \times 10^4 \text{ N/C}$$

$$\vec{E}_O = -(\vec{E}_1 + \vec{E}_2) \hat{i} = -(4.0 \times 10^4 \text{ N/C}) \hat{i}$$

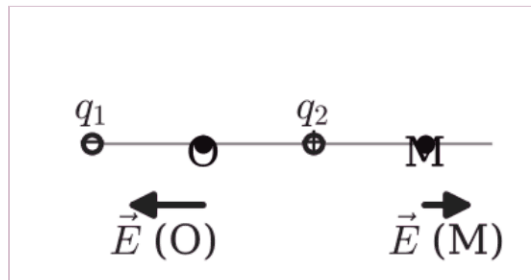
نقطه M: $r_1 = 9.0 \times 10^{-2} \text{ m}$ و $r_2 = 3.0 \times 10^{-2} \text{ m}$. میدان q_2 به سمت راست و میدان q_1 به سمت چپ (به طرف q_1) است:

$$E_1 = (9.0 \times 10^9)(2.0 \times 10^{-9}) / (9.0 \times 10^{-2})^2 \approx 2.0 \times 10^4 \text{ N/C}$$

$$E_2 = (9.0 \times 10^9)(2.0 \times 10^{-9}) / (3.0 \times 10^{-2})^2 = 2.0 \times 10^4 \text{ N/C}$$

$$2.2 \times 10^3 \text{ N/C}$$

$$\vec{E}_m = (2.0 \times 10^4 - 2.2 \times 10^3) \hat{i} \approx (1.8 \times 10^4 \text{ N/C}) \hat{i}$$

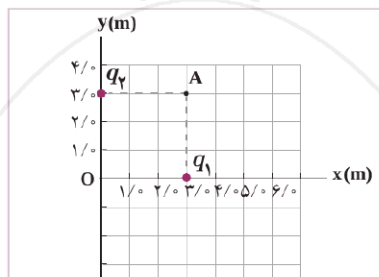


تمرین ۶-۱

صفحه ۱۷

۱۱

میدان الکتریکی خالص حاصل از آرایش بار مثال ۸-۱ را در نقطه A تعیین کنید.



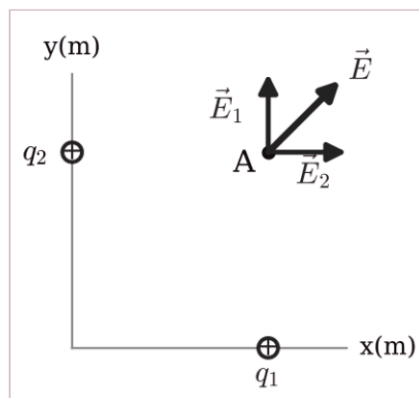
در مثال ۸-۱: $q_1 = q_2 = +5.0 \mu\text{C}$ در نقطه $(3.0 \text{ m}, 0)$ ، q_2 در $(0, 3.0 \text{ m})$ و A در $(3.0 \text{ m}, 3.0 \text{ m})$ است؛ پس A به فاصله 3.0 m از هر یک از بارهاست.

$$E_1 = E_2 = k|q|/r^2 = (9.0 \times 10^9)(5.0 \times 10^{-6}) / (3.0)^2 = 5.0 \times 10^3 \text{ N/C}$$

میدان q_1 (که زیر A است) دور از آن، یعنی در جهت +y و میدان q_2 (که سمت چپ A است) در جهت +x است:

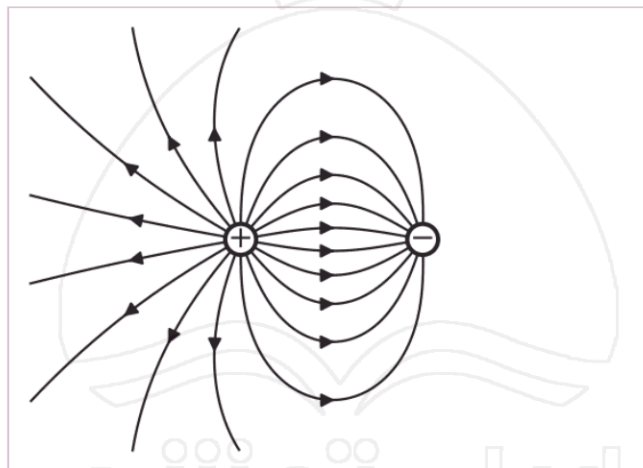
$$\vec{E}_a = (5.0 \times 10^3 \text{ N/C}) \hat{i} + (5.0 \times 10^3 \text{ N/C}) \hat{j}$$

$E_a = \sqrt{((5.0 \times 10^3)^2 + (5.0 \times 10^3)^2)} = 7.1 \times 10^3 \text{ N/C}$ و جهت آن با محور x زاویه 45° می‌سازد.



درون یک ظرف شیشه‌ای یا پلاستیکی با عمق کم، مقداری پارافین مایع یا روغن کرچک به عمق حدود 0.5 cm بریزید و داخل آن دو الکتروند نقطه‌ای قرار دهید. الکترونها را با سیم به پایانه‌های مثبت و منفی یک مولد ولتاژ بالا، مانند مولد وان دوگراف وصل کنید. روی سطح پارافین، مقدار کمی بذر چمن یا خاکستر بپاشید. مولد را روشن کنید. اکنون به سمت‌گیری دانه‌ها در فضای بین دو الکتروند توجه کنید. شکل سمت‌گیری دانه‌ها در این فضا را رسم کنید.

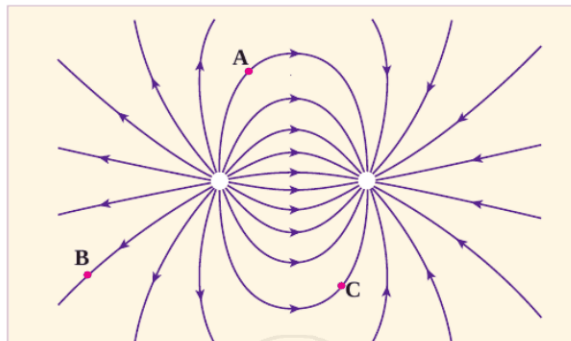
دانه‌ها در میدان الکتریکی قطبیده می‌شوند و هر دانه مانند یک دوقطبی کوچک در راستای میدان قرار می‌گیرد. در نتیجه دانه‌ها در راستای خطوط میدان زنجیره می‌شوند: از الکتروند مثبت به صورت خطوط خمیده بیرون می‌آیند و به الکتروند منفی می‌رسند. نزدیک هر الکتروند دانه‌ها شعاعی‌اند و بین دو الکتروند خطوط خم‌شده‌ای از یک الکتروند به دیگری دیده می‌شود (شکل زیر)؛ دانه‌ها در نزدیکی الکترونها که میدان قوی‌تر است، متراکم‌ترند.



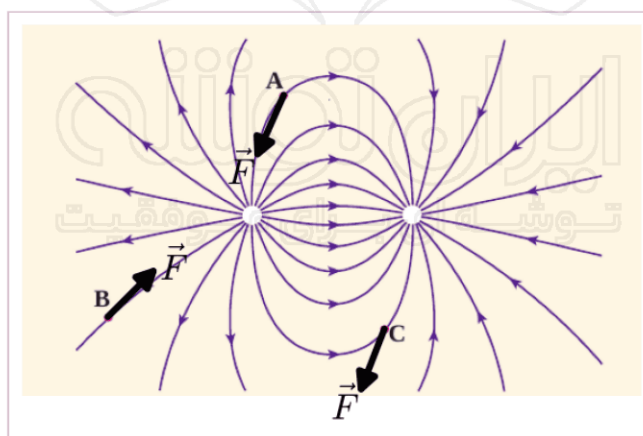
به نظر شما چرا خطوط میدان الکتریکی بر ایند هرگز یکدیگر را قطع نمی‌کنند؟

بردار میدان الکتریکی در هر نقطه بر خط میدان مماس است. اگر دو خط میدان یکدیگر را در نقطه‌ای قطع می‌کردند، در آن نقطه دو مماس و در نتیجه دو جهت متفاوت برای میدان وجود داشت؛ در حالی که میدان الکتریکی خالص در هر نقطه فقط یک اندازه و یک جهت مشخص دارد (و نیروی وارد بر بار آزمون نیز یکتاست). پس خطوط میدان نمی‌توانند یکدیگر را قطع کنند.

بار $-q$ را در نقطه‌های A، B و C از میدان الکتریکی غیریکنواخت شکل روبه‌رو قرار دهید و جهت نیروی الکتریکی وارد بر این بار منفی را تعیین کنید.



- طبق $F = qE$ ، چون بار منفی است، نیرو در خلاف جهت میدان و در راستای مماس بر خط میدان در همان نقطه است. در این شکل خطوط از بار سمت چپ (مثبت) خارج و به بار سمت راست (منفی) وارد می‌شوند.
- نقطه A: میدان، مماس بر خط میدان و رو به بالا و راست است؛ پس نیرو به سمت پایین و چپ (مماس بر خط، تقریباً به سمت بار مثبت) است.
 - نقطه B: میدان دور از بار مثبت، به سمت پایین و چپ است؛ پس نیرو به سمت بالا و راست، یعنی به سمت بار مثبت است.
 - نقطه C: میدان مماس بر خط، رو به بالا و راست (به سمت بار منفی سمت راست) است؛ پس نیرو به سمت پایین و چپ است.



تولید مثل برخی از گل‌ها به زنبورهای عسل وابسته است. گرده‌ها به واسطه میدان الکتریکی، از یک گل به زنبور و از زنبور به گل دیگر منتقل می‌شوند. در این باره تحقیق کنید.

زنبور هنگام پرواز در هوا به دلیل اصطکاک با مولکول‌ها و ذرات هوا و بال‌زدن، بار الکتریکی مثبت (به‌طور متوسط چند ده پیکوکولن) پیدا می‌کند. گل متصل به زمین و درخت، بار منفی دارد و در اطراف آن میدان الکتریکی وجود دارد. وقتی زنبور باردار به گل نزدیک می‌شود:

- دانه‌های گرده در میدان الکتریکی قطبیده می‌شوند و نیروی جاذبه‌ای از طرف بدن باردار زنبور می‌بینند؛ در نتیجه حتی پیش از تماس، گرده از پرچم گل به سمت بدن زنبور جهش می‌کند و به آن می‌چسبد.
- هنگام رسیدن زنبور به گل دیگر، همین میدان الکتریکی (بین زنبور حامل گرده و کلاله‌ی گل) گرده‌ها را از بدن زنبور به سمت کلاله می‌کشد و گرده‌افشانی انجام می‌شود.
- بار زنبور پس از دیدار از گل تغییر می‌کند (نشانه‌ای برای زنبورهای دیگر که این گل اخیراً بازدید شده است).

این جواب ممکن است دقیق نباشد.

روی سطح بادکنکی به جرم 10.0 g بار الکتریکی 200 nC ایجاد می‌کنیم و آن را در یک میدان الکتریکی قرار می‌دهیم. بزرگی و جهت این میدان را در صورتی که بادکنک معلق بماند، تعیین کنید. اندازه نیروی شناوری روبه بالای وارد بر بادکنک را 0.050 N فرض کنید.

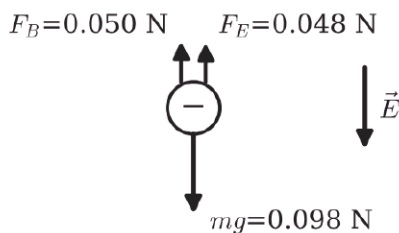
نیروهای وارد بر بادکنک: وزن mg رو به پایین، نیروی شناوری F^B رو به بالا و نیروی الکتریکی F_e . برای تعادل باید برابری نیروها صفر باشد. وزن بادکنک (با $g = 9.8 \text{ N/kg}$):

$$mg = (10.0 \times 10^{-3} \text{ kg})(9.8 \text{ N/kg}) = 0.098 \text{ N}$$

چون $F^B > mg$ ، نیروی الکتریکی باید رو به بالا باشد: $F_e = mg - F^B = 0.098 - 0.050 = 0.048 \text{ N}$

$$E = F_e / |q| = 0.048 \text{ N} / (200 \times 10^{-9} \text{ C}) = 2.4 \times 10^5 \text{ N/C} : F_e = |q|E \text{ از}$$

چون بار بادکنک منفی است و نیروی الکتریکی رو به بالاست، جهت میدان خلاف جهت نیرو، یعنی **رو به پایین** است.



فعالیت ۵-۱

صفحه ۲۱

۱۷

رسوب‌دهنده الکتروستاتیکی (ESP) دود و غبار را از گازهای زائدی که از دودکش کارخانه‌ها و نیروگاه‌ها بالا می‌آید جدا می‌سازد. رسوب‌دهنده‌ها انواع مختلفی دارند. در مورد اساس کار این رسوب‌دهنده‌ها تحقیق کنید. شکل‌های روبه‌رو تأثیر رسوب‌دهنده را در کاهش آلودگی هوای ناشی از یک دودکش نشان می‌دهد.

- در رسوب‌دهنده الکتروستاتیکی، گاز آلوده از میان لوله‌ها یا صفحه‌های فلزی زمین‌شده عبور می‌کند. در مرکز لوله (یا بین صفحه‌ها) سیم‌هایی با ولتاژ منفی بسیار زیاد (چند ده هزار ولت) قرار دارند. اساس کار:
 ۱. میدان الکتریکی بسیار قوی اطراف سیم‌ها مولکول‌های هوا را یونیده می‌کند (تخلیه هاله‌ای) و یون‌های منفی تولید می‌شود.
 ۲. ذرات دود و غبار هنگام عبور، با برخورد به این یون‌ها بار منفی می‌گیرند.
 ۳. ذرات باردار تحت نیروی $F = qE$ به سمت صفحه‌های فلزی زمین‌شده (با بار مثبت/خنثی) کشیده می‌شوند و روی آنها می‌نشینند.
 ۴. با ضربه زدن به صفحه‌ها (یا شست‌وشو)، غبار جمع‌شده در مخزن پایین می‌ریزد و گاز تمیز از دودکش خارج می‌شود.
- بنابراین بخش بسیار زیادی (بیش از ۹۹٪) از ذرات معلق گرفته می‌شود و دود خروجی دودکش به مراتب کم‌رنگ‌تر است.

تمرین ۸-۱

صفحه ۲۳

۱۸

در مثال ۱۰-۱ اگر جای قطب‌های باتری عوض شود و پروتون را در نقطه A از حالت سکون رها کنیم، پروتون با چه تندی‌ای به نقطه B می‌رسد؟

در مثال ۱۰-۱: $E = 2.0 \times 10^3 \text{ N/C}$ ، $d = 10 \times 10^{-2} \text{ m}$ ، $q = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ و $m = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$ است. با عوض شدن قطب‌های باتری، جهت میدان برعکس می‌شود و اکنون میدان از A به سمت B است؛ بنابراین نیروی الکتریکی هم‌جهت با جابه‌جایی پروتون است و کار آن مثبت می‌شود (پروتون شتاب می‌گیرد).

$$W_E = |q| \cdot E \cdot d \cdot \cos 0^\circ = (1.6 \times 10^{-19} \text{ C})(2.0 \times 10^3 \text{ N/C})(10 \times 10^{-2} \text{ m}) = 3.2 \times 10^{-17} \text{ J}$$

طبق قضیه کار - انرژی جنبشی با $v_0 = 0$:

$$W_E = \Delta K = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow 3.2 \times 10^{-17} \text{ J} = \frac{1}{2} (1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}) v^2$$

$$v = \sqrt{(2 \times 3.2 \times 10^{-17} / 1.67 \times 10^{-27})} \approx 1.96 \times 10^5 \text{ m/s} \approx 2.0 \times 10^5 \text{ m/s}$$

یعنی تندی پروتون در نقطه B حدود $10^5 \times 2$ متر بر ثانیه است (همان اندازه‌ای که در مثال ۱-۱ پروتون باید در A می‌داشت تا در B متوقف شود).

تمرین ۹-۱

صفحه ۲۵

۱۹

الف) نشان دهید در یک میدان الکتریکی یکنواخت، با حرکت در سوی خطوط میدان، بدون توجه به نوع بار، پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد و بالعکس با حرکت در خلاف جهت خطوط میدان، بدون توجه به نوع بار، پتانسیل الکتریکی افزایش می‌یابد.
ب) نشان دهید در میدان الکتریکی یکنواخت، با حرکت در جهت عمود بر خطوط میدان، پتانسیل الکتریکی تغییر نمی‌کند.

الف) بار q را به اندازه d در راستای خطوط میدان یکنواخت E جابه‌جا می‌کنیم. نیروی الکتریکی $F = qE$ است و از رابطه‌های ۸-۱ و ۹-۱ داریم: $\Delta U_E = -W_E = -qE d \cos \theta$ و $\Delta V = \Delta U_E / q$. بنابراین $\Delta V = -E d \cos \theta$ ، که θ زاویه بین بردار جابه‌جایی و E است (برای محاسبه ΔV فقط به E و جابه‌جایی نیاز است و q حذف می‌شود).

○ حرکت در جهت خطوط میدان ($\cos \theta = +1, \theta = 0^\circ$): $\Delta V = -E d < 0$ ، یعنی پتانسیل کاهش می‌یابد. اگر بار منفی باشد، F در خلاف جهت E است و $\Delta U_E = +|q|E d, W_E = -|q|E d$ و $\Delta V = \Delta U_E / q = |q|E d / (-) = -E d$ (پس نتیجه به نوع بار بستگی ندارد).

○ حرکت در خلاف جهت خطوط میدان ($\cos \theta = -1, \theta = 180^\circ$): $\Delta V = +E d > 0$ ، یعنی پتانسیل افزایش می‌یابد (برای هر نوع بار).

ب) وقتی جابه‌جایی بر خطوط میدان عمود است، $\theta = 90^\circ$ و $\cos 90^\circ = 0$ است؛ پس کار نیروی الکتریکی صفر است ($W_E = 0$) و $\Delta U_E = 0$. در نتیجه $\Delta V = \Delta U_E / q = 0$ و پتانسیل الکتریکی تغییر نمی‌کند (صفحه‌های عمود بر خطوط میدان هم پتانسیل‌اند).

تمرین ۱۰-۱

صفحه ۲۵

۲۰

اگر پایانه مثبت یک باتری ۱۲ ولتی را مرجع پتانسیل در نظر بگیریم، پتانسیل پایانه منفی آن چند ولت خواهد شد؟

اختلاف پتانسیل باتری $\Delta V = V_+ - V_- = 12 \text{ V}$ است. با مرجع گرفتن پایانه مثبت، $V_+ = 0$:

$$V_- = V_+ - 12 \text{ V} = 0 - 12 \text{ V} = -12 \text{ V}$$

مغز اساساً بر مبنای کنش ها و فعالیت های الکتریکی است. سیگنال های عصبی چیزی جز عبور جریان های الکتریکی نیست. مغز این سیگنال ها را دریافت می کند و اطلاعات به صورت سیگنال های الکتریکی در امتداد اعصاب گوناگون منتقل می شوند. هنگام انجام هر عمل خاصی، سیگنال های الکتریکی زیادی تولید می شوند. این سیگنال ها حاصل کنش الکتروشیمیایی در یاخته های عصبی موسوم به نورون هستند. درباره چگونگی کار نورون ها تحقیق و به کلاس گزارش کنید.

گزارش کوتاه: نورون (یاخته عصبی) از جسم یاخته ای (هسته)، چند دندریت (رشته ورودی) و یک آکسون (رشته خروجی، گاهی با غلاف میلین) ساخته شده است.

○ **پتانسیل آرامش:** در حالت استراحت، غشای نورون با پمپ سدیم-پتاسیم یون های Na^+ را به بیرون و یون های K^+ را به درون می برد. درون یاخته نسبت به بیرون حدود ۷۰ میلی ولت منفی تر است ($-70 \approx mV$). غشا مانند یک خازن عمل می کند: دی الکتریک آن غشای چربی است و یون های دو طرف آن صفحه های خازن اند.

○ **پتانسیل عمل:** وقتی دندریت ها محرک دریافت کنند و پتانسیل غشا از آستانه (حدود ۵۵- میلی ولت) بالاتر برود، کانال های سدیمی دریچه دار باز می شوند، Na^+ به درون هجوم می آورد و پتانسیل درون یاخته برای لحظه ای مثبت می شود (حدود $+40$ میلی ولت). سپس کانال های پتاسیمی باز می شوند، K^+ خارج می شود و پتانسیل به حالت آرامش برمی گردد.

○ **انتقال سیگنال:** پتانسیل عمل مانند موجی در طول آکسون پیش می رود. در آکسون های دارای غلاف میلین (عایق)، پتانسیل عمل از گره ای به گره دیگر می جهد و سرعت انتقال بسیار زیاد (تا حدود ۱۰۰ متر بر ثانیه) می شود.

○ **سیناپس:** در انتهای آکسون، سیگنال الکتریکی با آزاد شدن مولکول های شیمیایی (انتقال دهنده عصبی) از فاصله باریک سیناپس عبور می کند و نورون بعدی را تحریک می کند. بنابراین انتقال پیام در دستگاه عصبی ترکیبی از کنش الکتریکی و شیمیایی (الکتروشیمیایی) است.

در شکل ۲۷-۱ الف) با فرض آنکه بار $+q$ در ابتدا و انتهای جابه‌جایی ساکن باشد، آیا کار نیروی خارجی، مثبت است یا منفی؟ ب) آیا بار $+q$ به نقطه‌ای با پتانسیل بیشتر حرکت کرده است یا به نقطه‌ای با پتانسیل کمتر؟ توضیح دهید.



الف) خطوط میدان به سمت بالا (از صفحه مثبت پایین به صفحه منفی بالا) هستند و نیروی خارجی بار مثبت را به سمت پایین، در خلاف جهت میدان، جابه‌جا می‌کند. چون تندی بار در ابتدا و انتها یکسان است ($\Delta K = 0$) طبق رابطه ۱۳-۱: $W_{\text{خارجی}} = -W_E = q\Delta V$. نیروی الکتریکی روی بار مثبت رو به بالاست و کار آن در جابه‌جایی رو به پایین منفی است ($W_E < 0$)؛ پس $W_{\text{خارجی}} = -W_E > 0$ ، یعنی کار نیروی خارجی مثبت است.

ب) از $W_{\text{خارجی}} = q\Delta V > 0$ و $q > 0$ نتیجه می‌شود $\Delta V > 0$ ؛ یعنی ابتدایی $V_{\text{ابتدایی}} > V_{\text{پایانی}}$. بار مثبت در خلاف جهت میدان (به سمت صفحه مثبت) رفته است، پس به نقطه‌ای با پتانسیل بیشتر حرکت کرده است (پتانسیل در جهت خطوط میدان کاهش می‌یابد).

توشه‌ای برای موفقیت

الف) در شکل شخصی را داخل یک قفس توری فلزی می‌بینید که نوعی از قفس فاراده است. در مورد قفس فاراده و کاربردهایش تحقیق و به کلاس گزارش کنید.

ب) چرا معمولاً شخصی که داخل اتومبیل یا هواپیماست از خطر آذرخش در امان می‌ماند.

پ) با اعضای گروه خود آزمایش‌های دیگری را طراحی و اجرا کنید که نشان دهد بار اضافی داده شده به رسانا، روی سطح داخلی رسانا توزیع نمی‌شود.

الف) قفس فاراده پوسته‌ای رساناست (قفس توری یا ورقه فلزی). وقتی در میدان الکتریکی خارجی قرار می‌گیرد، بارهای آزاد آن جابه‌جا می‌شوند و روی سطح خارجی به‌گونه‌ای توزیع می‌شوند که میدان الکتریکی خالص درون آن صفر شود؛ در نتیجه هر چیز داخل قفس از میدان و تخلیه الکتریکی بیرون محافظت می‌شود (حتی اگر جرقه‌های بزرگی به قفس بخورد، جریان از سطح بیرونی عبور می‌کند). کاربردها:

○ حفاظت افراد و دستگاه‌ها در برابر آذرخش (قفس ایمنی در آزمایشگاه‌های ولتاژ بالا، نمایش‌های قفس تسلا).

○ پوشش فلزی کابل هم‌محور و کابل‌های شبکه برای جلوگیری از اختلال میدان‌های بیرونی.

○ توری در ریزموج (مایکروفر) که امواج را در درون نگه می‌دارد و اتاق‌های حفاظت‌شده دستگاه‌های حساس (مثل MRI)، کیف‌های محافظ سیگنال و آسانسور فلزی.

ب) بدنه فلزی خودرو یا هواپیما مانند یک قفس فاراده است. در برخورد آذرخش، بارها روی سطح خارجی بدنه فلزی توزیع می‌شوند و جریان از سطح بیرونی به زمین (یا هوا) می‌رود. میدان الکتریکی درون بدنه رسانا صفر است و نیرویی بر مسافران وارد نمی‌شود؛ بنابراین آنها در امان می‌مانند (به شرطی که به بدنه فلزی از درون دست نزنند).

پ) آزمایش پیشنهادی (هم‌ارز آزمایش فاراده): یک ظرف فلزی (قوطی یا سطل) روی پایه عایق قرار می‌دهیم و آن را با میله باردار بار می‌دهیم. یک کره فلزی کوچک متصل به دسته عایق (آزمون‌گر) را ابتدا به سطح داخلی ظرف و سپس به کلاهک برق‌نمای بدون بار نزدیک می‌کنیم؛ ورقه‌ها از هم باز نمی‌شوند، یعنی روی سطح داخلی بار نیست. سپس همان آزمون‌گر را به سطح بیرونی ظرف می‌زنیم و به برق‌نما می‌رسانیم؛ ورقه‌ها از هم باز می‌شوند، یعنی بار روی سطح خارجی توزیع شده است. (راه دیگر: ظرف فلزی را روی برق‌نما بگذارید و درون آن یک گوی باردار با نخ عایق آویزان کنید؛ پس از تماس گوی با دیواره داخلی و بیرون آوردن آن، گوی بدون بار است).

دو قطعه ورقه آلومینیومی نازک به ابعاد $3\text{cm} \times 4\text{cm}$ را مچاله کنید و به سرهای دو تکه نخ هم اندازه به طول 30cm وصل کنید. پس از آنکه جسم فلزی دوکی شکل را با مولد وان دوگراف بار کردید، یکی از آونگ ها را مقابل نوک تیز و دیگری را مقابل بخش پهن دوک بیاویزید. چه مشاهده می کنید؟ مشاهده خود را توجیه کنید.

مشاهده: آونگی که مقابل نوک تیز دوک آویخته شده است، بیشتر از آونگ مقابل بخش پهن منحرف (دفع) می شود.

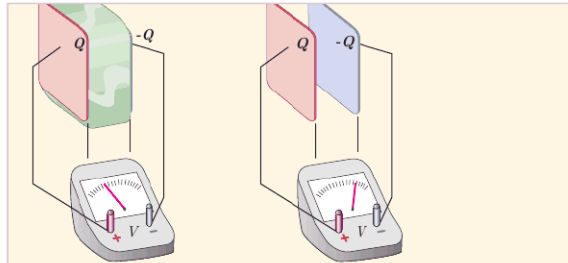
توجیه: بار روی سطح خارجی رسانا توزیع می شود، اما چگالی سطحی بار $\sigma = Q / A$ در همه جا یکسان نیست: در نقاط تیز سطح، بار متراکم تر و σ بیشتر است. به همین دلیل خطوط میدان الکتریکی در نزدیکی نوک متراکم تر و میدان قوی تر است. نیروی دفع $F = qE$ روی آونگ مقابل نوک (که در تماس با میدان بار گرفته) بزرگ تر است؛ پس زاویه انحراف نخ آن بیشتر می شود.

در مورد برق گیرهای ساختمان تحقیق کنید و بررسی کنید آنها چگونه ساختمان ها را از گزند آذرخش در امان نگه می دارند.

برق گیر (شیوه فرانکلین) شامل یک یا چند میله فلزی نوک تیز بر بالاترین نقطه ساختمان، یک سیم رسانای ضخیم (معمولاً مس) که از دیوار پایین می آید، و میله اتصال به زمین است که عمیقاً در خاک مرطوب فرو رفته است.

- در نوک تیز، چگالی سطحی بار و میدان الکتریکی بسیار زیاد است. هنگام نزدیک شدن ابر باردار، بار روی نوک به صورت تخلیه هاله ای به هوا می رود و از تجمع بار روی ساختمان می کاهد.
- اگر آذرخش بزند، چون میله بلندترین نقطه و رساناست، آذرخش به سمت آن می آید و جریان بسیار شدید از سیم رسانا با مقاومت کم، به جای ساختمان، به زمین منتقل می شود.
- اتصال خوب به زمین باعث می شود پتانسیل ساختمان نزدیک به پتانسیل زمین بماند و از آسیب (آتش سوزی، شوک به ساکنان و خرابی وسایل برقی) جلوگیری شود.

در شکل زیر صفحه‌های باردار یک خازن تخت را که بین آنها هواست، به ولت‌سنج وصل می‌کنیم. با وارد کردن دی‌الکتریک بین دو صفحه، اختلاف پتانسیل دو صفحه کاهش می‌یابد. علت آن را توضیح دهید. (توجه کنید که این آزمایش با بیشتر ولت‌سنج‌های معمولی و رایج ممکن نیست.)



خازن از باتری جدا شده است و ولت‌سنج (آرمانی) بار نمی‌گیرد؛ پس بار خازن ثابت می‌ماند ($Q = \text{const}$). با ورود دی‌الکتریک، ظرفیت خازن طبق $C = K C_0$ ($K > 1$) افزایش می‌یابد. از $V = Q / C$ داریم:

$$V = Q / (K C_0) = V_0 / K < V_0$$

علت فیزیکی: مولکول‌های دی‌الکتریک در میدان صفحه‌ها قطبیده یا هم‌ردیف می‌شوند و روی سطح‌های آن بارهای القایی پدید می‌آیند که میدانی در خلاف میدان صفحه‌ها می‌سازند. میدان خالص بین صفحه‌ها کم می‌شود ($E = E_0 / K$) و چون $\Delta V = E d$ است، اختلاف پتانسیل کاهش می‌یابد.

در حسگر کیسه‌هوا، برخی از خودروها از یک خازن استفاده می‌شود. درباره‌ی چگونگی عملکرد این حسگرها تحقیق کنید و نتیجه آن را به کلاس گزارش دهید.

حسگر کیسه‌هوا یک شتاب‌سنج خازنی است: یک صفحه متحرک (جرم کوچک روی فنر بسیار ظریف) در برابر یک یا چند صفحه ثابت قرار دارد و خازنی با ظرفیت $C = K \epsilon_0 A / d$ می‌سازند.

۱. در رانندگی عادی، صفحه متحرک در جای خود است و ظرفیت خازن تقریباً ثابت است.
۲. در برخورد شدید، خودرو ناگهان کند می‌شود و جرم متحرک به دلیل لختی نسبت به قاب جلو می‌رود؛ فاصله d تغییر می‌کند و در نتیجه C تغییر می‌کند.
۳. مدار الکترونیکی تغییر ظرفیت را به تغییر ولتاژ (سیگنال الکتریکی) تبدیل و آن را اندازه می‌گیرد. اگر شتاب منفی از حد آستانه بیشتر باشد، واحد کنترل فرمان روشن شدن مولد گاز را می‌دهد.
۴. مولد گاز با واکنش شیمیایی در چند هزارم ثانیه (حدود ۳۰ میلی‌ثانیه) کیسه را با نیتروژن پر می‌کند و سرنشین از برخورد با فرمان و داشبورد محافظت می‌شود.

یک یاختهٔ عصبی (نورون) را می‌توان با یک خازن تخت مدل‌سازی کرد، به‌طوری‌که غشای سلول به عنوان دی‌الکتریک و یون‌های باردار با علامت مخالف که در دو طرف غشا هستند که به عنوان بارهای روی صفحات خازن عمل کنند (شکل روبه‌رو). ظرفیت یک سلول عصبی و تعداد یون‌های لازم (بافرض آنکه هر یون یک بار یونیده باشد)، برای آنکه یک اختلاف پتانسیل 85mV ایجاد شود چقدر است؟ فرض کنید غشا دارای ثابت دی‌الکتریک $\kappa=3.0$ ، ضخامت 10.0nm و مساحت سطح $1.0\times 10^{-10}\text{m}^2$ است.

$$\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ F/m}, \Delta V = 85 \text{ mV} = 8.5 \times 10^{-2} \text{ V}, A = 1.0 \times 10^{-10} \text{ m}^2, d = 10.0 \text{ nm} = 1.00 \times 10^{-8} \text{ m}, \kappa = 3.0$$

$$C = \kappa \epsilon_0 A / d = (3.0)(8.85 \times 10^{-12} \text{ F/m})(1.0 \times 10^{-10} \text{ m}^2) / (1.00 \times 10^{-8} \text{ m}) \approx 2.7 \times 10^{-13} \text{ F} \approx 0.27 \text{ pF}$$

$$Q = C V = (2.66 \times 10^{-13} \text{ F})(8.5 \times 10^{-2} \text{ V}) \approx 2.3 \times 10^{-14} \text{ C}$$

$$N = Q / e = 2.26 \times 10^{-14} / 1.6 \times 10^{-19} \approx 1.4 \times 10^5$$

(هر یون $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$) تعداد یون‌ها

غشا.

خازن‌ها انواع متعددی دارند؛ زیرا برای کاربردهای مختلف طراحی و ساخته می‌شوند. دربارهٔ خازن‌های مختلف مانند خازن‌های ورقه‌ای، میکا، سرامیکی، الکتrolیتی، خازن‌های متغیر، ابرخازن‌ها و ظرفیت آنها تحقیق کنید. هر گروه می‌تواند روی یک نوع خازن تحقیق کند.

نوع خازن	دی‌الکتریک / ساختار	ظرفیت معمول	کاربرد
ورقه‌ای (کاغذی/پلاستیکی)	دو ورقهٔ فلزی نازک با لایهٔ کاغذ یا پلاستیک، لوله‌شده	nF تا چند μF	مدارهای صوتی، فیلتر، موتورهای کوچک
میکا	ورقه‌های میکا و فلز؛ پایدار و دقیق	pF تا چند صد pF	مدارهای رادیویی و بسامد بالا
سرامیکی	قرص یا لولهٔ سرامیکی با ثابت دی‌الکتریک بزرگ	چند pF تا چند μF	مدارهای دیجیتال، جداکنندهٔ نوفه، گوشی و رایانه
الکتrolیتی	لایهٔ نازک اکسید روی آلومینیم؛ قطب‌دار	μF تا چندین mF	منبع تغذیه، تقویت‌کننده، فلاش دوربین

متغیر	صفحه‌های متحرک و ثابت؛ با چرخاندن، مساحت روپوشی (و ظرفیت) تغییر می‌کند	چند ده تا چند صد pF	تنظیم ایستگاه در رادیو
ابرخازن	دولایه الکتریکی با سطح بسیار بزرگ (کربن فعال)	چند F تا هزاران F	ذخیره انرژی، ترمز بازیاب در خودروهای برقی

مسئله ۱

صفحه ۴۱

۳۰

چگونه توسط برق‌نما (الکتروسکوپ) می‌توانیم تشخیص دهیم که:

الف) یک میله باردار است یا نه؟

ب) میله رساناست یا نارسانا؟

پ) نوع بار میله باردار چیست؟

الف) میله را به کلاهک برق‌نمای بدون بار نزدیک می‌کنیم (بدون تماس). اگر ورقه‌ها از هم باز شوند، میله باردار است؛ اگر ورقه‌ها بسته بمانند، میله بار قابل توجهی ندارد (باردار نیست).

ب) یک برق‌نما را بار می‌دهیم تا ورقه‌هایش باز شوند. سپس انتهای میله را به کلاهک می‌زنیم، در حالی‌که انتهای دیگر آن را با دست خود می‌گیریم. اگر ورقه‌ها بسته شوند، بار از میله و بدن به زمین رفته است؛ پس میله رساناست. اگر ورقه‌ها باز بمانند، بار از میله عبور نکرده است؛ پس میله نارسانا است.

پ) ابتدا برق‌نما را با نوع بار معلوم (مثلاً منفی) بار می‌دهیم. میله باردار را بدون تماس به کلاهک نزدیک می‌کنیم. اگر باز بودن ورقه‌ها بیشتر شود، بار میله هم‌نام بار برق‌نماست (منفی)؛ اگر ورقه‌ها به هم نزدیک شوند، بار میله ناهم‌نام (مثبت) است.



این فایل توسط سایت ایران توشه تهیه شده است.

irantooshe.ir



مسئله ۲

صفحه ۴۱

۳۱

یک میله پلاستیکی را با پارچه پشمی مالش می‌دهیم. پس از مالش، بار الکتریکی میله پلاستیکی $12/8 \text{ nC}$ می‌شود.

الف) بار الکتریکی ایجاد شده در پارچه پشمی چقدر است؟

ب) تعداد الکترون‌های منتقل شده از پارچه پشمی به میله پلاستیکی را محاسبه کنید.

الف) طبق پایستگی بار الکتریکی، مجموع بار در مالش ثابت می‌ماند (در ابتدا هر دو خنثی بودند):

$$nC_{\text{پشم}} = q_{-0} + q_{\text{پلاستیک}} \Rightarrow q_{-12.8} = q_{-0} + q_{\text{پلاستیک}}$$

(ب) $n = |q| / e = 12.8 \times 10^{-9} \text{ C} / 1.6 \times 10^{-19} \text{ C} = 8.0 \times 10^{10}$ الکترون از پشم به میله پلاستیکی منتقل شده است.

مسئله ۳

صفحه ۴۱

۳۲

الف) بار الکتریکی اتم و هسته اتم کربن ($^{12}_6\text{C}$) چند کولن است؟
ب) بار الکتریکی اتم کربن یک بار یونیده (^+C) چقدر است؟

الف) عدد اتمی کربن ۶ است: ۶ پروتون و ۶ الکترون دارد (و ۶ نوترون که بدون بار است). اتم خنثی است، پس بار اتم صفر است. بار هسته برابر بار ۶ پروتون است:

$$q_{-6} = 6 \times 1.6 \times 10^{-19} \text{ C} = 9.6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

ب) کربن یک بار یونیده یک الکترون از دست داده است؛ بار آن برابر بار یک پروتون است: $q = +e = +1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$

مسئله ۴

صفحه ۴۱

۳۳

دو گوی رسانا، کوچک و یکسان به بارهای $q_1 = 4.0 \text{ nC}$ و $q_2 = -6.0 \text{ nC}$ را با هم تماس می دهیم و سپس تا فاصله $r = 3.0 \text{ cm}$ از هم دور می کنیم. نیروی برهم کنش الکتریکی بین دو گوی را محاسبه کنید. این نیرو رانشی است یا رباشی؟

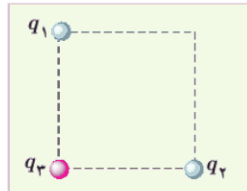
پس از تماس، چون گوی ها یکسان اند بار کل به طور مساوی بین آنها تقسیم می شود:

$$q' = (q_1 + q_2) / 2 = (4.0 - 6.0) / 2 \text{ nC} = -1.0 \text{ nC}$$

$$F = k |q'_1 q'_2| / r^2 = (9 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2) (1.0 \times 10^{-9} \text{ C})^2 / (0.03 \text{ m})^2 = 1.0 \times 10^{-7} \text{ N}$$

هر دو گوی دارای بار منفی هم نام اند؛ پس نیرو **رانشی** است و اندازه آن 1.0×10^{-7} نیوتون است.

سه ذره باردار q_1 ، q_2 و q_3 مطابق شکل در سه رأس مربعی به ضلع $۳/۰\text{m}$ ثابت شده‌اند. اگر $q_1=q_2=-۵/۰\mu\text{C}$ و $q_3=+۰/۲۰\mu\text{C}$ باشد، نیروی خالص وارد بر بار q_3 را برحسب بردارهای یکه i و j تعیین کنید.

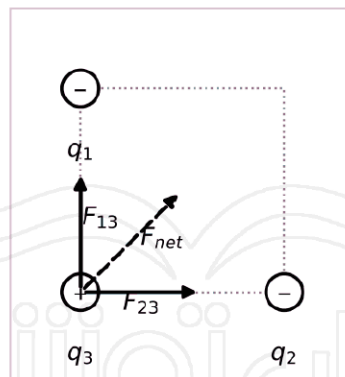


q_3 مثبت و در گوشه پایین چپ است؛ q_1 (بالا) و q_2 (راست) منفی‌اند. هر کدام q_3 را می‌ربایند. فاصله q_3 تا هر کدام برابر ضلع مربع است ($r = 3.0\text{ m}$).

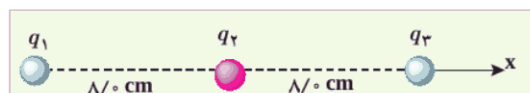
$$F_{13} = k |q_1| |q_3| / r^2 = (9 \times 10^9) (5.0 \times 10^{-6}) (0.20 \times 10^{-6}) / (3.0)^2 = 1.0 \times 10^{-3}\text{ N} \quad (\text{رو به بالا: } j+)$$

$$F_{23} = k |q_2| |q_3| / r^2 = 1.0 \times 10^{-3}\text{ N} \quad (\text{رو به راست: } i+)$$

$F_{\text{net}} = F_{13} + F_{23} = (1.0 \times 10^{-3} i + 1.0 \times 10^{-3} j)\text{ N}$ ، با اندازه $1.4 \times 10^{-3}\text{ N} \approx \sqrt{2} \times 10^{-3}\text{ N}$ و زاویه ۴۵° نسبت به محور x .



بارهای نقطه‌ای $q_1=-۴/۰\text{nC}$ ، $q_2=+۵/۰\text{nC}$ و $q_3=-۴/۰\text{nC}$ مطابق شکل، در جای خود ثابت شده‌اند. نیروی خالص الکتریکی وارد بر هریک از بارهای q_2 و q_3 را محاسبه کنید.

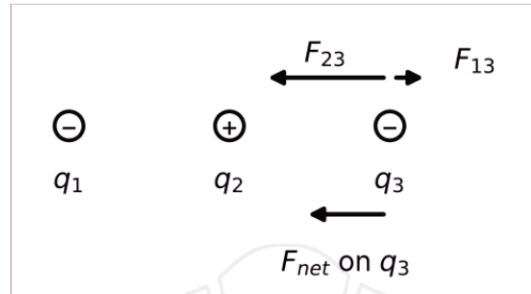


فاصله q_1 تا q_2 و q_2 تا q_3 برابر $8.0\text{ cm} = 0.080\text{ m}$ و فاصله q_1 تا q_3 برابر 0.16 m است. محور x رو به راست است.

نیروی وارد بر q_2 : $F_{12} = k|q_1||q_2|/r^2 = (9 \times 10^9)(4.0 \times 10^{-9})(5.0 \times 10^{-9})/(0.080)^2 = 2.8 \times 10^{-5} \text{ N}$ (رو به چپ، ربایشی)؛ $F_{32} = 2.8 \times 10^{-5} \text{ N}$ (رو به راست، ربایشی). پس $F_{\text{net}} \text{ روی } q_2 = 0$.

نیروی وارد بر q_3 : $F_{23} = 2.8 \times 10^{-5} \text{ N}$ (رو به چپ، ربایشی) و $F_{13} = k|q_1||q_3|/r^2 = (9 \times 10^9)(4.0 \times 10^{-9})^2/(0.16)^2 = 5.6 \times 10^{-6} \text{ N}$ (رو به راست، رانشی).

$F_{\text{net}} \text{ روی } q_3 = 2.8 \times 10^{-5} - 0.56 \times 10^{-5} = 2.3 \times 10^{-5} \text{ N}$ (رو به چپ (در جهت x^- ، به سمت q_2)).



مسئله ۷

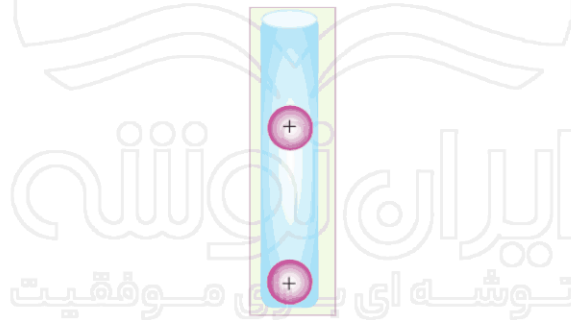
صفحه ۴۱

۳۶

در شکل روبه‌رو، دو گوی مشابه به جرم ۲۵g و بار یکسان مثبت q در فاصله ۱۰cm از هم قرار دارند، به‌طوری که گوی بالایی به حالت معلق مانده است.

الف) اندازه بار q را به دست آورید.

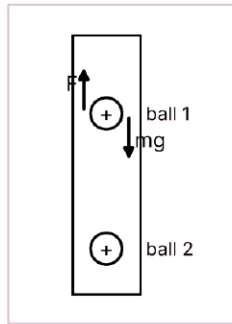
ب) تعداد الکترون‌های کنده‌شده از هر گوی چقدر است؟



الف) گوی بالایی در تعادل است: نیروی رانش کولنی رو به بالا با وزن برابر است ($g = 9.8 \text{ N/kg}$ ، $m = 0.25 \text{ g}$)
 $(r = 1.0 \text{ cm} = 1.0 \times 10^{-2} \text{ m}, 2.5 \times 10^{-4} \text{ kg})$

$$k q^2 / r^2 = m g \Rightarrow q = r \sqrt{(m g / k)} = (1.0 \times 10^{-2}) \sqrt{(2.5 \times 10^{-4} \times 9.8 / 9 \times 10^9)} \approx 5.2 \times 10^{-9} \text{ C}$$

ب) $n = q / e = 5.2 \times 10^{-9} / 1.6 \times 10^{-19} \approx 3.3 \times 10^{10}$ الکترون از هر گوی کنده شده است.

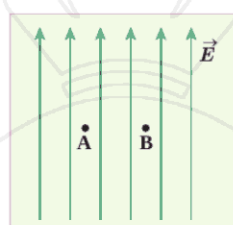


مسئله ۸

صفحه ۴۱

۳۷

یک ذره باردار را یک بار در نقطه A و بار دیگر در نقطه B قرار می‌دهیم. نیرویی که از طرف میدان الکتریکی بر این ذره باردار در این دو نقطه وارد می‌شود را مقایسه کنید.



خطوط میدان موازی و هم‌فاصله‌اند؛ پس میدان یکنواخت است و در A و B بزرگی و جهت یکسان دارد: $E_A = E_B = E$. بنابراین نیروی وارد بر ذره باردار در هر دو نقطه $F = qE$ است؛ یعنی نیروها هم‌اندازه و هم‌جهت (برای بار مثبت، هم‌جهت با میدان) اند: $F_A = F_B$.

مسئله ۹

صفحه ۴۱

۳۸

هسته اتم آهن شعاعی در حدود $4 \times 10^{-15} \text{ m}$ دارد و تعداد پروتون‌های آن ۲۶ عدد است. الف) بزرگی نیروی دافعه بین دو پروتون این هسته که به فاصله $4 \times 10^{-15} \text{ m}$ از هم قرار دارند چقدر است؟ ب) اندازه میدان الکتریکی ناشی از هسته در فاصله $1 \times 10^{-10} \text{ m}$ از مرکز هسته چقدر است؟

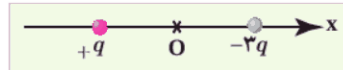
$$\text{الف)} \quad F = k e^2 / r^2 = (9 \times 10^9) (1.6 \times 10^{-19})^2 / (4.0 \times 10^{-15})^2 = 14.4 \text{ N} \approx 14 \text{ N}$$

ب) بار هسته $Q = 26e = 26 \times 1.6 \times 10^{-19} = 4.16 \times 10^{-18} \text{ C}$ است. هسته را مانند بار نقطه‌ای در نظر می‌گیریم:

$$E = k Q / r^2 = (9 \times 10^9) (4.16 \times 10^{-18}) / (1.0 \times 10^{-10})^2 \approx 3.7 \times 10^{12} \text{ N/C}$$

شکل زیر، دو ذره باردار را نشان می‌دهد که در جای خود روی محور x ثابت شده‌اند. بارها در فاصله یکسان a از مبدأ مختصات (نقطه O) قرار دارند.

الف) در کجای این محور (غیر از بی‌نهایت) نقطه‌ای وجود دارد که در آنجا میدان الکتریکی برایند برابر با صفر است؟ ب) بزرگی و جهت میدان الکتریکی برایند در مبدأ مختصات را بیابید.



بار $+q$ در $x = -a$ و بار $-3q$ در $x = +a$ قرار دارد.

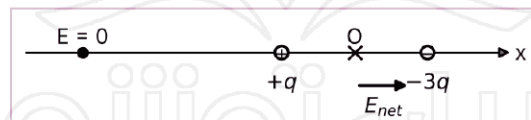
الف) بین دو بار میدان‌ها هم‌جهت‌اند (از $+q$ دور می‌شود و به $-3q$ می‌رود)، پس صفر نمی‌شود. در سمت راست $-3q$ ، میدان بار بزرگ‌تر و نزدیک‌تر، قوی‌تر است؛ پس صفر نمی‌شود. فقط سمت چپ بار کوچک‌تر ($x < -a$) ممکن است. اگر فاصله نقطه تا $+q$ برابر d باشد:

$$kq/d^2 = k(3q)/(d+a)^2 \Rightarrow (d+a)^2 = 3d^2 \Rightarrow d+a = \sqrt{3}d \Rightarrow d = a/(\sqrt{3}-1) = (\sqrt{3}+1)a \approx 2.73a$$

پس $x = -a - d = -(2 + \sqrt{3})a \approx -3.73a$ یعنی نقطه‌ای در سمت چپ بار $+q$ به فاصله $2.73a$ از آن.

ب) در مبدأ، میدان $+q$ (که در $-a$ است) به سمت $+x$ و میدان $-3q$ (که در $+a$ است، میدان به سمت بار منفی) هم به سمت $+x$ است:

$$E = kq/a^2 + 3kq/a^2 = 4kq/a^2 \text{، در جهت } +x \text{ (به سمت بار } -3q\text{).}$$



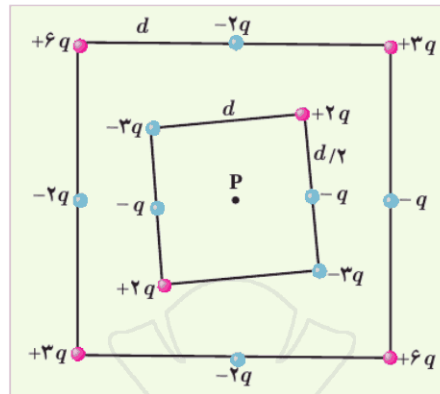
در یک میدان الکتریکی یکنواخت به بزرگی $4/9 \times 10^5 \text{ N/C}$ که جهت آن قائم و رو به پایین است، ذره باردار به جرم $2/9 \text{ g}$ معلق و به حال سکون قرار دارد. اگر $g = 9.8 \text{ N/kg}$ باشد، اندازه و نوع بار ذره را مشخص کنید.

ذره ساکن است؛ پس نیروی الکتریکی باید وزن را خنثی کند و رو به بالا باشد. چون میدان رو به پایین است و نیرو در خلاف جهت میدان، بار ذره منفی است.

$$|q|E = mg \Rightarrow |q| = mg/E = (2.0 \times 10^{-3} \text{ kg})(9.8 \text{ N/kg}) / (4.9 \times 10^5 \text{ N/C}) = 4.0 \times 10^{-8} \text{ C}$$

$$\text{بنابراین } q = -4.0 \times 10^{-8} \text{ C} = -40 \text{ nC}$$

شکل زیر دو آرایه مربعی از ذرات باردار را نشان می‌دهد. مربع‌ها که در نقطه P هم‌مرکزند، هم‌ردیف نیستند. ذره‌ها روی محیط مربع به فاصله d یا $d/2$ از هم قرار گرفته‌اند. جهت میدان الکتریکی برآیند در نقطه P چیست؟



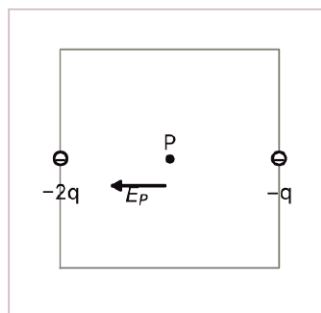
هر ذره را با ذره قرینه آن نسبت به P جفت می‌کنیم. اگر دو بار هم‌اندازه هم‌علامت در دو طرف P و در یک فاصله باشند، میدان‌هایشان هم‌اندازه و در خلاف جهت‌اند و یکدیگر را خنثی می‌کنند.

- **مربع بزرگ:** رأس‌های بالاچپ و پایین‌راست (هر دو $+6q$)، رأس‌های بالا‌راست و پایین‌چپ (هر دو $+3q$) و وسط‌های ضلع بالا و پایین (هر دو $-2q$) دوه‌دو قرینه و هم‌بارند و میدان آنها در P صفر است. فقط وسط ضلع چپ $(-2q)$ و وسط ضلع راست $(-q)$ هم‌اندازه نیستند.
- **مربع کوچک:** $+2q \leftrightarrow +2q$ ، $-3q \leftrightarrow -3q$ و $-q \leftrightarrow -q$ (وسط ضلع چپ و راست) همه دوه‌دو هم‌بار و قرینه‌اند؛ پس میدان آنها صفر است.

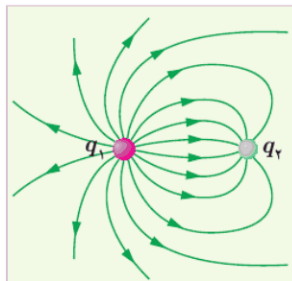
میدان خالص از دو باری است که ناهم‌اندازه‌اند. فاصله هرکدام تا P برابر $d/2$ است و چون بار منفی‌اند، میدان‌هایشان به سمت خود بارهاست:

$$E_1 = k(2q)/(d/2)^2 = 8kq/d^2 \quad (\text{به سمت چپ}), \quad E_2 = kq/(d/2)^2 = 4kq/d^2 \quad (\text{به سمت راست})$$

$$E_P = 8kq/d^2 - 4kq/d^2 = 4kq/d^2 \quad (\text{به سمت چپ به سمت بار } -2q \text{ در وسط ضلع چپ مربع بزرگ}).$$

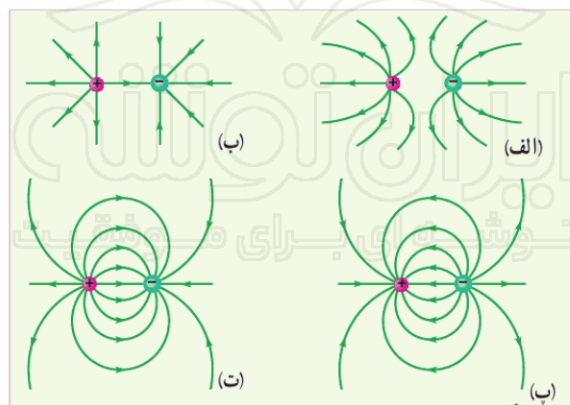


خطوط میدان الکتریکی برای دو کرهٔ رسانای باردار کوچک در شکل روبه‌رو نشان داده شده است. نوع بار هر کره را تعیین کرده و اندازهٔ آنها را مقایسه کنید.



خطوط میدان از بار مثبت خارج و به بار منفی وارد می‌شوند. از q_1 خطوط خارج می‌شوند، پس q_1 مثبت است؛ خطوط به q_2 وارد می‌شوند، پس q_2 منفی است. تعداد خطوط میدان خارج‌شده از q_1 بیشتر از تعداد خطوط واردشده به q_2 است (بخشی از خطوط q_1 به بی‌نهایت می‌روند) و تعداد خطوط متناسب با اندازهٔ بار است؛ بنابراین $|q_1| > |q_2|$.

در شکل‌های زیر، اندازهٔ دو بار، یکسان ولی علامت آنها مخالف هم است. کدام آرایش‌های خطوط میدان نادرست است؟ دلیل آن را توضیح دهید.



فقط آرایش (ت) درست است: خطوط از بار مثبت خارج و به بار منفی وارد می‌شوند، خطوط پیوسته‌اند، یکدیگر را قطع نمی‌کنند و تقارن دو بار هم‌اندازه حفظ شده است.

- (الف) نادرست: خطوط از بار مثبت دور می‌شوند و از بار منفی هم خارج می‌شوند (فقط شبیه دو بار هم‌علامت) و هیچ خطی بین دو بار را به هم وصل نمی‌کند. در حالی که برای بارهای ناهم‌علامت باید خطوط از + شروع و به - ختم شوند.

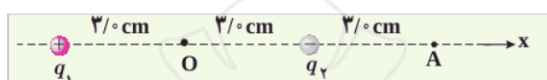
- (ب) نادرست: خطوط راست و شعاعی اند و فقط یک خط دو بار را وصل می‌کند؛ میدان هر بار به تنهایی کشیده شده و برهم نهی میدان‌ها (خمیدگی خطوط) نادیده گرفته شده است.
- (پ) نادرست: شکل خطوط مانند حالت درست است، ولی جهت پیکان‌ها برعکس است؛ پیکان‌ها از بار منفی به بار مثبت‌اند، در حالی که خطوط میدان باید از بار مثبت خارج شوند و به بار منفی وارد شوند.

مسئله ۱۵

صفحه ۴۲

۴۴

دو بار نقطه‌ای غیرهمنام $q_1 = +1.0 \text{ nC}$ و $q_2 = -1.0 \text{ nC}$ مطابق شکل زیر به فاصله 6.0 cm از یکدیگر قرار دارند. الف) جهت و اندازه میدان را در نقطه‌های O و A به دست آورید. ب) آیا روی محور، نقطه‌هایی وجود دارد که میدان الکتریکی خالص در آن صفر شود؟



q_1 در $x = -3.0 \text{ cm}$ ، O مبدأ ($x = 0$)، q_2 در $x = +3.0 \text{ cm}$ و A در $x = +6.0 \text{ cm}$ است.

الف) نقطه O ($r_1 = r_2 = 3.0 \times 10^{-2} \text{ m}$): میدان‌ها هم جهت‌اند (دور از q_1 و به سمت q_2 ، هر دو x):

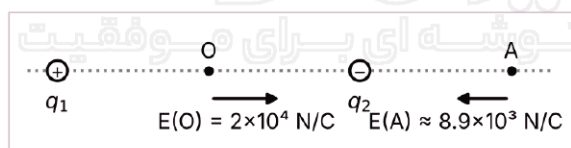
$$\text{در جهت } x+، E_{-O} = 2kq/r^2 = 2(9 \times 10^9)(1.0 \times 10^{-9})/(3.0 \times 10^{-2})^2 = 2.0 \times 10^4 \text{ N/C}$$

نقطه A ($r_2 = 3.0 \text{ cm}$ ، $r_1 = 9.0 \text{ cm}$): میدان q_1 به سمت $x+$ و میدان q_2 به سمت $x-$ (به سمت بار منفی):

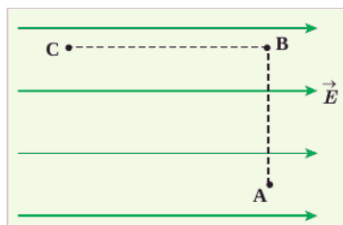
$$E_2 = (9 \times 10^9)(1.0 \times 10^{-9})/(3.0 \times 10^{-2})^2 = 1.0 \times 10^4 \text{ N/C}، E_1 = (9 \times 10^9)(1.0 \times 10^{-9})/(9.0 \times 10^{-2})^2 = 1.1 \times 10^3 \text{ N/C}$$

$$\text{در جهت } x-، E_{-A} = E_2 - E_1 = 8.9 \times 10^3 \text{ N/C}.$$

ب) بین دو بار، میدان هر دو هم جهت است و صفر نمی‌شود. بیرون از دو بار، میدان بار نزدیک‌تر (که اندازه‌ای برابر دارد) بزرگ‌تر است و باز هم صفر نمی‌شود. پس روی محور (در فاصله متناهی) نقطه‌ای با میدان خالص صفر وجود ندارد.



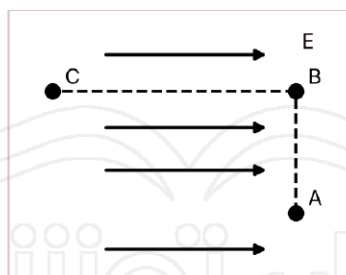
مطابق شکل زیر، بار $q = +50 \text{ nC}$ را در میدان الکتریکی یکنواخت $E = 8.0 \times 10^5 \text{ N/C}$ نخست از نقطه A تا نقطه B و سپس تا نقطه C جابه‌جا می‌کنیم. اگر $AB = 0.20 \text{ m}$ و $BC = 0.40 \text{ m}$ باشد، مطلوب است: (الف) نیروی وارد بر بار q ، (ب) کاری که نیروی الکتریکی در این جابه‌جایی انجام می‌دهد، (پ) تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بار q در این جابه‌جایی.



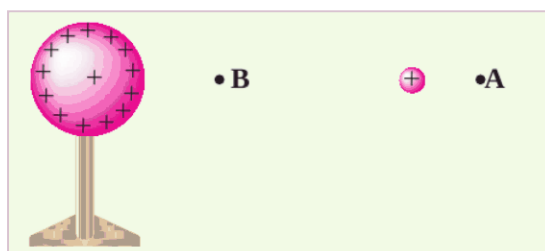
(الف) $F = qE = (50 \times 10^{-9} \text{ C})(8.0 \times 10^5 \text{ N/C}) = 4.0 \times 10^{-2} \text{ N}$ هم جهت با میدان (رو به راست)، در همه مسیر.

(ب) مسیر AB بر میدان عمود است: $W_{AB} = F d \cos 90^\circ = 0$. در مسیر BC جابه‌جایی در خلاف جهت میدان (رو به چپ) است: $W_{BC} = F d \cos 180^\circ = -(4.0 \times 10^{-2} \text{ N})(0.40 \text{ m}) = -1.6 \times 10^{-2} \text{ J}$.
 $W_E = W_{AB} + W_{BC} = -1.6 \times 10^{-2} \text{ J}$

(پ) $\Delta U_E = -W_E = +1.6 \times 10^{-2} \text{ J}$ ؛ یعنی انرژی پتانسیل الکتریکی بار به اندازه $1.6 \times 10^{-2} \text{ J}$ افزایش می‌یابد.



در شکل زیر ذره باردار مثبت و کوچکی را از حالت سکون، از نقطه A که به سمت کره باردار که روی پایه عایقی قرار دارد، نزدیک می‌کنیم و در نقطه B قرار می‌دهیم. (الف) در این جابه‌جایی، کار نیروی الکتریکی مثبت است یا منفی؟ (ب) کاری که ما در این جابه‌جایی انجام می‌دهیم مثبت است یا منفی؟ (پ) انرژی پتانسیل ذره باردار در این جابه‌جایی چگونه تغییر می‌کند؟ (ت) پتانسیل نقطه‌های A و B را با هم مقایسه کنید.



کره مثبت، ذره مثبت را می‌راند. ذره از A (دورتر) به B (نزدیک‌تر به کره) می‌رود، یعنی در خلاف جهت نیروی الکتریکی.

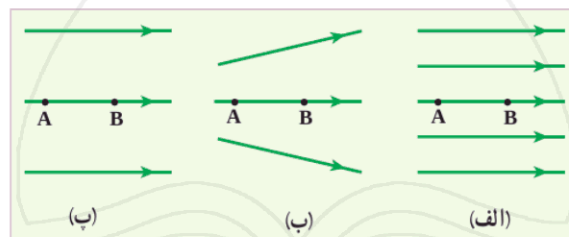
- (الف) جابه‌جایی در خلاف جهت نیروی الکتریکی است؛ پس کار نیروی الکتریکی منفی است ($W_E < 0$).
- (ب) چون ذره در ابتدا و انتها ساکن است ($\Delta K = 0$): $-W_E > 0$ ؛ خارجی W ؛ کار ما مثبت است.
- (پ) $\Delta U_E = -W_E > 0$ ؛ انرژی پتانسیل الکتریکی ذره افزایش می‌یابد.
- (ت) $\Delta V = \Delta U_E / q > 0$ (چون q مثبت است)، پس $V_B > V_A$ ؛ پتانسیل نقطه B که به کره مثبت نزدیک‌تر است بیشتر از پتانسیل A است.

مسئله ۱۸

صفحه ۴۳

۴۷

شکل زیر سه آرایش خطوط میدان الکتریکی را نشان می‌دهد. در هر آرایش، یک پروتون از حالت سکون در نقطه A رها می‌شود و سپس توسط میدان الکتریکی تا نقطه B شتاب می‌گیرد. نقطه‌های A و B در هر سه آرایش در فاصله‌های یکسانی از هم قرار دارند. در کدام شکل سرعت پروتون در نقطه B بیشتر است؟ توضیح دهید.



طبق قضیه کار-انرژی جنبشی: $\frac{1}{2} m v_B^2 = W_E = q \Delta V = q \int E dx$ ؛ هرچه میدان در طول مسیر AB قوی‌تر باشد، کار بیشتر و تندی در B بیشتر است. شدت میدان با چگالی خطوط متناسب است.

- (الف): خطوط موازی و هم‌فاصله‌اند؛ میدان یکنواخت و (به دلیل نزدیک‌ترین فاصله خطوط) قوی‌ترین است.

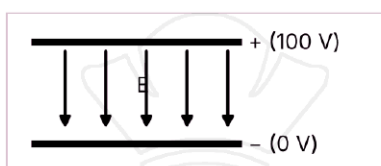
- (ب): خطوط در جهت حرکت از هم دور می‌شوند؛ میدان از A به B ضعیف می‌شود و کار کمتر از حالت (الف) است.

- (پ): میدان یکنواخت ولی خطوط از هم دورترند؛ میدان ضعیف‌تر از (الف) است. بنابراین تندی پروتون در B در شکل (الف) بیشتر است.

دو صفحه رسانا با فاصله $2/00\text{ cm}$ را موازی یکدیگر قرار می‌دهیم و آنها را به اختلاف پتانسیل 100 V وصل می‌کنیم. در نتیجه، یکی از صفحه‌ها به طور منفی و دیگری به طور مثبت باردار می‌شود و میان دو صفحه میدان الکتریکی یکنواختی به وجود می‌آید. اندازه این میدان الکتریکی را حساب کنید و با توجه به جهت خطوط میدان الکتریکی در فضای بین دو صفحه توضیح دهید که کدام یک از دو صفحه پتانسیل الکتریکی بیشتری دارند.

$$E = |\Delta V| / d = 100\text{ V} / (2.00 \times 10^{-2}\text{ m}) = 5.00 \times 10^3\text{ V/m} = 5.00 \times 10^3\text{ N/C}$$

خطوط میدان از صفحه مثبت به صفحه منفی می‌روند، و پتانسیل در جهت خطوط میدان کاهش می‌یابد؛ بنابراین صفحه مثبت پتانسیل الکتریکی بیشتری دارد (اختلاف آن با صفحه منفی 100 ولت است).



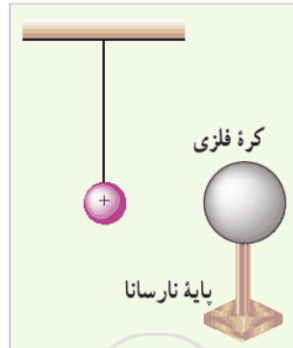
بار الکتریکی $q = -40\text{ nC}$ از نقطه‌ای با پتانسیل الکتریکی $V_1 = -40\text{ V}$ تا نقطه‌ای با پتانسیل $V_2 = -10\text{ V}$ آزادانه جابه‌جا می‌شود. الف) انرژی پتانسیل الکتریکی بار q چه اندازه و چگونه تغییر می‌کند؟ ب) با توجه به قانون پایستگی انرژی، در مورد چگونگی تبدیل انرژی بار q در این جابه‌جایی توضیح دهید.

$$\Delta V = V_2 - V_1 = (-10) - (-40) = +30\text{ V} \quad \text{الف)}$$

$\Delta U_E = q \Delta V = (-40 \times 10^{-9}\text{ C})(30\text{ V}) = -1.2 \times 10^{-6}\text{ J}$ یعنی انرژی پتانسیل به اندازه $1/2$ میکروژول کاهش می‌یابد.

ب) بار آزادانه حرکت می‌کند و تنها نیروی الکتریکی روی آن کار می‌کند، پس انرژی مکانیکی پایسته است: $\Delta K + \Delta U_E = 0$. کاهش انرژی پتانسیل ($1.2 \times 10^{-6}\text{ J}$) به انرژی جنبشی تبدیل می‌شود: $\Delta K = +1.2 \times 10^{-6}\text{ J}$ ؛ بار منفی خودبه‌خود به سمت پتانسیل بالاتر می‌رود و تندتر می‌شود.

یک کره فلزی بدون بار الکتریکی را که روی پایه نارسانی قرار دارد، به آونگ الکتریکی باردار نزدیک می‌کنیم. با ذکر دلیل توضیح دهید که چه اتفاقی می‌افتد.



گوی آونگ مثبت است. وقتی کره فلزی خنثی به آن نزدیک می‌شود، الکترون‌های آزاد کره به سمت گوی مثبت کشیده می‌شوند (القای الکتریکی): نیمه نزدیک کره منفی و نیمه دور آن مثبت می‌شود. بار منفی نزدیک‌تر است؛ پس نیروی ربایشی بیشتر از نیروی رانشی است و گوی آونگ به سمت کره فلزی جذب (منحرف) می‌شود. اگر آنها به هم برسند، مقداری بار منتقل می‌شود و پس از تماس دو گوی هم‌نام می‌شوند و یکدیگر را می‌رانند.

یک صفحه پلاستیکی باردار (تلق یا ورق باردار) را به برادهای ریز آلومینیمی بدون بار نزدیک می‌کنیم. مشاهده می‌شود که برادها به طرف صفحه پلاستیکی، جذب می‌شوند. علت این پدیده را توضیح دهید.

با نزدیک شدن صفحه باردار، بارهای آزاد براده رسنا در آن جابه‌جا می‌شوند (القا): سمت نزدیک به صفحه، بار ناهم‌نام و سمت دور، بار هم‌نام می‌گیرد. چون بار ناهم‌نام نزدیک‌تر است، نیروی ربایشی بیشتر از نیروی رانشی می‌شود و برادها جذب می‌شوند (پس از تماس و دریافت بار هم‌نام، پس زده می‌شوند).

وقتی ماهواره‌ای به دور زمین می‌چرخد، بر اثر عبور از فضای اطراف زمین باردار می‌شود. این بارها ممکن است موجب آسیب‌رساندن به قطعات الکترونیکی ماهواره شود. فرض کنید ماهواره‌ای در اثر عبور از یکی از لایه‌های جو دارای بار الکتریکی $q = 2.0 \times 10^{-9} \text{ C}$ شود. این ماهواره، مکعبی به ضلع 40 cm است. چگالی سطحی بار الکتریکی روی سطح این ماهواره را محاسبه کنید. (از تجمع بار روی لبه‌ها چشم‌پوشی شود.)

$$A = 6a^2 = 6(0.40)^2 = 0.96 \text{ m}^2 \text{ دارد: } a = 0.40 \text{ m} \text{ ضلع به وجه مربعی به } 6 \text{ مکعب}$$

$$\sigma = Q / A = 2.0 \times 10^{-9} \text{ C} / 0.96 \text{ m}^2 \approx 2.1 \times 10^{-9} \text{ C/m}^2$$

مسئله ۲۴

صفحه ۴۳

۵۳

اگر ساختمان یک خازن را تغییر ندهیم، در هریک از شرایط زیر ظرفیت خازن چگونه تغییر می‌کند؟
الف) بار آن دو برابر شود.
ب) اختلاف پتانسیل میان صفحه‌های آن سه برابر شود.

ظرفیت خازن به ویژگی‌های هندسی (A و d) و جنس دی‌الکتریک بستگی دارد ($C = K \epsilon_0 A / d$) و با تغییر بار یا اختلاف پتانسیل تغییر نمی‌کند.

- الف) اگر Q دو برابر شود، V هم دو برابر می‌شود و $C = Q/V$ تغییر نمی‌کند.
- ب) اگر V سه برابر شود، Q هم سه برابر می‌شود و $C = Q/V$ تغییر نمی‌کند.

مسئله ۲۵

صفحه ۴۳

۵۴

اختلاف پتانسیل بین دو صفحه یک خازن را از ۲۸ ولت به ۴۰ ولت افزایش می‌دهیم. اگر با این کار ۱۵ میکروکولن بر بار ذخیره شده در خازن افزوده شود، ظرفیت خازن را حساب کنید.

$$Q = C V \text{ و } \Delta Q = C \Delta V$$

$$C = \Delta Q / \Delta V = 15 \times 10^{-6} \text{ C} / (40 - 28) \text{ V} = 15 \times 10^{-6} / 12 = 1.25 \times 10^{-6} \text{ F} = 1.25 \mu\text{F}$$

مسئله ۲۶

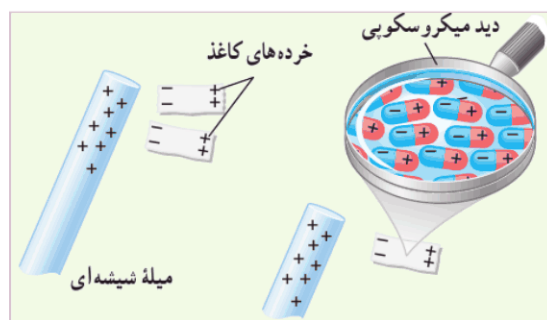
صفحه ۴۴

۵۵

بادکنک باردار شکل زیر را به آب نزدیک کرده‌ایم. توضیح دهید چرا آب به جای اینکه به‌طور قائم فرو ریزد، خمیده می‌شود؟

مولکول آب قطبی است (یک سر مثبت و یک سر منفی). میدان بادکنک باردار مولکول‌های آب را می‌چرخاند و در راستای میدان هم‌ردیف می‌کند، به‌طوری که سرِ ناهم‌نام با بار بادکنک به آن نزدیک‌تر است. نیروی ربایشی بر سر نزدیک‌تر بیشتر از نیروی رانشی بر سر دورتر است؛ بنابراین نیروی خالص مولکول‌ها را به سمت بادکنک می‌کشد و جریان آب به طرف بادکنک خمیده می‌شود.

با توجه به شکل زیر توضیح دهید چرا یک میلهٔ باردار، خرده‌های کاغذ را می‌رباید؟



کاغذ نارساناست (دی‌الکتریک) و مولکول‌های آن در میدان میلهٔ باردار قطبیده می‌شوند (جابه‌جایی کوچک بارها یا هم‌ردیف شدن مولکول‌های قطبی). در نتیجه روی سطح نزدیک به میله، بار ناهم‌نام با میله و روی سطح دور، بار هم‌نام ایجاد می‌شود. چون بار ناهم‌نام نزدیک‌تر است، نیروی ربایش بر نیروی رانش غلبه می‌کند و خرده‌های سبک کاغذ جذب میله می‌شوند.

ظرفیت یک خازن تخت با فاصلهٔ صفحات 1.0 mm که بین صفحه‌های آن هوا قرار دارد، برابر 1.0 F است. مساحت صفحه‌های این خازن چقدر است؟ از این مسئله چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟

$$C = K \epsilon_0 A / d \Rightarrow A = C d / (K \epsilon_0) \quad (\text{برای هوا } K \approx 1, \epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ F/m})$$

$$A = (1.0 \text{ F})(1.0 \times 10^{-3} \text{ m}) / (8.85 \times 10^{-12} \text{ F/m}) \approx 1.1 \times 10^8 \text{ m}^2 \quad (\text{حدود } 113 \text{ کیلومتر مربع؛ مربعی به ضلع حدود } 10.6 \text{ km})$$

نتیجه: فاراد یکای بسیار بزرگی است. برای داشتن ظرفیت ۱ فاراد با خازن تختی با هوا، مساحت صفحه‌ها باید در حد ده‌ها کیلومتر مربع باشد؛ به همین علت خازن‌های عملی ظرفیتی در حد پیکو تا میکروفاراد دارند و برای ظرفیت‌های بیشتر از دی‌الکتریک با K بزرگ و فاصلهٔ بسیار کم استفاده می‌شود.

یک خازن تخت به یک باتری بسته شده است تا باردار شود. پس از مدتی، درحالی که باتری همچنان به خازن متصل است، فاصله بین صفحه‌های خازن را دو برابر می‌کنیم. کدام یک از موارد زیر درست است؟

(الف) میدان الکتریکی میان صفحه‌ها نصف می‌شود.

(ب) اختلاف پتانسیل میان صفحه‌ها نصف می‌شود.

(پ) ظرفیت خازن دو برابر می‌شود.

(ت) بار روی صفحه‌ها تغییر نمی‌کند.

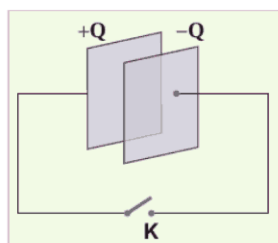
باتری متصل است؛ پس V ثابت و ولتاژ باتری می‌ماند.

- (الف) درست است: $E = V/d$ ؛ V ثابت و d دو برابر $\Rightarrow E$ نصف می‌شود.
 - (ب) نادرست است: اختلاف پتانسیل برابر ولتاژ باتری و ثابت است.
 - (پ) نادرست است: $C = K \epsilon_0 A/d$ با دو برابر شدن d نصف می‌شود.
 - (ت) نادرست است: $Q = CV$ ؛ C نصف و V ثابت $\Rightarrow Q$ نصف می‌شود (بار از صفحه‌ها به باتری برمی‌گردد).
- فقط مورد (الف) درست است.

مساحت هریک از صفحه‌های خازن تختی، 1.00 m^2 و فاصله دو صفحه از هم، 0.500 mm است. عایقی با ثابت دی‌الکتریک $4/9$ بین دو صفحه قرار داده شده است. ظرفیت خازن را تعیین کنید.

$$C = K \epsilon_0 A / d = (4.9)(8.85 \times 10^{-12} \text{ F/m})(1.00 \text{ m}^2) / (0.500 \times 10^{-3} \text{ m}) \approx 8.7 \times 10^{-8} \text{ F} \approx 87 \text{ nF}$$

دو صفحه خازن تخت باردار را همانند شکل با بستن کلید به هم وصل می‌کنیم، در نتیجه جرقه‌ای زده می‌شود. حال اگر دوباره صفحات را به همان اندازه بار دار کنیم ولی فاصله آنها را دو برابر کنیم و سپس دو صفحه را به هم وصل کنیم، آیا جرقه حاصل بزرگ‌تر از قبل می‌شود، یا کوچک‌تر و یا تغییری نمی‌کند؟ توضیح دهید.



انرژی جرقه همان انرژی ذخیره شده خازن است: $U = Q^2 / (2C)$. بار Q ثابت است، اما با دو برابر شدن d ظرفیت $C = K \epsilon_0 A / d$ نصف می شود؛ پس:

$$U' = Q^2 / (2 \times C/2) = 2 \cdot Q^2 / (2C) = 2U$$

انرژی ذخیره شده دو برابر می شود (کاری که برای دور کردن صفحه ها در برابر ربایش آنها انجام شده، به انرژی خازن افزوده شده است)؛ بنابراین جرقه حاصل **بزرگ تر** از قبل می شود.

مسئله ۳۲

صفحه ۴۴

۶۱

ظرفیت خازنی ۱۲ میکروفاراد و بار الکتریکی آن q است. اگر $+3/0 \text{ mC}$ بار الکتریکی از صفحه منفی به صفحه مثبت منتقل شود، انرژی ذخیره شده در خازن به اندازه $0/8 \text{ J}$ زیاد می شود. q را محاسبه کنید.

$\Delta U = 0.80 \text{ J}$ ، $C = 12 \times 10^{-6} \text{ F}$ ، $\Delta Q = 3.0 \times 10^{-3} \text{ C}$ با انتقال بار، بار خازن از q به $q + \Delta Q$ می رسد:

$$\Delta U = (q + \Delta Q)^2 / 2C - q^2 / 2C = (2q\Delta Q + \Delta Q^2) / 2C$$

$$2q\Delta Q = 2C\Delta U - \Delta Q^2 = 2(12 \times 10^{-6})(0.80) - (3.0 \times 10^{-3})^2 = 1.92 \times 10^{-5} - 0.90 \times 10^{-5} = 1.02 \times 10^{-5}$$

$$q = 1.02 \times 10^{-5} / (2 \times 3.0 \times 10^{-3}) = 1.7 \times 10^{-3} \text{ C} = 1.7 \text{ mC}$$

این فایل توسط سایت ایران توشه تهیه شده است.

irantooshe.ir



ایران توشه
توشه ای برای موفقیت